

Willkommen zur Vorlesung  
*Modellbasierte Softwaretechniken  
für sichere Systeme*  
im Sommersemester 2012  
Prof. Dr. Jan Jürjens

TU Dortmund, Fakultät Informatik, Lehrstuhl XIV

# 7. Kryptographische Protokolle: Sicherheitsanalyse

Gegeben sei die Menge  $K_A^0$  als **initiales Wissen** eines Angreifers des Typs  $A$ . Sei  $K_A^{n+1}$  die Menge der Krypto-Terme, die aus der Menge  $K_A^n$  von Krypto-Termen und aus den Ausdrücken, die nach der  $n+1$ sten Iteration des Protokolls empfangen wurden, durch Anwendung der Krypto-Operationen gebildet werden kann.

Definition (Dolev, Yao 1982).

Ein Datenwert  $M$  bleibt vertraulich gegen einen Angreifer des Typs  $A$ , wenn es kein  $n$  mit  $M \in K_A^n$  gibt.

Idee: Menge der **Datenwerte**, die der Angreifer möglicherweise kennenlernen kann, **von oben** approximieren.

Das logische Prädikat *knows*(*E*) bedeutet, dass der Angreifer den Ausdruck *E* während der Ausführung des Protokolls möglicherweise kennenlernen kann.

Für jedes Geheimnis *s* kann man dann überprüfen, ob *knows*(*s*) aus den logischen Formeln, die das Systemverhalten repräsentieren, abgeleitet werden kann.

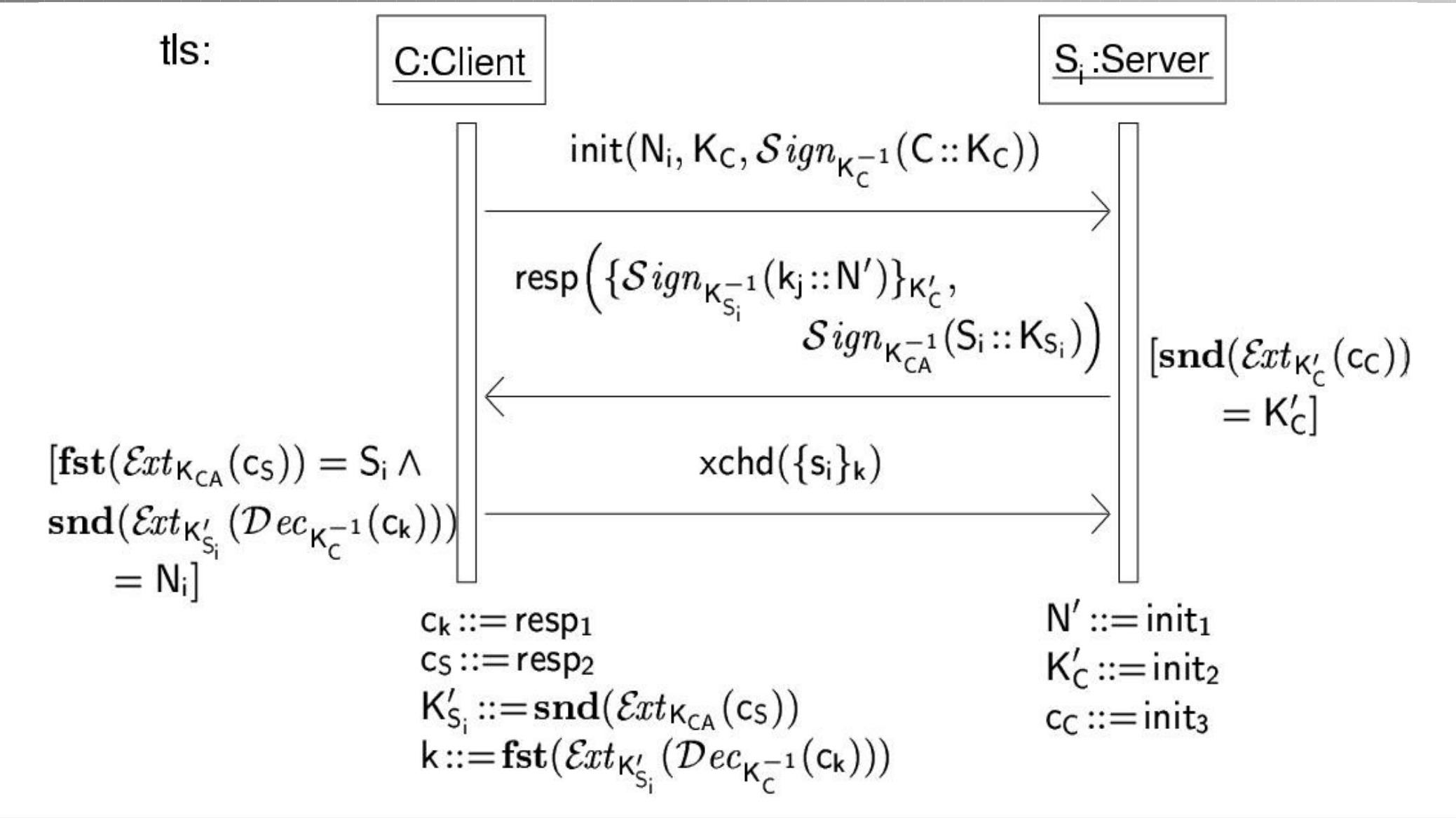
Für initiales Angreiferwissen ( $K^0$ ): Definiere Axiom  $knows(E)$  für jeden Datenwert  $E$ , der dem Angreifer initial bekannt ist (protokoll-spezifisch, z.B.  $K_A, K_A^{-1}$ ).

