

*Vorlesung*  
***Methodische Grundlagen des  
Software-Engineering***  
im Sommersemester 2014

Prof. Dr. Jan Jürjens

TU Dortmund, Fakultät Informatik, Lehrstuhl XIV

Teil 2.4: Prozessextraktion

v. 02.06.2014

## 2.4 Prozessextraktion

[mit freundlicher Genehmigung basierend  
auf einem englischen Foliensatz von  
Prof. Dr. Wil van der Aalst (TU Eindhoven)]

[inkl. Beiträge von Jutta Mülle und Dr. Silvia von Stackelberg,  
LS Prof. Böhm, Karlsruher Institut für Technologie]

### Literatur:

[vdA11] Wil van der Aalst: **Process Mining: Discovery, Conformance and Enhancement of Business Processes**, Springer-Verlag. 2011.

Unibibliothek (6 Exemplare): <http://www.ub.tu-dortmund.de/katalog/titel/1332248>  
(Bei Engpässen kann eine **Kopiervorlage** der relevanten Ausschnitte zur Verfügung gestellt werden.)

- **Kapitel 5**

# Einordnung

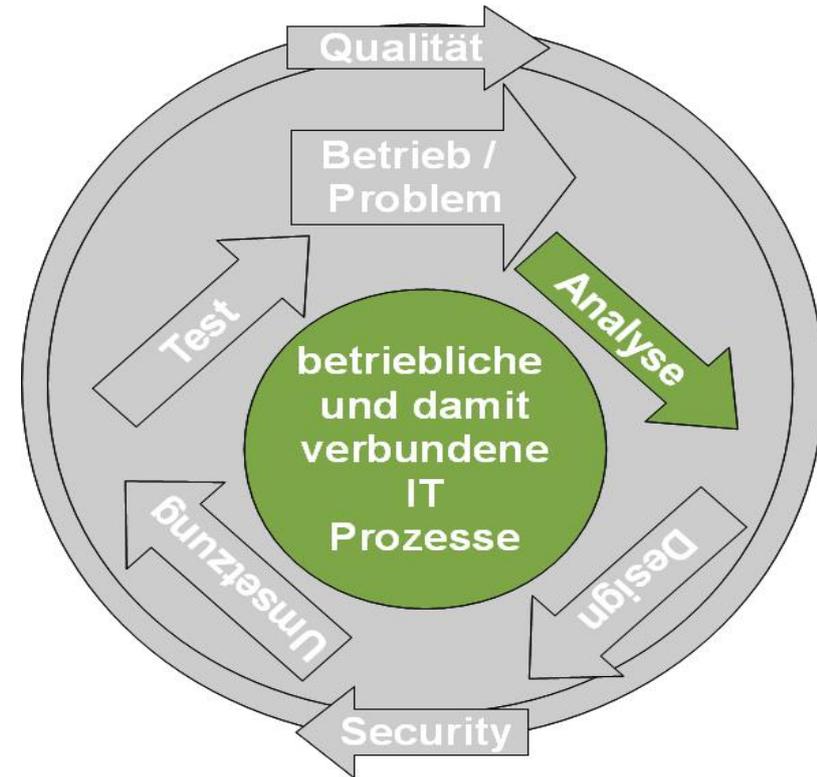
## 2.4: Prozessextraktion

- Geschäftsprozessmodellierung

- **Process-Mining**

- Einführung: Process-Mining
- Petrinetze
- Data-Mining
- Datenbeschaffung
- **Prozessextraktion**
- Konformanzanalyse
- Mining: Zusätzliche Perspektiven
- Betriebsunterstützung
- Werkzeugunterstützung
- Analysiere „Lasagne Prozesse“
- Analysiere „Spaghetti Prozesse“
- Kartographie und Navigation
- Epilog

- Modellbasierte Entwicklung sicherer Software



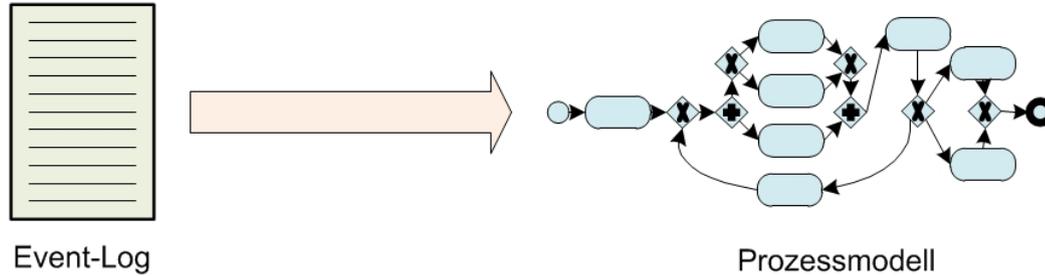
- **Vorheriger Abschnitt:** Datenbeschaffung und Datenspeicherformat XES.
- **Dieser Abschnitt:** „Prozessextraktion“:
  - Einführung und Beispiele
  - **$\alpha$ -Algorithmus:** Vorstellung und Beispiele
  - Prozessmodell: Ein schweres Problem?



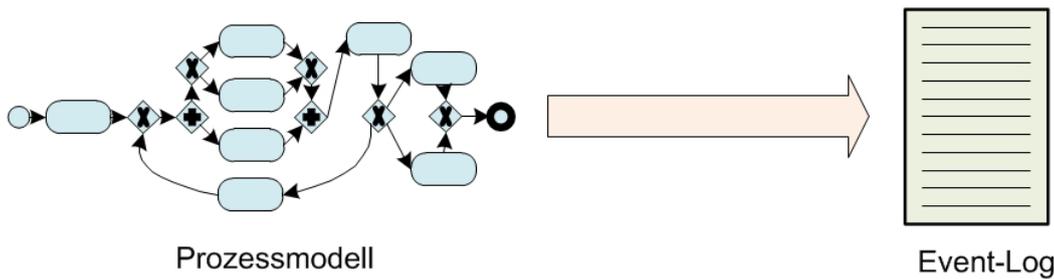
- **Einführung und Beispiel**
- $\alpha$ -Algorithmus
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

# Prozessextraktion = Play-In

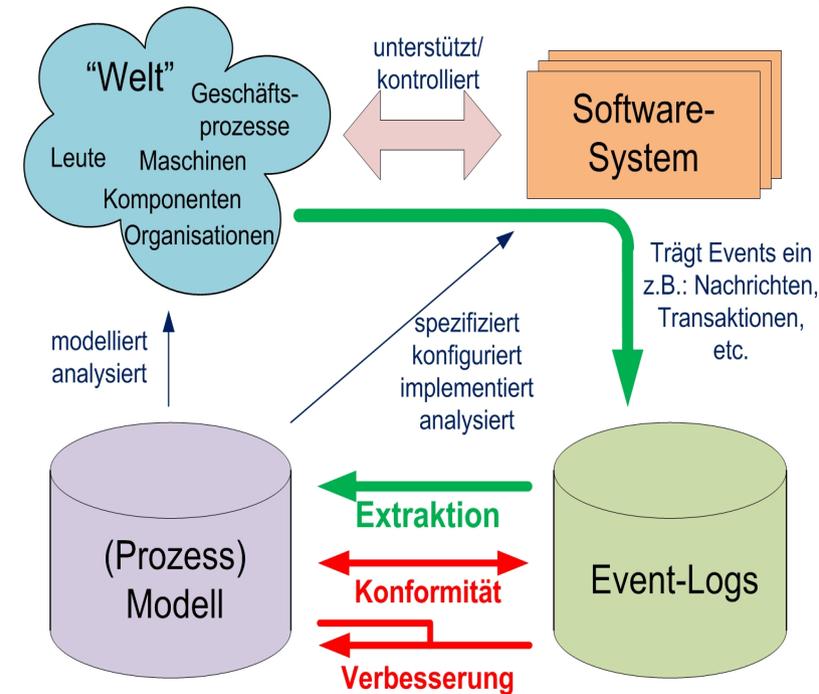
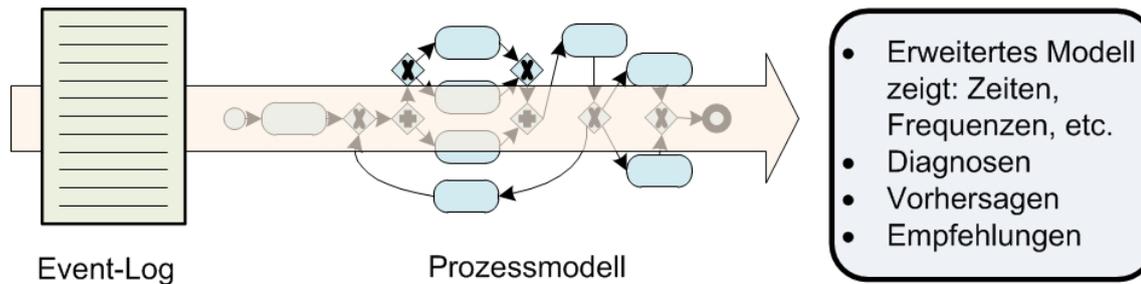
## Play-In



## Play-Out

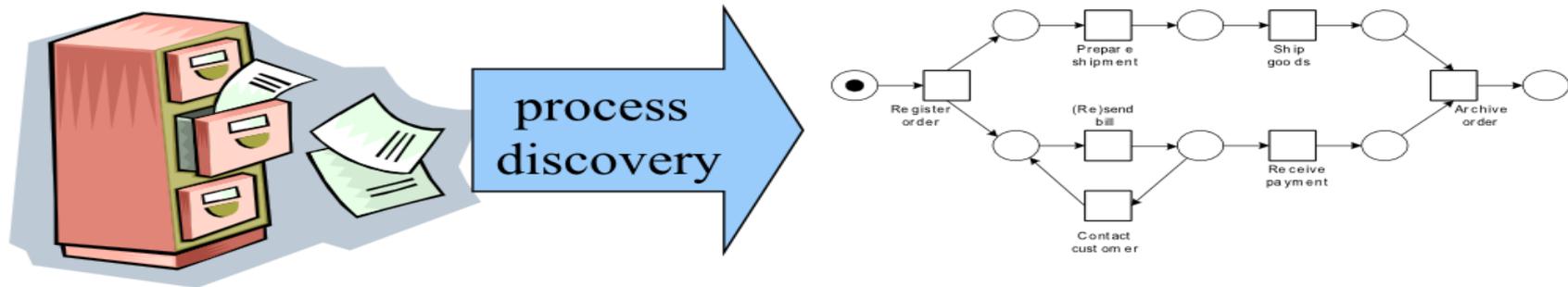


## Replay



# Prozessextraktion: Idee und Anforderungen

Idee: Umdrehen des traditionellen Ansatzes



Ausgangspunkt: **Logfile** (= Folge von Log-Daten)

- **Minimal:** Nummer der GP-Instanz („case“ / Fall), GP-Aktivität, zeitliche Ordnung
- **Optional:** Genaue Zeit, Nutzer, assoziierte Daten etc.
- „**Rauschfrei**“: GP-Instanznr. erlaubt irrelevante Daten wegzufiltern.
- **Vollständig:** Relevante Daten für verschiedene GP-Instanzen vorhanden.

Ergebnis: **Workflow-Netz.**

Abgebildete Logdatei enthält folgende Folgen von Logdaten für verschiedene GP-Instanzen:

Log-Datei:

```
case 1, task A
case 2, task A
case 3, task A
case 3, task B
case 1, task B
case 1, task C
case 2, task C
case 4, task A
case 2, task B
case 2, task D
case 5, task A
case 4, task C
case 1, task D
case 3, task C
case 3, task D
case 4, task B
case 5, task E
case 5, task D
case 4, task D
```

Abgebildete Logdatei enthält folgende Folgen von Logdaten für verschiedene GP-Instanzen:

- ABCD **case 1,**

Log-Datei:

**case 1, task A**

case 2, task A

case 3, task A

case 2, task B

**case 1, task B**

**case 1, task C**

case 2, task C

case 4, task A

case 2, task B

case 2, task D

case 5, task A

case 4, task C

**case 1, task D**

case 3, task C

case 3, task D

case 4, task B

case 5, task E

case 5, task D

case 4, task D

Abgebildete Logdatei enthält folgende Folgen von Logdaten für verschiedene GP-Instanzen:

- ABCD (case 1, case 3)
- ACBD (case 2, case 4)
- AED (case 5)

Zugehöriges Petrinetz ?

Abstrahiert von „cases“ (insbes. von mehreren gleichen Abläufen).

Jedes Ereignis nur einmal enthalten => nicht einfach o.g. Folgen durch OR-Verzweigungen auflisten.

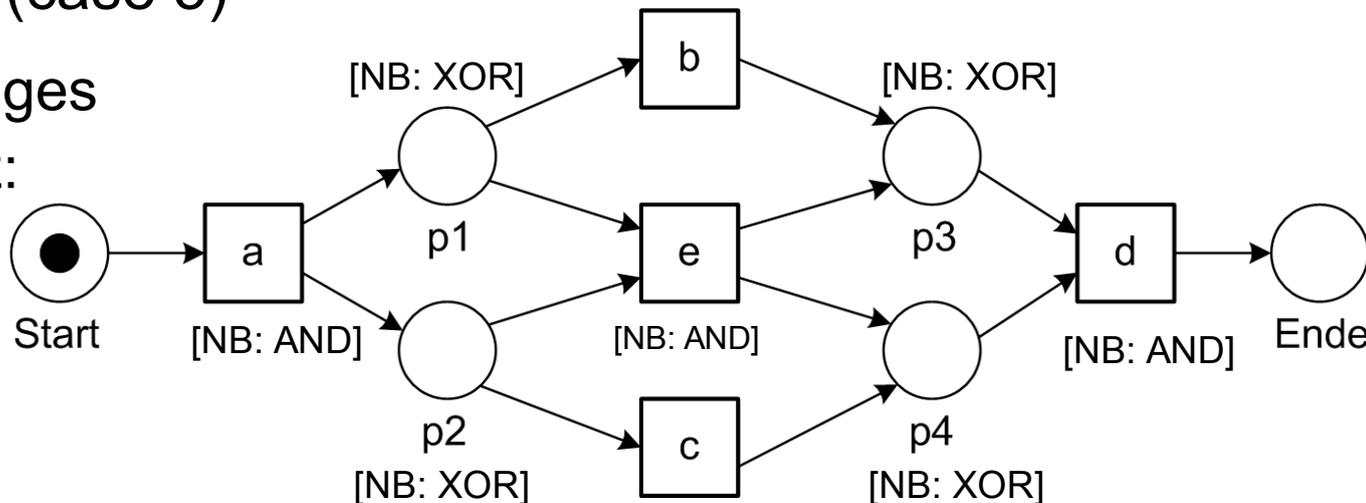
Log-Datei:

```
case 1, task A
case 2, task A
case 3, task A
case 3, task B
case 1, task B
case 1, task C
case 2, task C
case 4, task A
case 2, task B
case 2, task D
case 5, task A
case 4, task C
case 1, task D
case 3, task C
case 3, task D
case 4, task B
case 5, task E
case 5, task D
case 4, task D
```

Abgebildete Logdatei enthält folgende Folgen von Logdaten für verschiedene GP-Instanzen:

- ABCD (case 1, case 3)
- ACBD (case 2, case 4)
- AED (case 5)

Zugehöriges  
Petriernetz:



Abstrahiert von „cases“ (insbes. von mehreren gleichen Abläufen).

Jedes Ereignis nur einmal enthalten => nicht einfach o.g. Folgen durch OR-Verzweigungen auflisten.

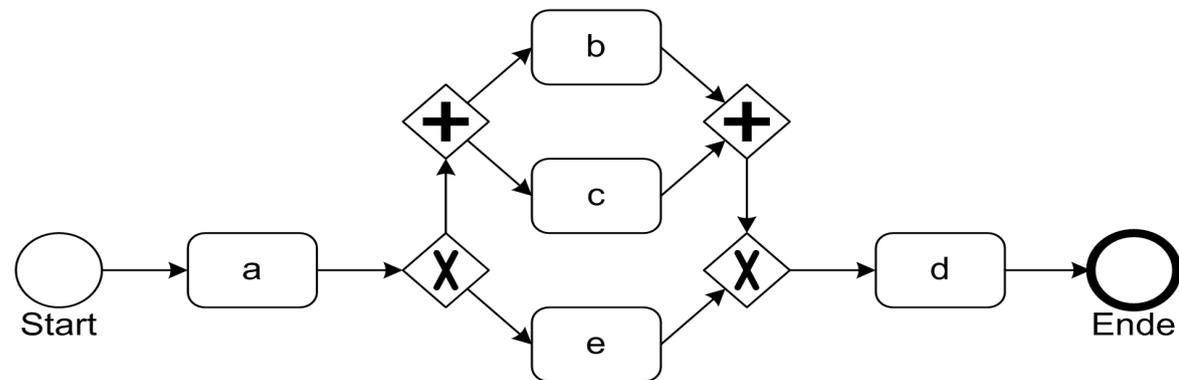
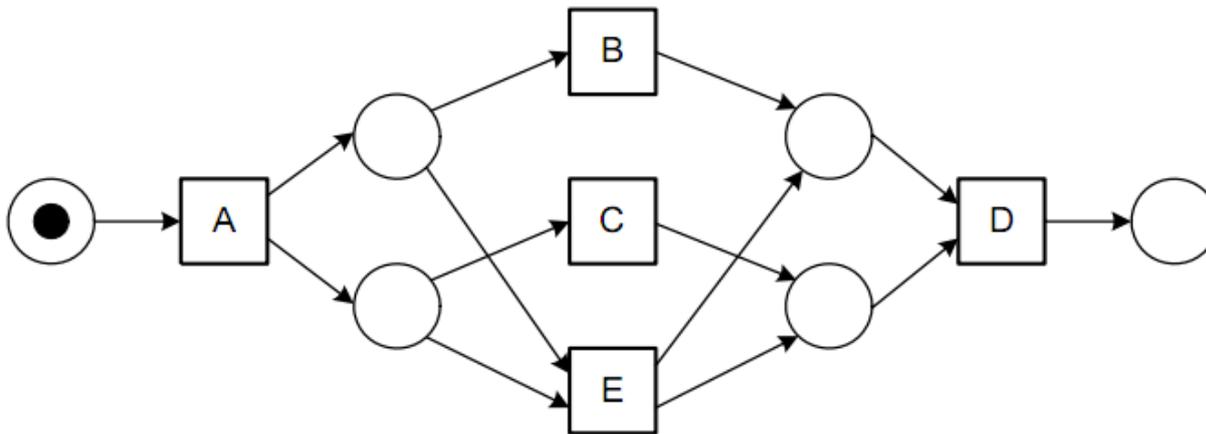
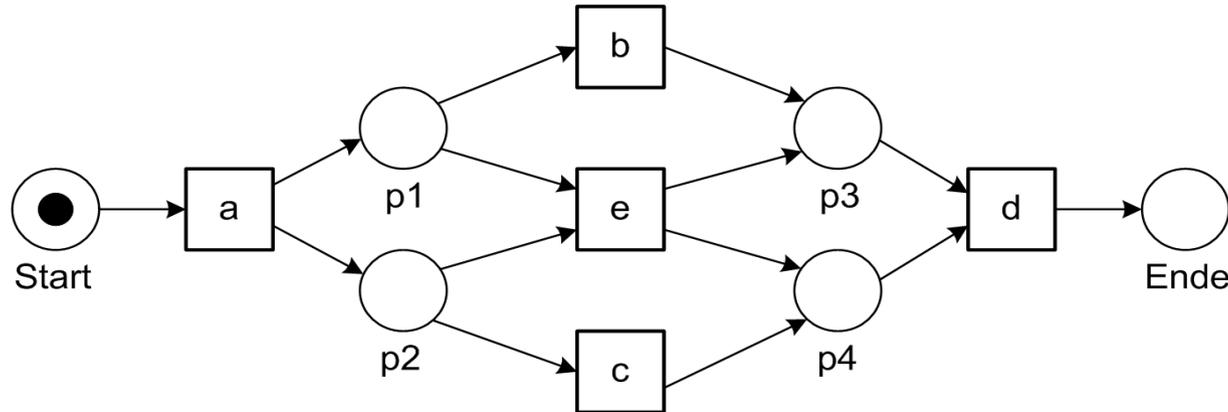
Erzeugt keine weiteren Eventfolgen (nicht immer der Fall !)

Log-Datei:

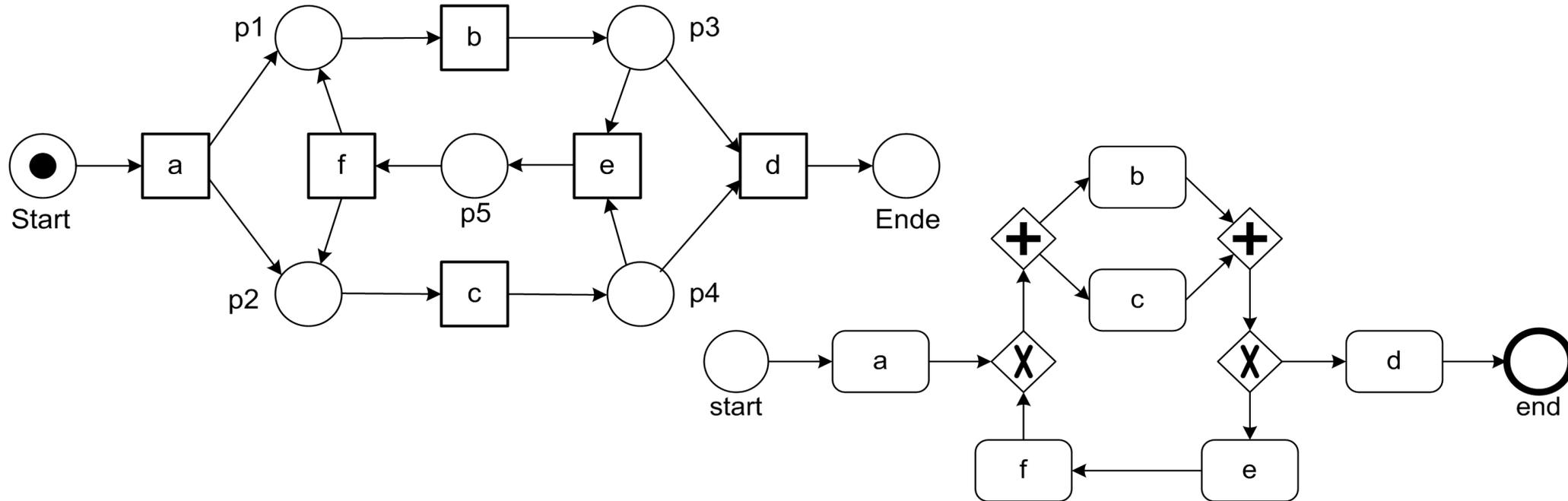
```

case 1, task A
case 2, task A
case 3, task A
case 3, task B
case 1, task B
case 1, task C
case 2, task C
case 4, task A
case 2, task B
case 2, task D
case 5, task A
case 4, task C
case 1, task D
case 3, task C
case 3, task D
case 4, task B
case 5, task E
case 5, task D
case 4, task D
    
```

# Zugehöriges Petrinetz: Alternative Darstellungen



# Weiteres Beispiel (vs. BPMN)



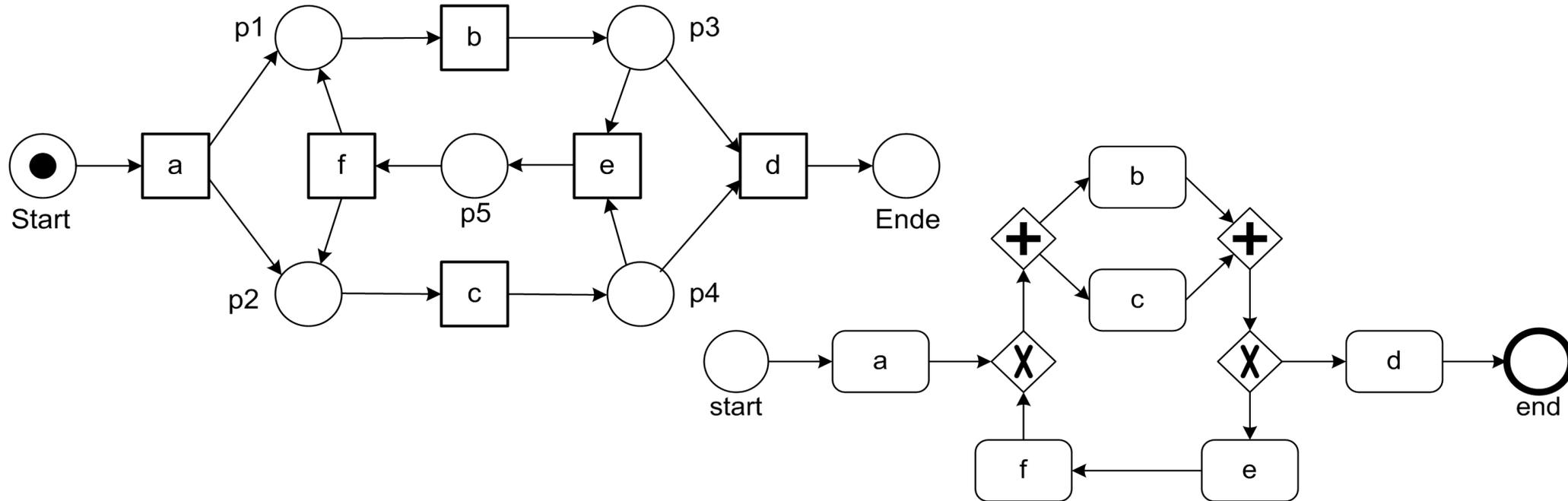
$$L_2 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^4, \langle a, b, c, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, b, c, e, f, c, b, d \rangle, \langle a, c, b, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, c, b, e, f, b, c, e, f, c, b, d \rangle]$$

Superscript von **Event-Folge**: Häufigkeit des Auftretens.