Modellieren, dass der Angreifer selber Krypto-Algorithmen einsetzen kann: Definiere Axiome:

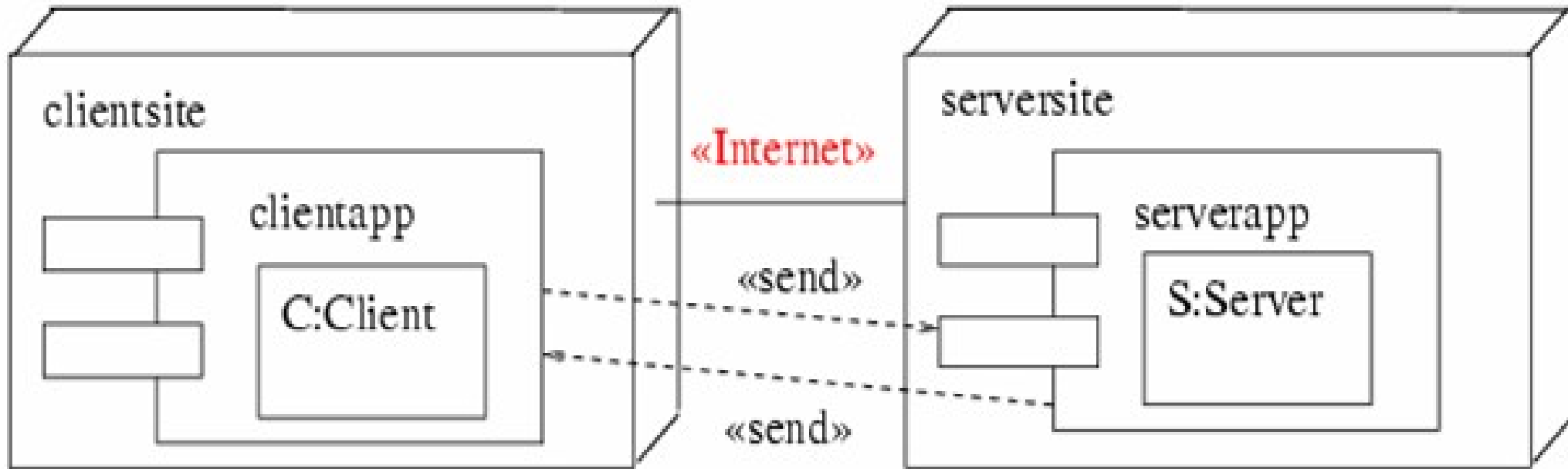
$$\forall E_1, E_2. (knows(E_1) \wedge knows(E_2) \Rightarrow \\ knows(E_1 :: E_2) \wedge knows(\{E_1\}_{E_2}) \wedge \\ knows(Dec_{E_2}(E_1)) \wedge knows(Sign_{E_2}(E_1)) \wedge \\ knows(Ext_{E_2}(E_1)))$$

$$\forall E. (knows(E) \Rightarrow \\ knows(head(E)) \wedge knows(tail(E)))$$

# Gegebenes Sequenzdiagramm für o.g. Variante von TLS ...



# ... und Verteilungsdiagramm ...



Abgeleitete Angreifer-Aktionen auf  
Kommunikationsdaten: **read, delete, insert.**

Gegeben eine Nachrichtenspezifikation

$TR1 = (in(msg\_in), cond(msg\_in), out(msg\_out))$

im Sequenzdiagramm, gefolgt von der Nachrichtenspezifikation  $TR2$ ,  
ergibt Prädikat

$PRED(TR1) = \forall msg\_in. [knows(msg\_in) \wedge cond(msg\_in) \Rightarrow knows(msg\_out) \wedge PRED(TR2)]$

(Annahme: Nachrichtenreihenfolge überprüft (!).)