Hier: Event-Log enthält **Teilmenge von möglichen Traces** des Modells

D.h. Modell **Verallgemeinerung der Log-Daten**, lässt weiteres Verhalten zu.  
(Welches z.B. ?)

# Weiteres Beispiel (vs. BPMN)



$$L_2 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^4, \langle a, b, c, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, b, c, e, f, c, b, d \rangle, \langle a, c, b, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, c, b, e, f, b, c, e, f, c, b, d \rangle]$$

Superscript von **Event-Folge**: Häufigkeit des Auftretens.

Hier: Event-Log enthält **Teilmenge von möglichen Traces** des Modells

D.h. Modell **Verallgemeinerung der Log-Daten**, lässt weiteres Verhalten zu.  
(Welches z.B. ?) => Beliebige Anzahl Iterationen der Schleife !

## Trade-off zwischen Qualitätskriterien: **Entdecktes Modell soll ...**

- **Angemessenheit (Fitness):**  
... Verhalten des Event-Logs zulassen.
- **Genauigkeit (Precision) - vermeide Unteranpassung (underfitting):**  
... kein Verhalten ohne Bezug zu Inhalt des Event-Logs zulassen.
- **Verallgemeinerung (Generalization) - vermeide Überanpassung (overfitting):**  
... Verallgemeinerung des Beispiel-Verhaltens im Event-Log sein.
- **Einfachheit (Simplicity):**  
... so einfach wie möglich sein.

# Überblick

## 2.4 Prozessextraktion

- Einführung und Beispiel
- **$\alpha$ -Algorithmus**
  - **Idee und Vorbereitungen**
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

**$\alpha$ -Algorithmus:** aus Menge von Folgen von Log-Daten GP-Modell als Petrinetz extrahieren.

Idee:

- Informationen über **Abfolge der Aktivitäten** durch Verwendung geeigneter **Ordnungs-Relationen** sammeln.
  - Ob Aktivitäten in verschiedenen Folgen in **Kausal-Beziehung** stehen, oder **parallel** bzw. **unabhängig** voneinander sind.
- Damit Petrinetz konstruieren.

Korrektheit des Algorithmus und benötigte Eigenschaften der Ordnungsrelationen nicht-trivial; hier nicht betrachtet.

## Annahmen an zu erzeugende Petrinetze:

- **Ausführung:** jede **Transition erzeugt** jeweils ein **Ereignis** in **Log-Datei** mit zugehöriger Bezeichnung.
- Verschiedene Transitionen haben verschiedene Bezeichnungen.
- Keine Bogen-Vielfachheiten.

## Annahmen an Folge von Log-Daten:

- Log-Daten alle vom relevanten GP erzeugt.
- GP durch Petrinetz modellierbar.
- Aufteilung der Log-Daten auf Folgen in gegebener Menge entsprechen verschiedenen GP-Instanzen.
- Abstrahieren von mehrfachen GP-Instanzen mit demselben Verlauf (und von GP-Instanznummern).

Für eine Menge  $W$  von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten (Folge  $\equiv$  GP-Instanz) und Elemente  $x, y$  in diesen Folgen (mit  $x \neq y$ ) definieren wir:

- **Direkte Nachfolge:**  $x >_w y$   
 $\exists \sigma \in W$  worin  $y$  direkt auf  $x$  folgt
- **Kausalität:**  $x \rightarrow_w y$   
 $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$
- **Parallelität:**  $x \parallel_w y$   
 $x >_w y$  und  $y >_w x$
- **Unabhängigkeit:**  $x \#_w y$   
nicht  $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$

Im Beispiel  
{ABCD, ACBD, AED}:

[Index  $W$  kann weggelassen werden, wenn klar ist, welche Log-Datei gemeint ist.]

Für eine Menge  $W$  von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten (Folge  $\equiv$  GP-Instanz) und Elemente  $x, y$  in diesen Folgen (mit  $x \neq y$ ) definieren wir:

- **Direkte Nachfolge:**  $x >_w y$   
 $\exists \sigma \in W$  worin  $y$  direkt auf  $x$  folgt
- **Kausalität:**  $x \rightarrow_w y$   
 $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$
- **Parallelität:**  $x \parallel_w y$   
 $x >_w y$  und  $y >_w x$
- **Unabhängigkeit:**  $x \#_w y$   
nicht  $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$

Im Beispiel

$\{ABCD, ACBD, AED\}$ :

- $A > B, B > C, C > D, A > C,$   
 $C > B, B > D, A > E, E > D$

[Index  $W$  kann weggelassen werden, wenn klar ist, welche Log-Datei gemeint ist.]

Für eine Menge  $W$  von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten (Folge  $\equiv$  GP-Instanz) und Elemente  $x, y$  in diesen Folgen (mit  $x \neq y$ ) definieren wir:

- **Direkte Nachfolge:**  $x >_w y$   
 $\exists \sigma \in W$  worin  $y$  direkt auf  $x$  folgt
- **Kausalität:**  $x \rightarrow_w y$   
 $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$
- **Parallelität:**  $x \parallel_w y$   
 $x >_w y$  und  $y >_w x$
- **Unabhängigkeit:**  $x \#_w y$   
nicht  $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$

Im Beispiel

$\{ABCD, ACBD, AED\}$ :

- $A > B, B > C, C > D, A > C,$   
 $C > B, B > D, A > E, E > D$
- $A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow E, B \rightarrow D,$   
 $C \rightarrow D, E \rightarrow D$

[Index  $W$  kann weggelassen werden, wenn klar ist, welche Log-Datei gemeint ist.]

Für eine Menge  $W$  von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten (Folge  $\equiv$  GP-Instanz) und Elemente  $x, y$  in diesen Folgen (mit  $x \neq y$ ) definieren wir:

- **Direkte Nachfolge:**  $x >_w y$   
 $\exists \sigma \in W$  worin  $y$  direkt auf  $x$  folgt
- **Kausalität:**  $x \rightarrow_w y$   
 $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$
- **Parallelität:**  $x \parallel_w y$   
 $x >_w y$  und  $y >_w x$
- **Unabhängigkeit:**  $x \#_w y$   
nicht  $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$

Im Beispiel

$\{ABCD, ACBD, AED\}$ :

- $A > B, B > C, C > D, A > C,$   
 $C > B, B > D, A > E, E > D$
- $A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow E, B \rightarrow D,$   
 $C \rightarrow D, E \rightarrow D$
- $B \parallel C$  (und symm.)

[Index  $W$  kann weggelassen werden, wenn klar ist, welche Log-Datei gemeint ist.]

Für eine Menge  $W$  von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten (Folge  $\equiv$  GP-Instanz) und Elemente  $x, y$  in diesen Folgen (mit  $x \neq y$ ) definieren wir:

- **Direkte Nachfolge:**  $x >_w y$   
 $\exists \sigma \in W$  worin  $y$  direkt auf  $x$  folgt
- **Kausalität:**  $x \rightarrow_w y$   
 $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$
- **Parallelität:**  $x \parallel_w y$   
 $x >_w y$  und  $y >_w x$
- **Unabhängigkeit:**  $x \#_w y$   
nicht  $x >_w y$  und nicht  $y >_w x$

Im Beispiel

$\{ABCD, ACBD, AED\}$ :

- $A > B, B > C, C > D, A > C, C > B, B > D, A > E, E > D$
- $A \rightarrow B, A \rightarrow C, A \rightarrow E, B \rightarrow D, C \rightarrow D, E \rightarrow D$
- $B \parallel C$  (und symm.)
- $A \# D, B \# E, C \# E$  (und symm.)

[Index  $W$  kann weggelassen werden, wenn klar ist, welche Log-Datei gemeint ist.]

- I) (antisymmetrische) **Kausalität**, sowie (symmetrische) **Parallelität** und **Unabhängigkeit** definieren die 4 Möglichkeiten, wie 2 Elemente durch  $>$  in Relation stehen können.
  - II) **Korrektheit** des  $\alpha$ -Algorithmus: Unter gegebenen Annahmen an Log-Daten und Petrinetz sind...
    - 1) ... Folgen von Log-Daten durch oben definierte Ordnungs-Relationen **charakterisierbar** (ggf. inkl. Verallgemeinerung).
    - 2) ... aus Ordnungs-Relationen Petrinetz **ableitbar**, sodass die vom Petrinetz zur Laufzeit gefeuerten Folgen von Transitionen ursprünglich gegebenen Folgen von Log-Daten enthalten (evtl. auch andere !).
- (Verzichten auf (nicht-trivialen) Beweis...)

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes: Kausalität

Ist aus diesen Relationen Petrinetz ableitbar, das diese Aussagen bestätigt ?

Einfachster Fall: **Kausalität**  $x \rightarrow y$  („sequence pattern“).

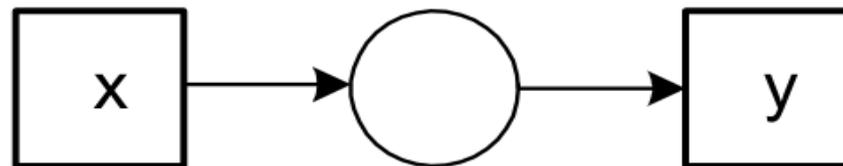
Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt bei Ausführung Folgen von Transitionen, die durch diese eine Relation charakterisiert sind ?

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes: Kausalität

Ist aus diesen Relationen Petrinetz ableitbar, das diese Aussagen bestätigt ?

Einfachster Fall: **Kausalität**  $x \rightarrow y$  („sequence pattern“)

Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt bei Ausführung Folgen von Transitionen, die durch diese eine Relation charakterisiert sind ?



# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes (2)

Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt Folgen von Transitionen, die jeweils durch folgende Relationen charakterisiert sind ?

$$x \rightarrow y, \quad x \rightarrow z, \quad y || z$$

$$x \rightarrow y, \quad x \rightarrow z, \quad y \# z$$

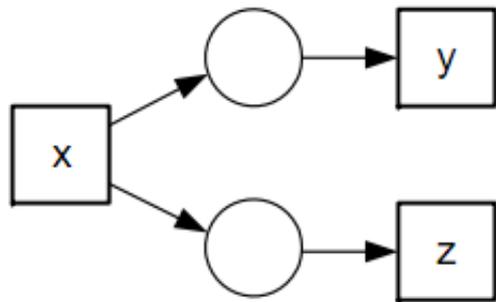
$$x \rightarrow z, \quad y \rightarrow z, \quad x || y$$

$$x \rightarrow z, \quad y \rightarrow z, \quad x \# y$$

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes (2)

Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt Folgen von Transitionen, die jeweils durch folgende Relationen charakterisiert sind ?

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y || z$



**AND-split  
pattern**

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y \# z$

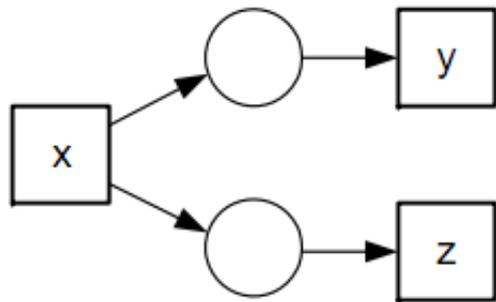
$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x || y$

$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x \# y$

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes (2)

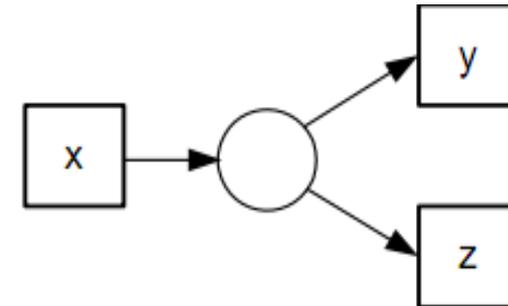
Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt Folgen von Transitionen, die jeweils durch folgende Relationen charakterisiert sind ?

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y || z$



**AND-split  
pattern**

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y \# z$



**XOR-split  
pattern**

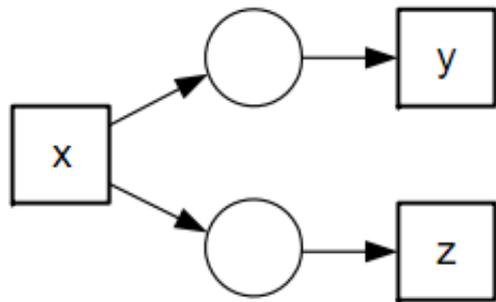
$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x || y$

$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x \# y$

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes (2)

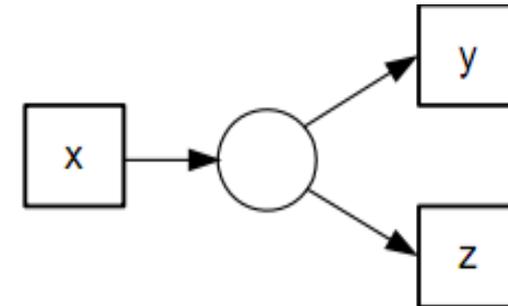
Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt Folgen von Transitionen, die jeweils durch folgende Relationen charakterisiert sind ?

$$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y || z$$



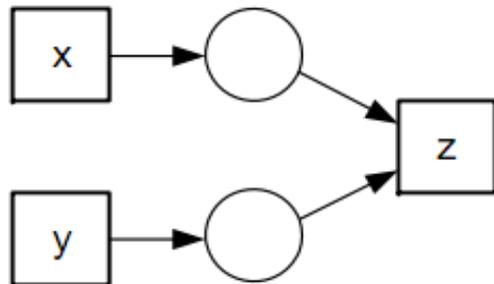
**AND-split  
pattern**

$$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y \# z$$



**XOR-split  
pattern**

$$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x || y$$



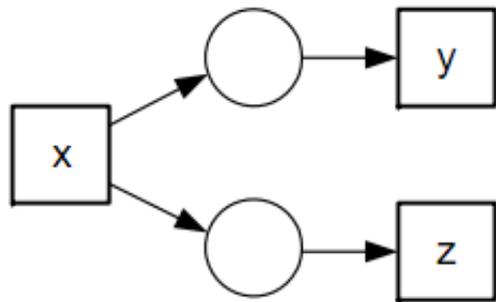
**AND-join  
pattern**

$$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x \# y$$

# Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes (2)

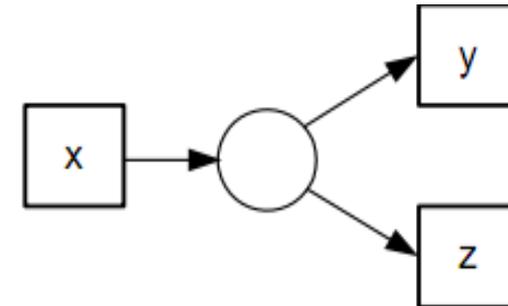
Welches („minimale“) (Teil-)Petrinetz erzeugt Folgen von Transitionen, die jeweils durch folgende Relationen charakterisiert sind ?

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y || z$



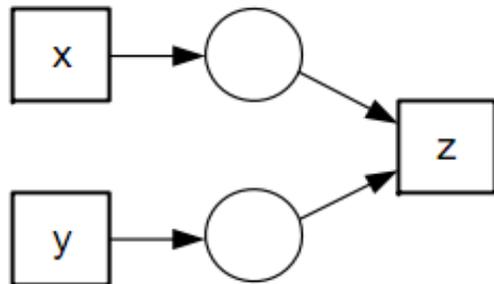
**AND-split  
pattern**

$x \rightarrow y, x \rightarrow z, y \# z$



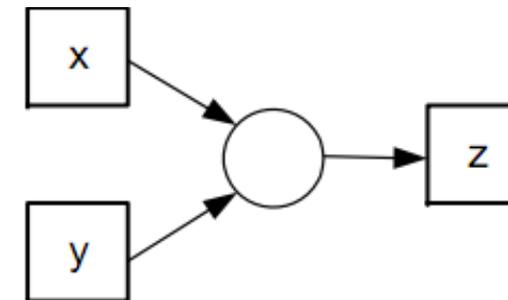
**XOR-split  
pattern**

$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x || y$



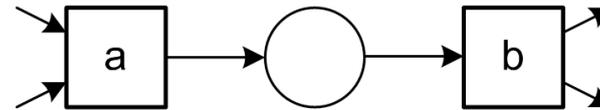
**AND-join  
pattern**

$x \rightarrow z, y \rightarrow z, x \# y$

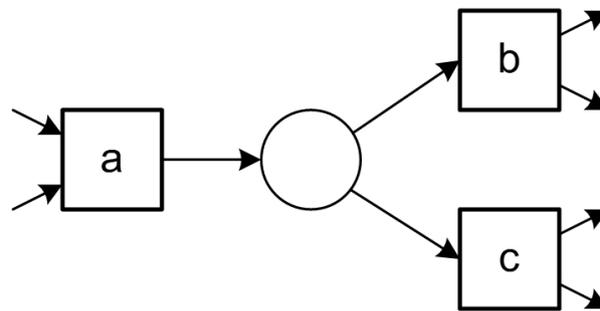


**XOR-join  
pattern**

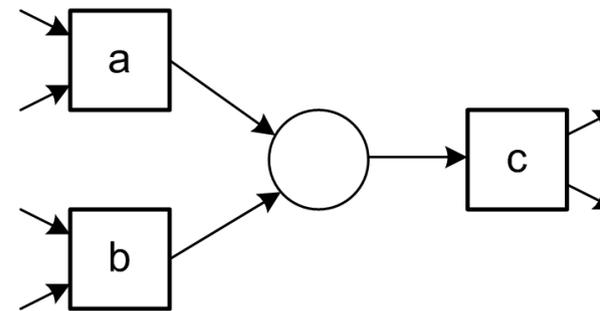
# Überblick: Patterns für Erzeugung eines Petrinetzes



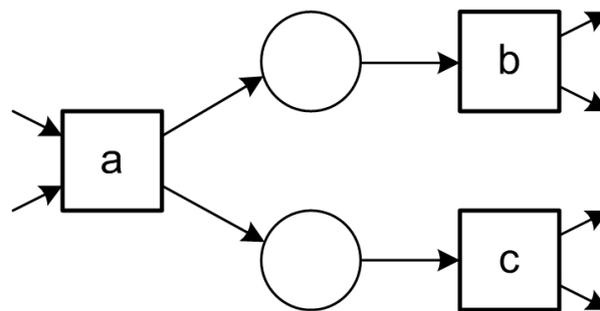
(a) sequence pattern:  $a \rightarrow b$



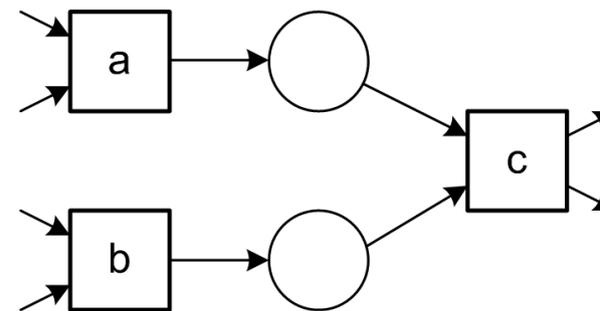
(b) XOR-split pattern:  
 $a \rightarrow b$ ,  $a \rightarrow c$ , and  $b \# c$



(c) XOR-join pattern:  
 $a \rightarrow c$ ,  $b \rightarrow c$ , and  $a \# b$



(d) AND-split pattern:  
 $a \rightarrow b$ ,  $a \rightarrow c$ , and  $b || c$



(e) AND-join pattern:  
 $a \rightarrow c$ ,  $b \rightarrow c$ , and  $a || b$

# Überblick

## 2.4 Prozessextraktion

- Einführung und Beispiel
- **$\alpha$ -Algorithmus**
  - Idee und Vorbereitungen
  - **Formalisierung**
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 1-3: Transitionen

**Gegeben: Workflow-Log**  $W$  = Menge von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten  
(z.B. ABCD).

**Gesucht:** Workflow-Schema als **Petrinetz**

$\alpha(W) = (\text{Stellen } P_W, \text{ Transitionen } T_W, \text{ Verbindungen } F_W)$

## Schritte 1-3 (Transitionen)

Annahme (zur Erinnerung):

- Ausführung: jede Transition erzeugt ein Ereignis in Log-Datei;  
Bezeichnung wie im Petrinetz.

→ Wie demnach Menge der Transitionen im Petrinetz definieren ?

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 1-3: Transitionen

**Gegeben: Workflow-Log**  $W$  = Menge von Folgen  $\sigma$  von Log-Daten  
(z.B. ABCD).

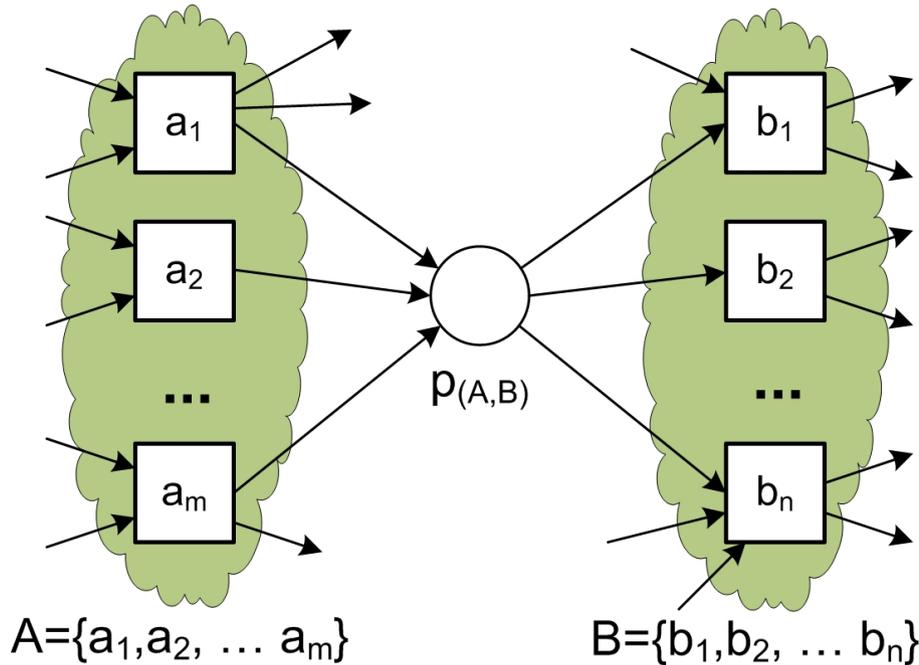
**Gesucht: Workflow-Schema als Petrinetz**

$\alpha(W) = (\text{Stellen } P_W, \text{ Transitionen } T_W, \text{ Verbindungen } F_W)$