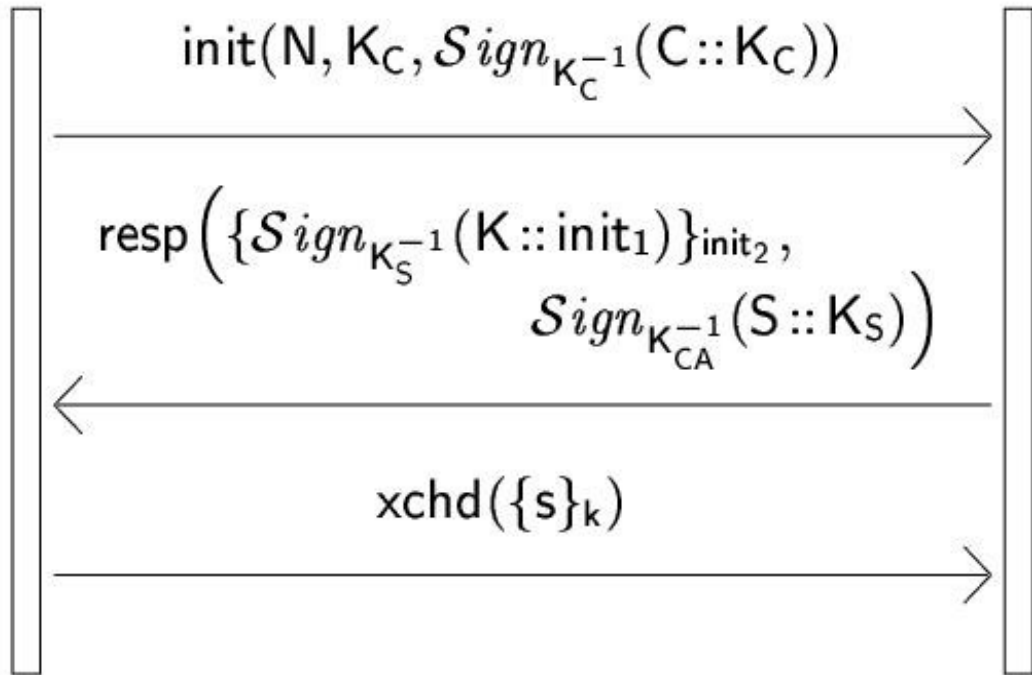
Hohe Abstraktion (zum Beispiel vom Sender und Empfänger der Nachrichten) mit dem Ziel einer effizienten automatischen Analyse.  
Nachteil: Es können “falsch-positive“ Ergebnisse auftreten (d.h. angebliche Angriffsmöglichkeiten, die sich bei näherer Untersuchung als unpraktikabel herausstellen).