**Schritte 1-3 (Transitionen):**

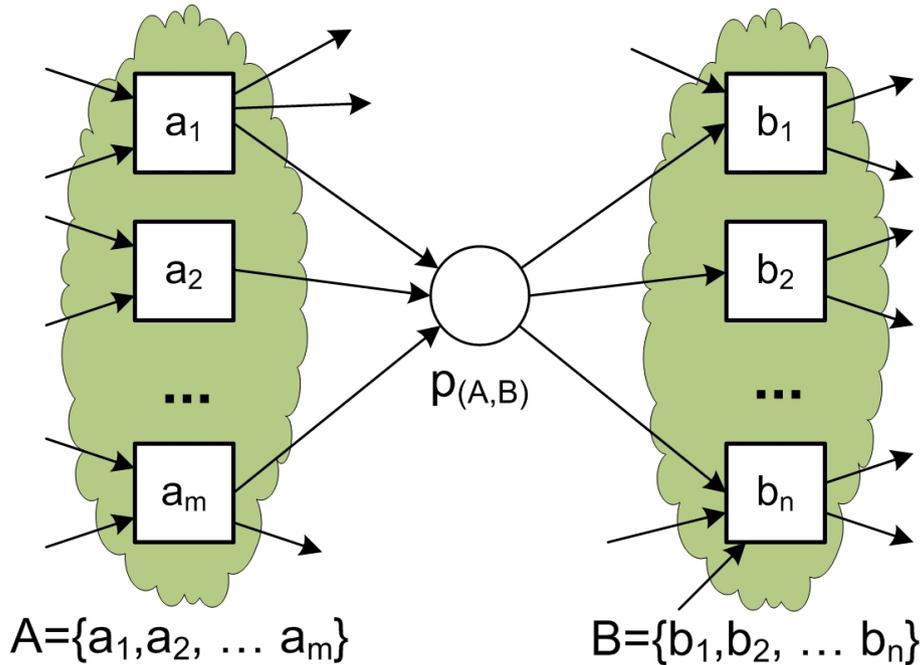
1.  $T_W = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t \in \sigma\}$       **Transitionen** (= Vereinigung der Transitions-  
mengen der Log-Daten)
2.  $T_I = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{first}(\sigma)\}$       **Start-Transitionen**
3.  $T_O = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{last}(\sigma)\}$       **End-Transitionen**

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 4: Kandidaten für Stellen (Idee)



	$a_1$	$a_2$	...	$a_m$	$b_1$	$b_2$	...	$b_n$
$a_1$	Welche Relationen (wie vorher definiert) zwischen							
$a_2$	Transitionen $a_1, \dots, a_m, b_1, \dots, b_n$ sind in dieser							
...	Situation in der Logdatei zu erwarten ?							
$a_m$	Wie könnte man dann die Stelle $p_{(A,B)}$ aus der							
$b_1$	Logdatei ableiten ?							
$b_2$								
...								
$b_n$								

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 4: Kandidaten für Stellen (Idee)



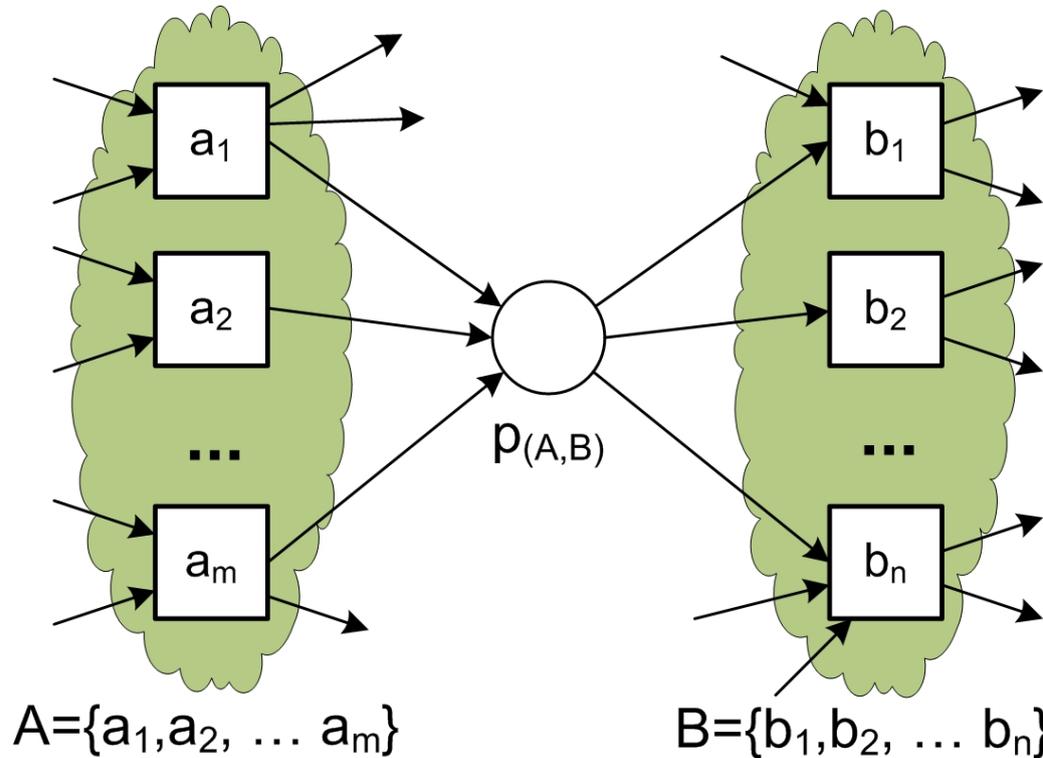
→  $p_{(A,B)} = (A, B)$  Repräsentant für **Stellen**, die Paare von **kausal aufeinanderfolgenden Transitionen** verbinden (Unabhängigkeit: gleichzeitig möglich).

Via Transitionsmengen (A,B), weil Stelle nicht direkt in Logdaten beobachtbar.

Wie allgemein definieren ?

	$a_1$	$a_2$	...	$a_m$	$b_1$	$b_2$	...	$b_n$
$a_1$	#	#	...	#	→	→	...	→
$a_2$	#	#	...	#	→	→	...	→
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$a_m$	#	#	...	#	→	→	...	→
$b_1$	←	←	...	←	#	#	...	#
$b_2$	←	←	...	←	#	#	...	#
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$b_n$	←	←	...	←	#	#	...	#

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 4: Kandidaten für Stellen



$X_W$ : „verallgemeinerte  
Kausalitätsrelationen“:

Kandidaten für **Stellen**, um Paare  
von **kausal aufeinanderfolgenden  
Transitionen** zu verbinden.

Beispiele:

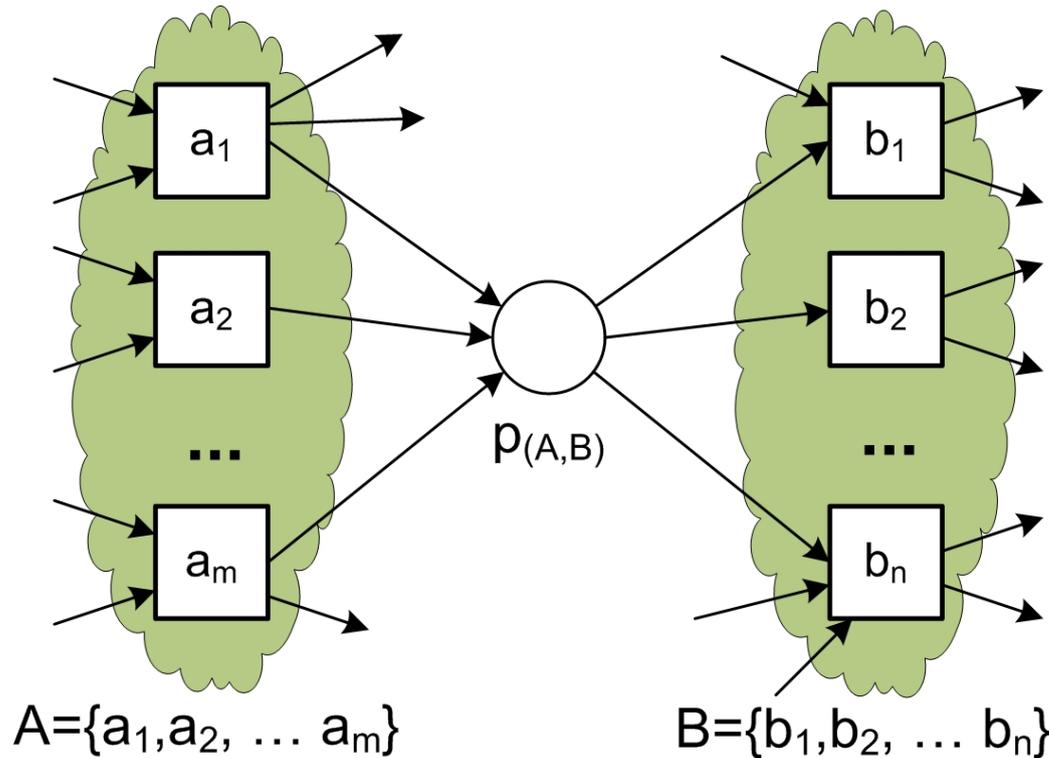
$(\{a\}, \{b\}) \in X_W$  für alle  $a \rightarrow b$

„Kandidaten“ weil teilweise gegenseitig  
redundant (Teilmengen  $(A', B')$  auch dabei).

Wie könnte man das reparieren ?

$$4. X_W = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge A \neq \emptyset \wedge B \subseteq T_W \wedge B \neq \emptyset \wedge \\ \forall_{a \in A} \forall_{b \in B} a \rightarrow_W b \wedge \forall_{a_1, a_2 \in A} a_1 \#_W a_2 \wedge \forall_{b_1, b_2 \in B} b_1 \#_W b_2 \}$$

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 5-6: Stellen



$Y_W$ : „Maximale  
Kausalitätsrelationen“.

Maximalität: soweit möglich  
keine unnötigen Stellen  
erzeugen, um Paare von kausal  
aufeinander folgenden  
Transitionen zu verbinden.

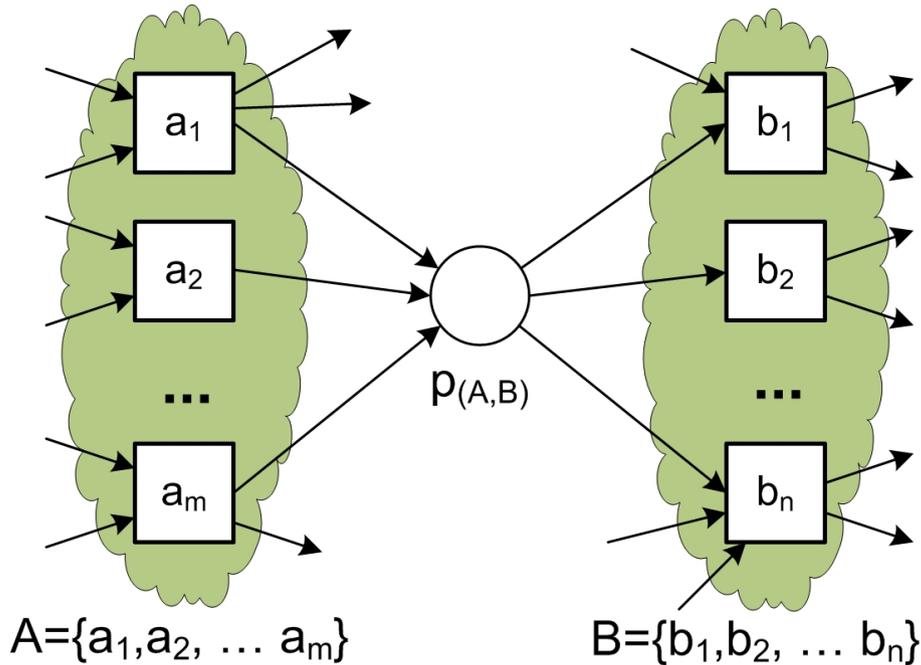
$$5. Y_W = \{(A, B) \in X_W \mid \forall_{(A', B') \in X_W} A \subseteq A' \wedge B \subseteq B' \Rightarrow (A, B) = (A', B')\}$$

$$6. P_W = \{(p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W\} \cup \{i_W, o_W\}$$

**Stellen:** Jede maximale Kausalitätsrelation definiert genau eine Stelle.

Zusätzlich:  $i_W, o_W$ : eine Start- und eine Endstelle

# Der $\alpha$ -Algorithmus: Abschluss



Haben Transitionen und Stellen.  
Was fehlt für Petrinetz und wie  
könnte man das aus Logdatei  
ableiten ?

	$a_1$	$a_2$	...	$a_m$	$b_1$	$b_2$	...	$b_n$
$a_1$	#	#	...	#	→	→	...	→
$a_2$	#	#	...	#	→	→	...	→
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$a_m$	#	#	...	#	→	→	...	→
$b_1$	←	←	...	←	#	#	...	#
$b_2$	←	←	...	←	#	#	...	#
...	...	...	...	...	...	...	...	...
$b_n$	←	←	...	←	#	#	...	#

# Der $\alpha$ -Algorithmus Schritt 7-8: Stellen und Verbindungen

$$7. F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A,B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup \\ \{p_{(A,B)}, b \mid (A,B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup \\ \{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup \\ \{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$

**Verbindungen:** Durch Kausalitätsrelationen definierte Verbindungen.  
Zusätzlich: Verbindungen zwischen Start- bzw. Endstellen und  
Start- bzw. Endtransitionen.

$$8. \alpha(W) = (P_W, T_W, F_W) \quad \text{Resultierendes Petrinetz.}$$

**Frage:**

Wie würde man **Korrektheit** des Algorithmus zeigen ?