# Beispiel: TLS Variante

C:Client

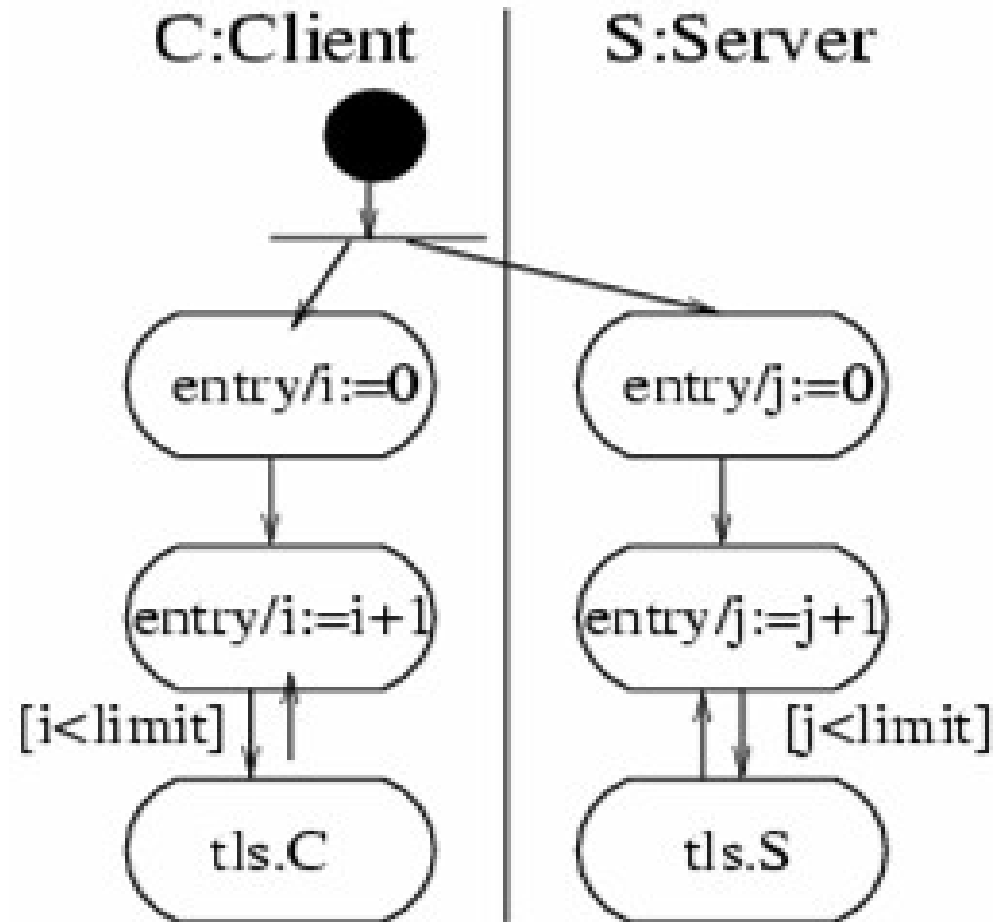
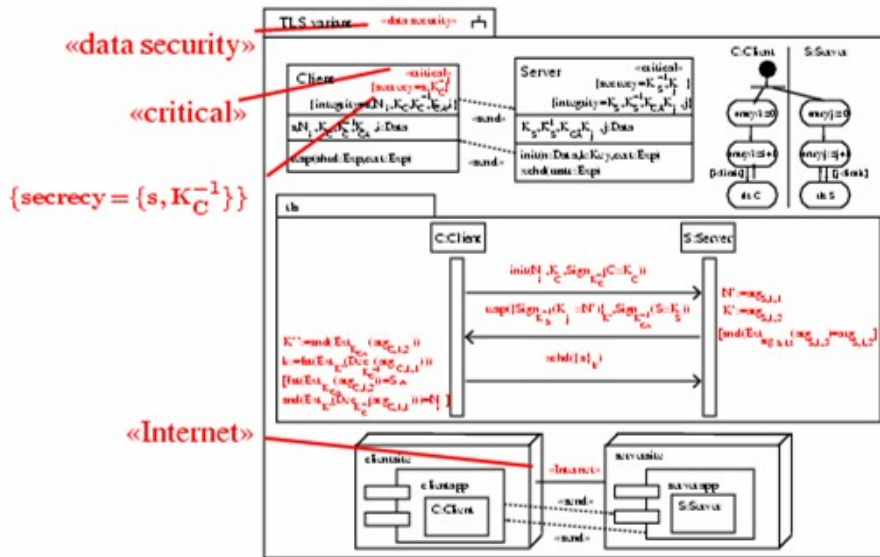
S:Server