## Frage:

Wie würde man **Korrektheit** des Algorithmus zeigen ?

## Antwort:

Z.z.: erhaltenes Petrinetz gibt bei Ausführung **ursprüngliche Folgen von Logdaten** aus.

Gilt i.A. nur unter o.g. Annahmen (z.B. Logdaten von einem Petrinetz generiert).

Petrinetz kann i.A. noch andere Folgen von Logdaten ausgeben !

# Überblick

## 2.4 Prozessextraktion

- Einführung und Beispiel
- **$\alpha$ -Algorithmus**
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - **Beispiel**
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

1.  $T_W = \{$

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

$$T_W = \{t \in T \mid \exists \sigma \in W \ t \in \sigma\}$$

Extrahiere alle  
Transitionen  
aus dem Log

$$1. T_W = \{A, B, C, D\}$$

Ursprungs-Log:  
{**ABCD**, ACBD, AED}

$$T_W = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t \in \sigma\}$$

Extrahiere alle  
Transitionen  
aus dem Log

$$1. T_W = \{A, B, C, D, E\}$$

Ursprungs-Log:  
{**ABCD**, ACBD, A**ED**}

$$T_W = \{t \in T \mid \exists \sigma \in W \ t \in \sigma\}$$

Extrahiere alle  
Transitionen  
aus dem Log

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{$

$$T_I = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{first}(\sigma)\}$$

Samme  
Starttransitionen aus  
einzelnen Logs

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

# $\alpha$ -Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$

Ursprungs-Log:  
{**A**BCD, **A**CB D, **A**ED}

$$T_I = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{first}(\sigma)\}$$

Samme  
Starttransitionen aus  
einzelnen Logs

# $\alpha$ -Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$

3.  $T_O = \{$

$$T_I = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{last}(\sigma)\}$$

Samme  
Endtransitionen aus  
einzelnen Logs

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

# $\alpha$ -Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

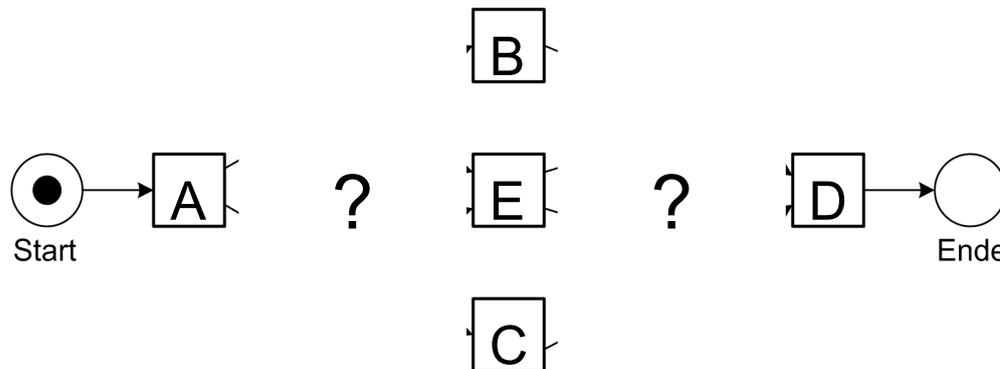
2.  $T_I = \{A\}$

3.  $T_O = \{D\}$

Ursprungs-Log:  
 $\{ABC**D**, ACB**D**, AEB**D**\}$

$$T_I = \{t \in T \mid \exists_{\sigma \in W} t = \text{last}(\sigma)\}$$

Samme  
Endtransitionen aus  
einzelnen Logs



# α-Algorithmus – Beispiel



1.  $T_W =$

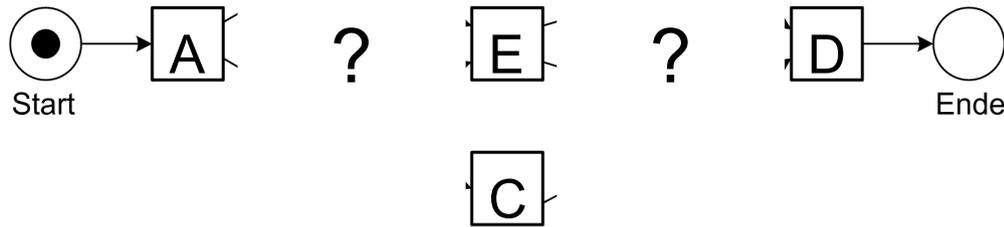
2.  $T_I =$

3.  $T_O =$

4.  $X_W = \{$

Bilde Kandidaten  
für Stellen.

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}



NB:  
A: Event / Transition  
**A**: Menge von Events / Transitionen

$$X_W = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge B \subseteq T_W \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_W b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_W a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_W b_2 \}$$

# α-Algorithmus – Beispiel

Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Teilmengen mit unabhängigen Elementen  
als Kandidaten für Mengen **A** und **B**

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

$$4. X_W = \{$$

a > b  
a > c  
a > e  
b > c  
b > d  
c > b  
c > d  
e > d

a → b  
a → c  
a → e  
b → d  
c → d  
e → d

b || c  
c || b

b # e  
e # b  
c # e  
a # d  
...

$$X_W = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge B \subseteq T_W \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_W b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_W a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_W b_2 \}$$

# α-Algorithmus – Beispiel

Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Teilmengen mit unabhängigen Elementen  
als Kandidaten für Mengen **A** und **B**  
**{A}, {A,D}**

Ursprungs-Log:  
**{ABCD, ACBD, AED}**

Alle andere Transitionen  
abhängig von A, bis auf D

$$3. T_o = \{D\}$$

$$4. X_w = \{$$

a>b  
a>c  
a>e  
b>c  
b>d  
c>b  
c>d  
e>d

a→b  
a→c  
a→e  
b→d  
c→d  
e→d

b||c  
c||b

b#e  
e#b  
c#e  
a#d  
...

$$X_w = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_w \wedge B \subseteq T_w \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_w b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_w a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_w b_2 \}$$

# α-Algorithmus – Beispiel



Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Teilmengen mit unabhängigen Elementen  
als Kandidaten für Mengen **A** und **B**  
 $\{A\}, \{A,D\}, \{B\}, \{B,E\}$

Ursprungs-Log:  
 $\{A\overline{B}CD, A\overline{C}BD, A\overline{E}D\}$

A,C,D abhängig von B  
E unabhängig

3.  $T_o = \{D\}$

4.  $X_w = \{$

a>b  
a>c  
a>e  
b>c  
b>d  
c>b  
c>d  
e>d

a→b  
a→c  
a→e  
b→d  
c→d  
e→d

b||c  
c||b

b#e  
e#b  
c#e  
a#d  
...

$$X_w = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_w \wedge B \subseteq T_w \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_w b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_w a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_w b_2 \}$$

# α-Algorithmus – Beispiel



Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Teilmengen mit unabhängigen Elementen  
als Kandidaten für Mengen **A** und **B**  
{A},{A,D},{B},{B,E},{C},{C,E},{D},{E}

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

3.  $T_o = \{D\}$

4.

a > b	a → b	b    c	b # e
a > c	a → c	c    b	e # b
a > e	a → e		c # e
b > c	b → d		a # d
b > d	c → d		...
c > b	e → d		
c > d			
e > d			

{A,D} nicht relevant  
obwohl unabhängig,  
weil kein gemeinsamer  
Vorgänger / Nachfolger

$$X_W = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge B \subseteq T_W \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_W b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_W a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_W b_2 \}$$

# α-Algorithmus – Beispiel



Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Paare  $(A, B)$ , sodass Menge  $A$  nur kausale Vorgänger der Elemente in Menge  $B$  enthält:  
 $\{A\}, \{A, D\}, \{B\}, \{B, E\}, \{C\}, \{C, E\}, \{D\}, \{E\}$

Ursprungs-Log:  
 $\{ABCD, ACBD, AED\}$

3.  $T_0 = \{D\}$

4.  $X_W = \{(\{A\}, \{B\}), (\{A\}, \{C\}), (\{A\}, \{E\}), (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), \dots\}$

$$X_W = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge B \subseteq T_W \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_W b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_W a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_W b_2 \}$$

a > b	a → b	b    c	b # e
a > c	a → c	c    b	e # b
a > e	a → e		c # e
b > c	b → d		a # d
b > d	c → d		...
c > b	e → d		
c > d			
e > d			

# α-Algorithmus – Beispiel



Bilde Kandidaten für Stellen:  
Bilde Paare  $(A, B)$ , sodass Menge  $A$  nur kausale  
Vorgänger der Elemente in Menge  $B$  enthält:  
 $\{A\}, \{A, D\}, \{B\}, \{B, E\}, \{C\}, \{C, E\}, \{D\}$

3.  $T_o = \{D\}$

4.  $X_w = \{(\{A\}, \{B\}), (\{A\}, \{C\}), (\{A\}, \{E\}), (\{B\}, \{D\}),$   
 $(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}),$

Ursprungs-Log:  
 $\{ABCD, ACBD, AED\}$

$\{C\}$  nicht wegen  
BC und CB:  
Abfolge nicht eindeutig

$$X_w = \{ (A, B) \mid A \subseteq T_w \wedge B \subseteq T_w \wedge \forall a \in A \forall b \in B a \rightarrow_w b \wedge \forall a_1, a_2 \in A a_1 \#_w a_2 \wedge \forall b_1, b_2 \in B b_1 \#_w b_2 \}$$

a > b	a → b	b    c	b # e
a > c	a → c	c    b	e # b
a > e	a → e		c # e
b > c	b → d		a # d
b > d	c → d		...
c > b	e → d		
c > d			
e > d			

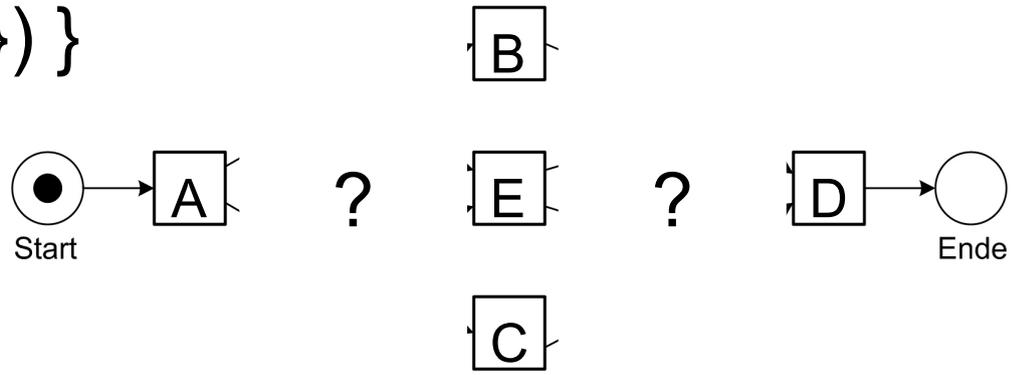
# α-Algorithmus – Beispiel

$X_W$ : Kandidaten für Stellen.

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

3.  $T_0 = \{D\}$

4.  $X_W = \{(\{A\}, \{B\}), (\{A\}, \{C\}), (\{A\}, \{E\}), (\{B\}, \{D\}), (\{C\}, \{D\}), (\{E\}, \{D\}), (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$



$$\begin{aligned}
 X_W = \{ & (A, B) \mid A \subseteq T_W \wedge \\
 & B \subseteq T_W \wedge \\
 & \forall_{a \in A} \forall_{b \in B} a \rightarrow_W b \wedge \\
 & \forall_{a_1, a_2 \in A} a_1 \#_W a_2 \wedge \\
 & \forall_{b_1, b_2 \in B} b_1 \#_W b_2 \}
 \end{aligned}$$

# $\alpha$ -Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$

3.  $T_O = \{ (A, B) \in X_W \mid \forall (A', B') \in X_W, A \subseteq A' \wedge B \subseteq B' \Rightarrow (A, B) = (A', B') \}$   
Entferne alle Paare  $(A, B)$  aus  $X_W$ , die Teilmenge eines anderen Paares sind.

4.  $X_W = \{ (\{A\}, \{B\}), (\{A\}, \{C\}), (\{A\}, \{E\}), (\{B\}, \{D\}), (\{C\}, \{D\}), (\{E\}, \{D\}), (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\}) \}$

5.  $Y_W = \{$

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

# $\alpha$ -Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$

3.  $T_O = \{ (A, B) \in X_W \mid \forall (A', B') \in X_W, A \subseteq A' \wedge B \subseteq B' \Rightarrow (A, B) = (A', B') \}$   
Entferne alle Paare  $(A, B)$  aus  $X_W$ , die Teilmenge eines anderen Paares sind.

4.  $X_W = \{ \langle \{A\}, \{B\} \rangle, \langle \{A\}, \{C\} \rangle, \langle \{A\}, \{E\} \rangle, \langle \{B\}, \{D\} \rangle, \langle \{C\}, \{D\} \rangle, \langle \{E\}, \{D\} \rangle, \langle \{A\}, \{B, E\} \rangle, \langle \{A\}, \{C, E\} \rangle, \langle \{B, E\}, \{D\} \rangle, \langle \{C, E\}, \{D\} \rangle \}$

5.  $Y_W = \{ \langle \{A\}, \{B, E\} \rangle, \dots \}$

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

# α-Algorithmus – Beispiel

$$1. T_W = \{A, B, C, D, E\}$$

$$2. T_I = \{A\}$$

$$3. T_O = \{ (A, B) \in X_W \mid \forall (A', B') \in X_W, A \subseteq A' \wedge B \subseteq B' \Rightarrow (A, B) = (A', B') \}$$

Entferne alle Paare  $(A, B)$  aus  $X_W$  die Teilmenge eines anderen Paares sind.

$$4. X_W = \{ \cancel{(\{A\}, \{B\})}, \cancel{(\{A\}, \{C\})}, \cancel{(\{A\}, \{E\})}, \cancel{(\{B\}, \{D\})}, \cancel{(\{C\}, \{D\})}, \cancel{(\{E\}, \{D\})}, (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\}) \}$$

$$5. Y_W = \{ (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\}) \}$$

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$

3.  $T_O = \{ (A, B) \in X_W \mid \forall (A', B') \in X_W, A \subseteq A' \wedge B \subseteq B' \Rightarrow (A, B) = (A', B') \}$   
Entferne alle Paare  $(A, B)$  aus  $X_W$  die Teilmenge eines anderen Paares sind.

4.  $X_W = \{(\{A\}, \{B\}), (\{A\}, \{C\}), (\{A\}, \{E\}), (\{B\}, \{D\}), (\{C\}, \{D\}), (\{E\}, \{D\}), (\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$

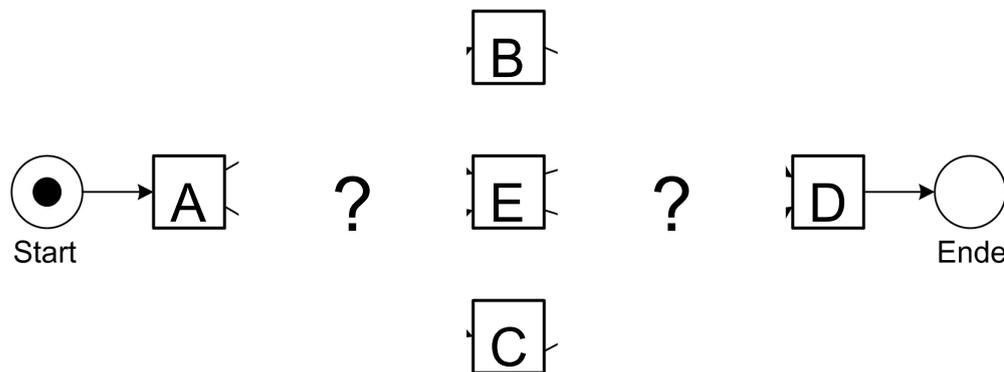
5.  $Y_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$

Ursprungs-Log:  
{ABCD, ACBD, AED}

$$5. \mathcal{Y}_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. \mathcal{P}_W = \{$$

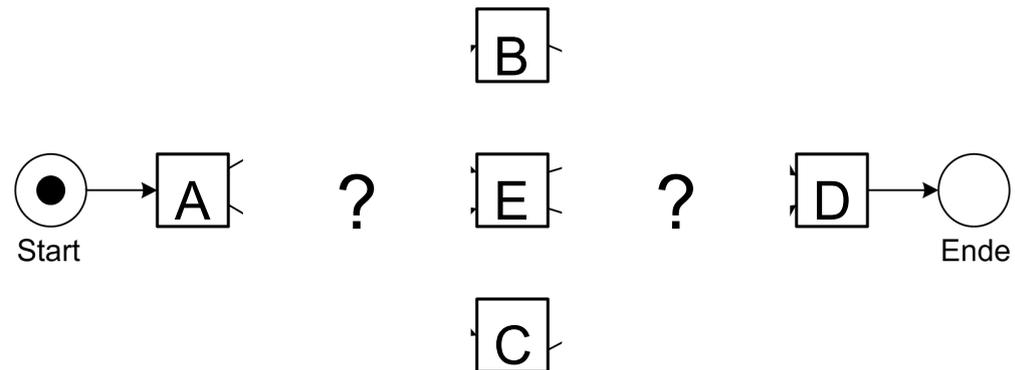
$\mathcal{P}_W = \{(p_{(A,B)}) \mid (A,B) \in \mathcal{Y}_W\} \cup \{i_W, o_W\}$   
 Füge für jedes Paar  $(A,B)$  eine Stelle,  
 sowie eine Start- und Endstelle ein.



$$5. Y_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. P_W = \{i_W, o_W\}$$

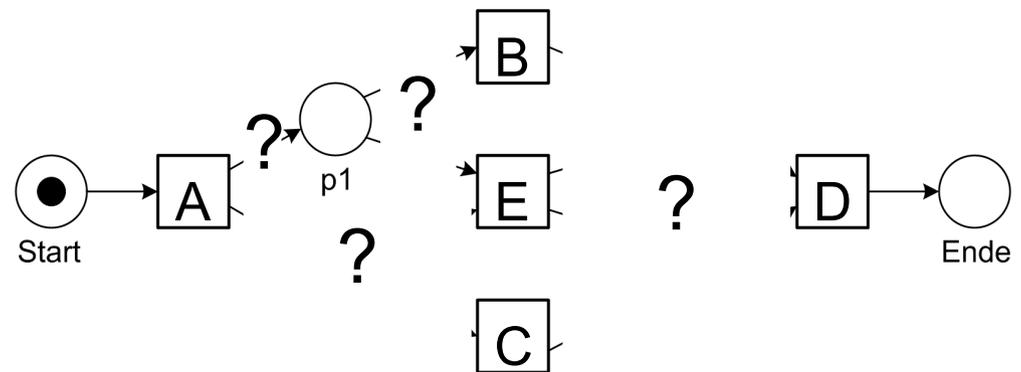
$P_W = \{(p_{(A,B)} | (A,B) \in Y_W) \cup \{i_W, o_W\}$   
 Füge für jedes Paar  $(A,B)$  eine Stelle, sowie eine Start- und Endstelle ein.



$$5. Y_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\})\}$$

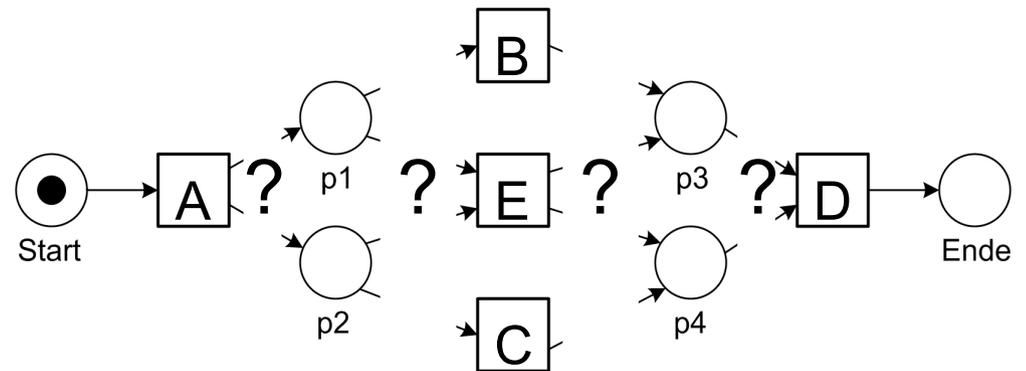
$P_W = \{(p_{(A,B)} \mid \boxed{A, B} \in Y_W) \cup \{i_W, o_W\}$   
 Füge für jedes Paar  $(A, B)$  eine Stelle, sowie eine Start- und Endstelle ein.



$$5. \mathcal{Y}_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. \mathcal{P}_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\},$$

$\mathcal{P}_W = \{ (P_{(A,B)}) \mid (A,B) \in \mathcal{Y}_W \} \cup \{ i_W, o_W \}$   
 Füge für jedes Paar  $(A,B)$  eine Stelle, sowie eine Start- und Endstelle ein.



# α-Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$       3.  $T_O = \{D\}$

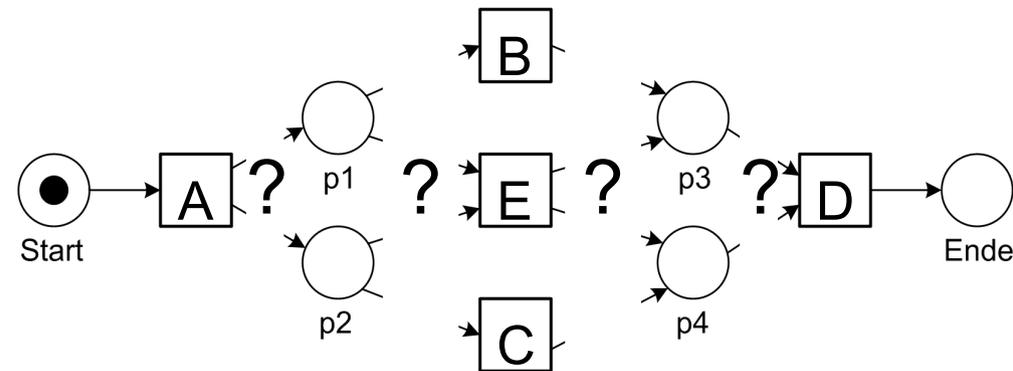
5.  $Y_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$

6.  $P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\}$

7.  $F_W = \{$

Füge die zugehörigen Bögen ein.

$$F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup \{p_{(A,B)}, b \mid (A, B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup \{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup \{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$



# α-Algorithmus – Beispiel

$$1. T_W = \{A, B, C, D, E\}$$

Füge die zugehörigen Bögen ein  
Verbinde Startstelle mit Starttransitionen  
Verbinde Endstelle mit Starttransitionen

$$F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup$$

$$\{p_{(A,B)}, b \mid (A, B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup$$

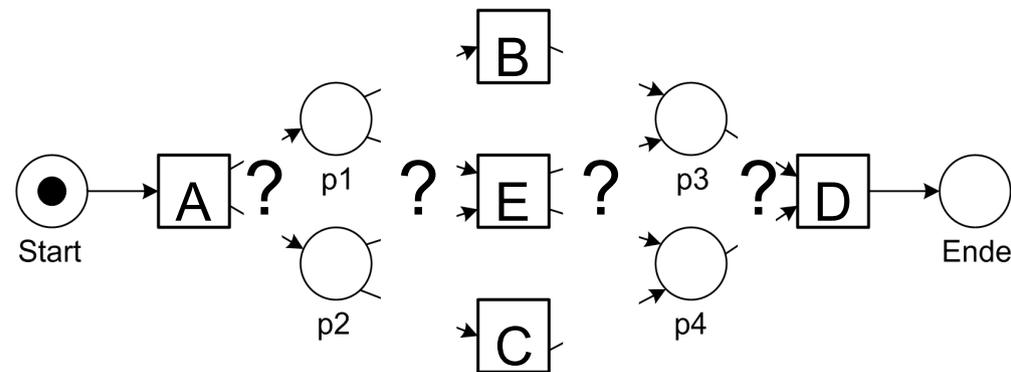
$$\{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup$$

$$\{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$

$$(\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\},$$

$$7. F_W = \{(i_W, A), \dots, (D, o_W)\}$$



# α-Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$       3.  $T_O = \{D\}$

$$F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup$$

$$\{p_{(A,B)}, b \mid (A, B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup$$