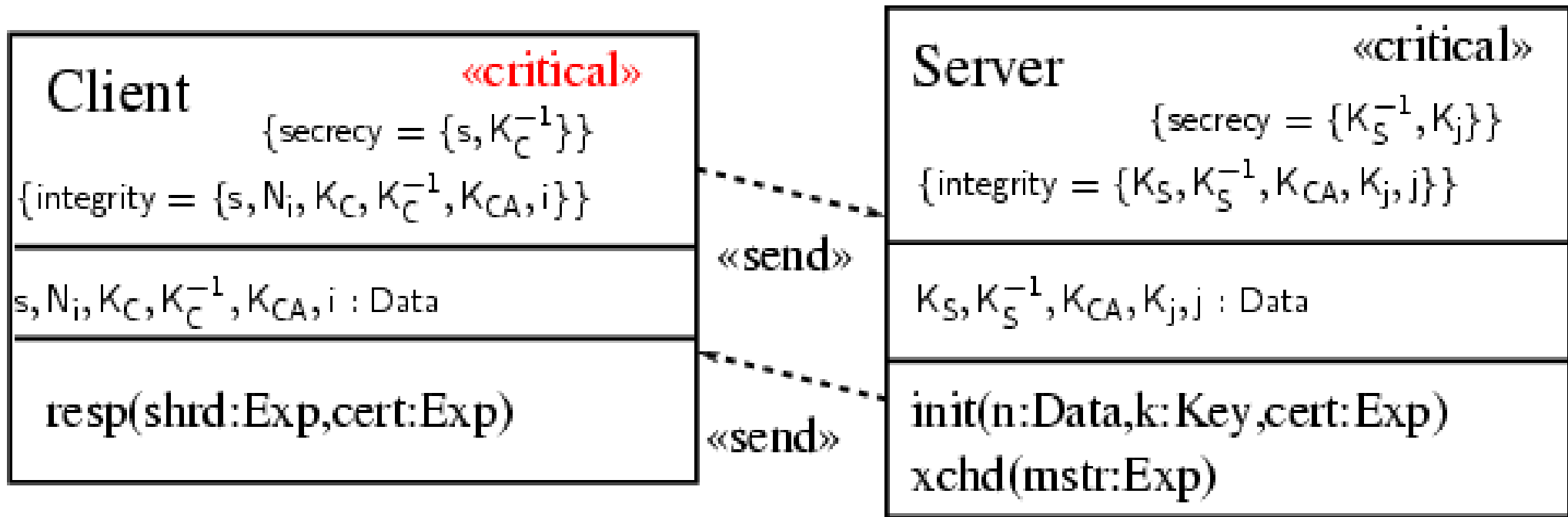
[ $\text{snd}(\text{Ext}_{\text{init}_2}(\text{init}_3)) = \text{init}_2$ ]

[ $\text{fst}(\text{Ext}_{K_{CA}}(c_S)) = S \wedge \text{snd}(\text{Ext}_{K''}(\text{Dec}_{K_C^{-1}}(c_k))) = N$ ]

$\text{knows}(N) \wedge \text{knows}(K_C) \wedge \text{knows}(\text{Sign}_{K_C^{-1}}(C::K_C))$   
 $\wedge \forall \text{init}_1, \text{init}_2, \text{init}_3. [\text{knows}(\text{init}_1) \wedge \text{knows}(\text{init}_2) \wedge \text{knows}(\text{init}_3) \wedge \text{snd}(\text{Ext}_{\text{init}_2}(\text{init}_3)) = \text{init}_2$   
 $\Rightarrow \text{knows}(\{\text{Sign}_{K_S^{-1}}(\dots)\}_{\dots}) \wedge [\text{knows}(\text{Sign} \dots)] \wedge$   
 $\cdot \forall \text{resp}_1, \text{resp}_2. [\dots \Rightarrow \dots]]$



## Aktivitätsdiagramm

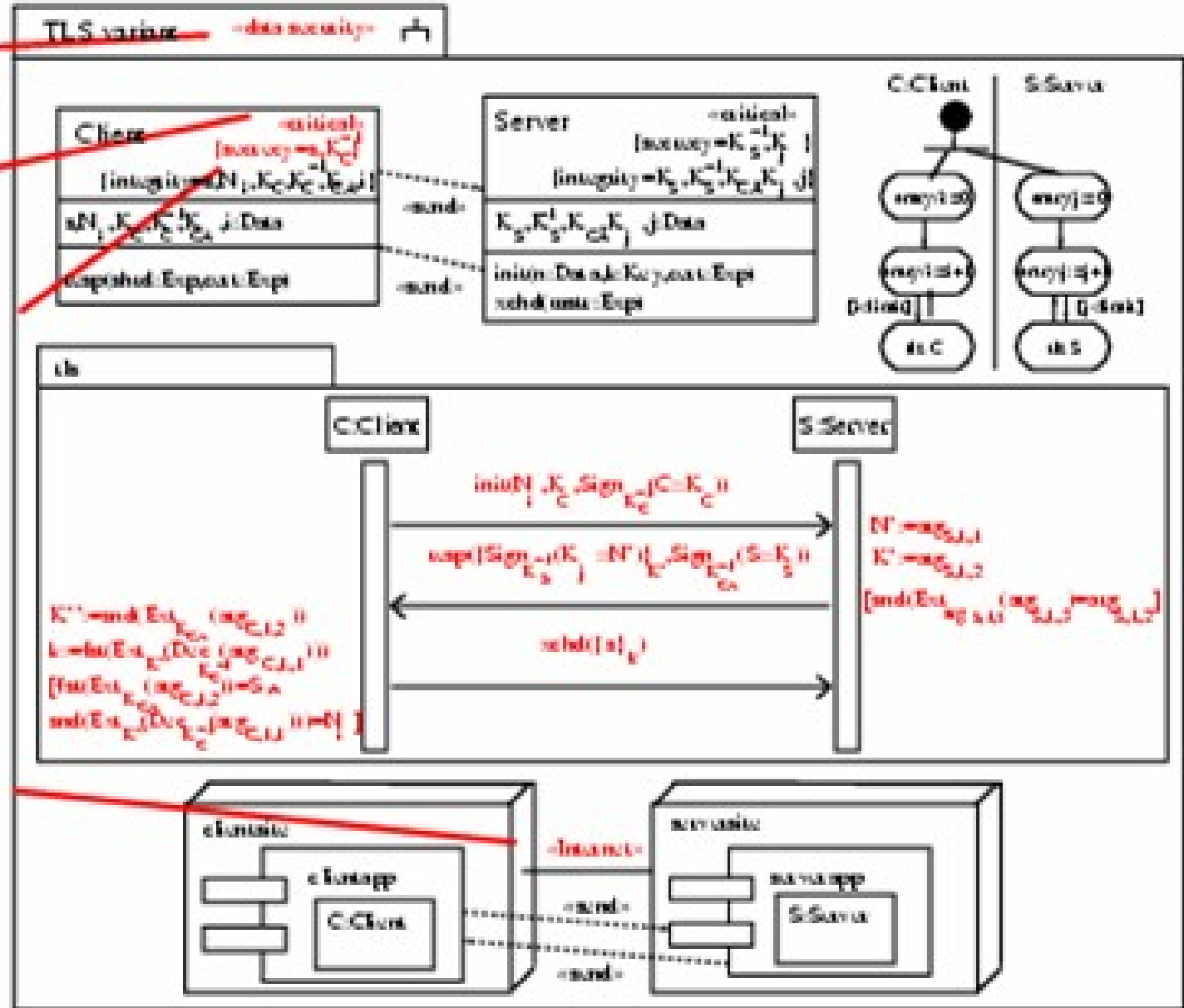


Klassendiagramm.

Frage: Vertraulichkeit von Geheimnis  $s_i$  bewahrt, d.h.  
 $knows(s_i)$  ableitbar ?

# Überblick Variante von TLS: Gesamtes Modell

«data security»  
«critical»  
{secrecy = {s,  $K_C^{-1}$ }}



# Übersetzung in Logik in Theorembeweiser-Notation I

```
input_formula(tls_abstract_protocol, axiom, (
! [ArgS_11, ArgS_12, ArgS_13, ArgC_11, ArgC_12] : (
  ! [DataC_KK, DataC_k, DataC_n] : (
    % Client -> Attacker (1. message)
    (
      knows(n)
      & knows(k_c)
      & knows(sign(conc(c, k_c), inv(k_c) ) ) )
    & % Server -> Attacker (2. message)
    (
      (
        knows(ArgS_11)
        & knows(ArgS_12)
        & knows(ArgS_13)
        & ( ? [X] : equal( sign(conc(X, ArgS_12), inv(ArgS_12) ),
                          ArgS_13 ) ) )
      => (
        knows(enc(sign(conc(kgen(ArgS_12), ArgS_11), inv(k_s) ),
                  ArgS_12 ) )
        & knows(sign(conc(s, k_s), inv(k_ca) ) ) ) ) )
```

# Übersetzung in Logik in Theorembeweiser-Notation II

```
& % Client -> Attacker (3. message)
  ( ( knows(ArgC_11)
    & knows(ArgC_12)
    & equal(sign(conc(s, DataC_KK), inv(k_ca)), ArgC_12 )
    & equal(enc(sign(conc(DataC_k, DataC_n), inv(DataC_KK) ),
              k_c), ArgC_11 )
    & ( ? [DataC_ks] : equal(sign(conc(s, DataC_ks), inv(k_ca) ),
                          ArgC_12 ) )
    & equal(enc(sign(conc(DataC_k, n), inv(DataC_KK) ), k_c),
            ArgC_11 )
    & equal(enc(sign(conc(DataC_k, DataC_n), inv(DataC_KK) ), k_c),
            ArgC_11 )
  )
=> ( knows(symenc(secret, DataC_k)) ) )
) ) ).
```

# Überraschung ...

```
E-SETHEO csp03 single processor running on host ...
(c) 2003 Max-Planck-Institut fuer Informatik and
    Technische Universitaet Muenchen

tlsvariant-freshkey-check.tptp
...
time limit information: 300 total (entering statistics module).
problem analysis ...
testing if first-order ...
first-order problem
...
statistics: 19 0 7 46 3 6 2 0 1 2 14 8 0 2 28 6
...
schedule selection: problem is horn with equality (class he).
schedule:605 3 300 597
...
entering next strategy 605 with resource 3 seconds.
...
analyzing results ...
proof found
time limit information: 298 total / 297 strategy (leaving wrapper).
...
e-SETHEO done. exiting
```

# ... Was bedeutet das ?

Kann  $knows(s_i)$  ableiten (!).

Daher: Protokoll bewahrt **nicht** die Vertraulichkeit  
des Geheimnisses  $s_i$  gegen Angreifer.

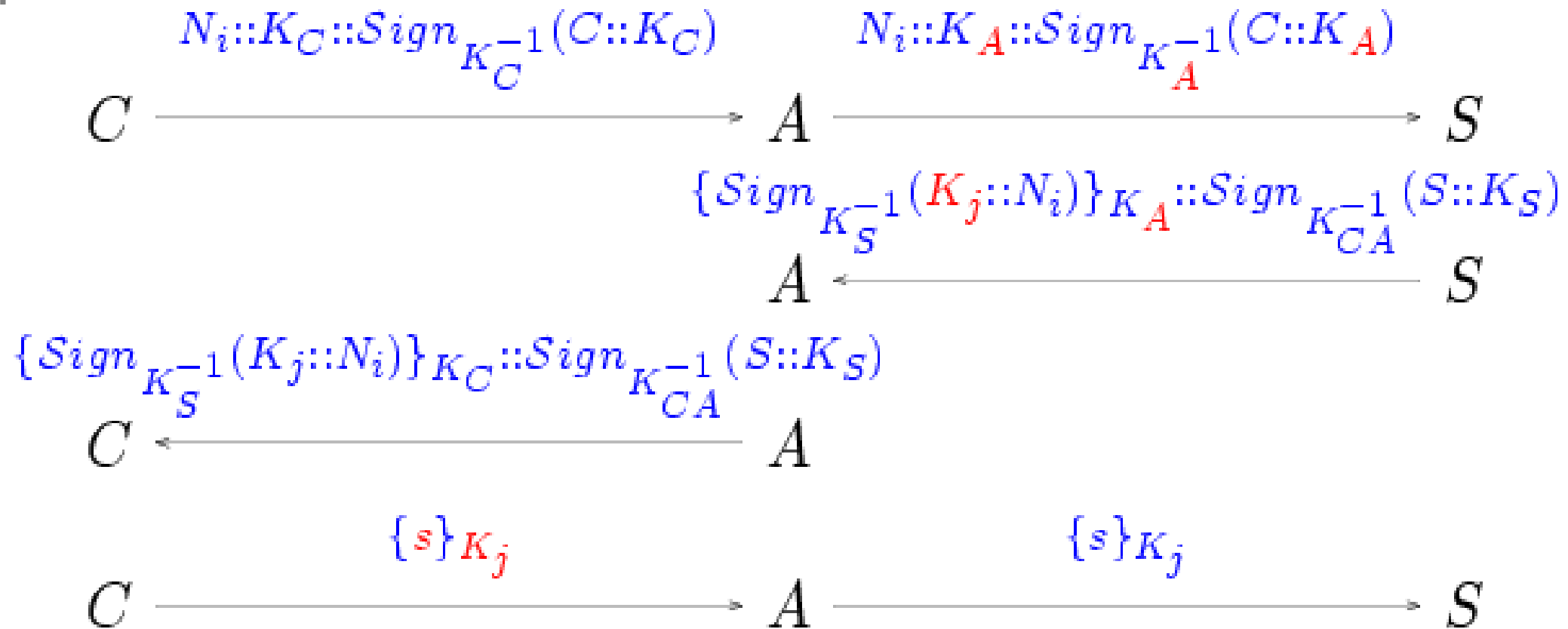
→ Absolut unsicher in Bezug auf festgesetzte Ziele.

Aber wieso ?

Kann Angriffsszenario mittels prologbasierten  
Angriffsgenerator erzeugen.



# Man-in-the-Middle Angriff

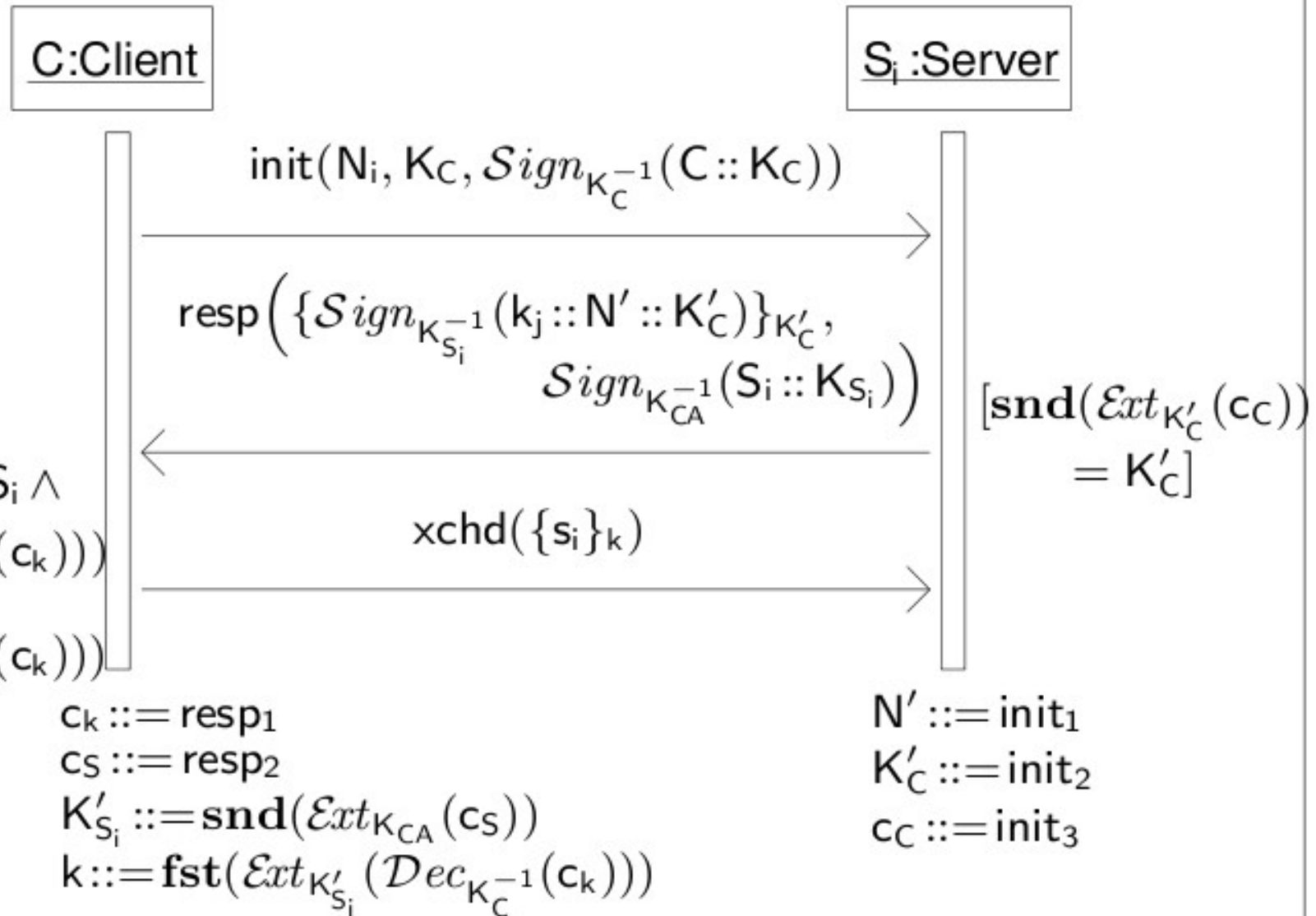


Übungsaufgabe: Diesen Angriff in Form einer logischen Ableitung darstellen (unter Verwendung von `tlsvariant.tptp`, s. Webseite).

# Korrigiertes Protokoll

Analyse:  $knows(s_i)$  nicht ableitbar, d.h. Vertraulichkeit von  $s_i$  bewahrt.

tls:



- TLS-Variante
- Protokollmodellierung
- Sicherheitsanalyse
- Korrigierte Version