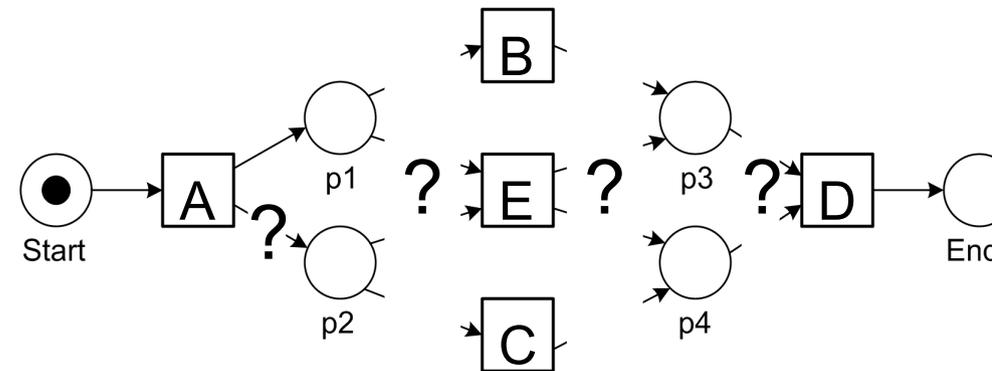
$$\{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup$$

$$\{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$

Füge die zugehörigen Bögen ein:  
*Verbinde Elemente aus A eines  $Y_W$  – Tupels mit der zugehörigen Stelle*

6.  $P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\}$ ,

7.  $F_W = \{(i_W, A), (A, p(\{A\}, \{B, E\}))$   
...,  $(D, o_W)$



# α-Algorithmus – Beispiel

1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$       3.  $T_O = \{D\}$

Füge die zugehörigen Bögen ein:  
*Verbinde zugehörigen Stelle eines  $Y_W$  – Tupels mit den Elementen aus  $B$*

$$F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup$$

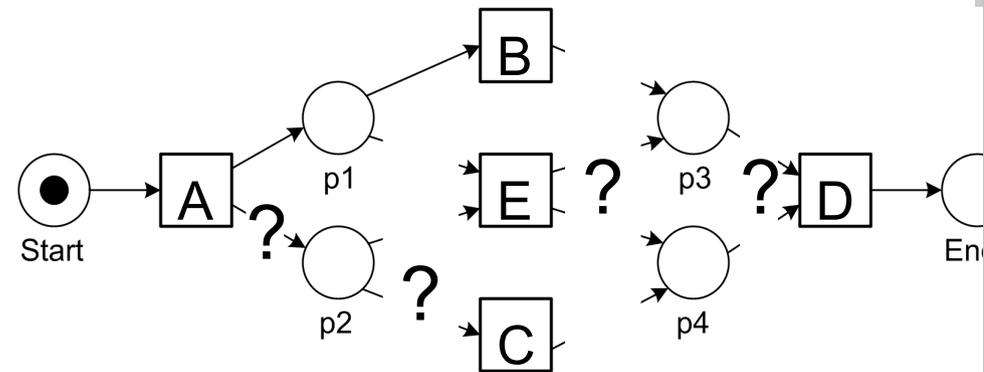
$$\{p_{(A,B)}, b \mid (A, B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup$$

$$\{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup$$

$$\{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$

6.  $P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\}$ ,

7.  $F_W = \{(i_W, A), (A, p(\{A\}, \{B, E\})), (p(\{A\}, \{B, E\}), B), \dots, (D, o_W)\}$



# α-Algorithmus – Beispiel



1.  $T_W = \{A, B, C, D, E\}$

2.  $T_I = \{A\}$       3.  $T_O = \{D\}$

$$F_W = \{(a, p_{(A,B)}) \mid (A, B) \in Y_W \wedge a \in A\} \cup$$

$$\{p_{(A,B)}, b \mid (A, B) \in Y_W \wedge b \in B\} \cup$$

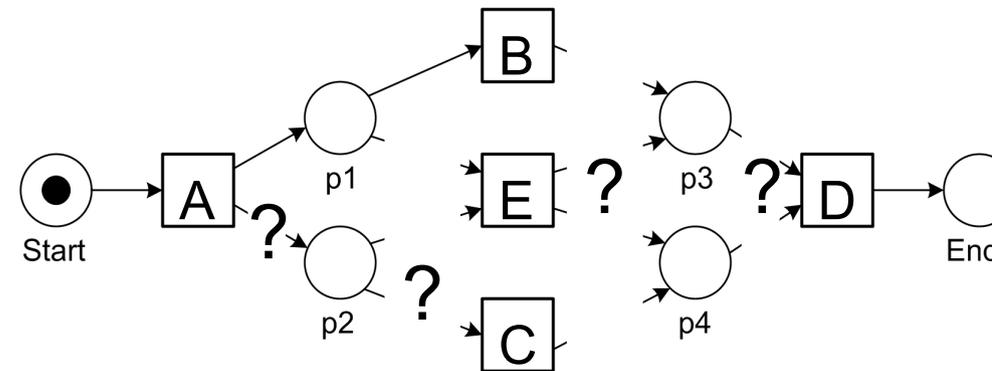
$$\{(i_W, t) \mid t \in T_I\} \cup$$

$$\{(t, o_W) \mid t \in T_O\}$$

Füge die zugehörigen Bögen ein: Etc.

6.  $P_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\}$ ,

7.  $F_W = \{(i_W, A), (A, p(\{A\}, \{B, E\}))\}$ ,  
 $(p(\{A\}, \{B, E\}), B), \dots, (D, o_W)$



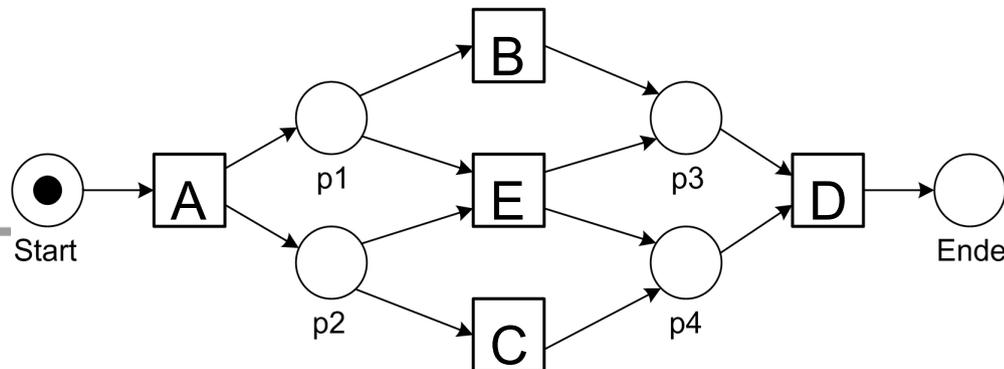
$$5. \mathcal{Y}_W = \{(\{A\}, \{B, E\}), (\{A\}, \{C, E\}), (\{B, E\}, \{D\}), (\{C, E\}, \{D\})\}$$

$$6. \mathcal{P}_W = \{i_W, o_W, p(\{A\}, \{B, E\}), p(\{A\}, \{C, E\}), p(\{B, E\}, \{D\}), p(\{C, E\}, \{D\})\},$$

$$7. \mathcal{F}_W = \{(i_W, A), (A, p(\{A\}, \{B, E\})), (p(\{A\}, \{B, E\}), B), \dots, (D, o_W)\}$$

$$8. \alpha(W) = (\mathcal{P}_W, \mathcal{T}_W, \mathcal{F}_W)$$

$\alpha(W) = (\mathcal{P}_W, \mathcal{T}_W, \mathcal{F}_W)$   
Das extrahierte Petrinetz ist nun definiert.



# Überblick

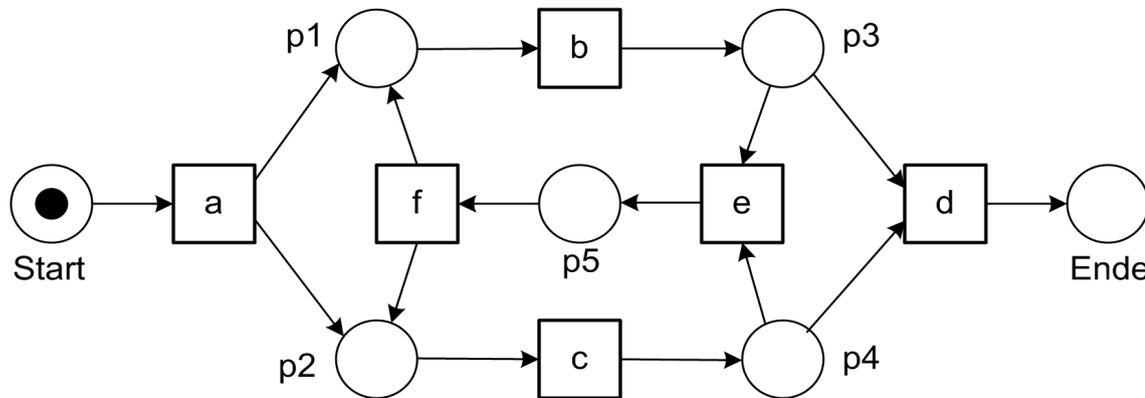
## 2.4 Prozessextraktion

- Einführung und Beispiel
- **$\alpha$ -Algorithmus**
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - **Weitere Beispiele**
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

# 2. Beispiel: $L_2$

$$L_2 = [\langle a, b, c, d \rangle^3, \langle a, c, b, d \rangle^4, \langle a, b, c, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, b, c, e, f, c, b, d \rangle, \langle a, c, b, e, f, b, c, d \rangle^2, \langle a, c, b, e, f, b, c, e, f, c, b, d \rangle]$$

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>f</i>
<i>a</i>	#	→	→	#	#	#
<i>b</i>	←	#		→	→	←
<i>c</i>	←		#	→	→	←
<i>d</i>	#	←	←	#	#	#
<i>e</i>	#	←	←	#	#	→
<i>f</i>	#	→	→	#	←	#



Welches **zusätzliche Verhalten** ergibt sich aus Petrinetz im Vergleich zu ursprünglichen Logdaten ?

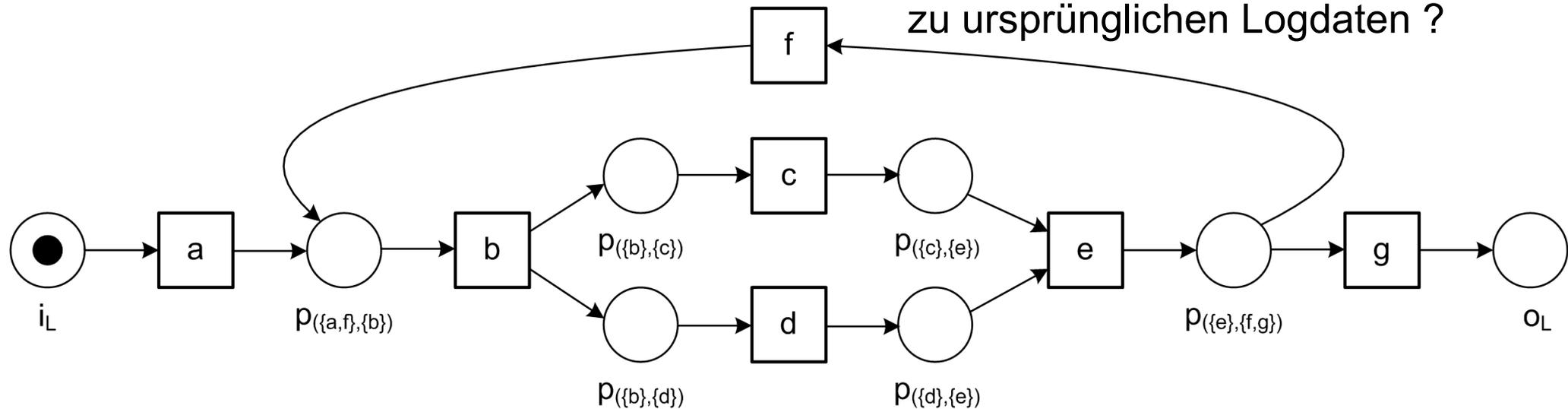
# 3. Beispiel: $L_3$



$$L_3 = [\langle a, b, c, d, e, f, b, d, c, e, g \rangle, \langle a, b, d, c, e, g \rangle^2, \langle a, b, c, d, e, f, b, c, d, e, f, b, d, c, e, g \rangle]$$

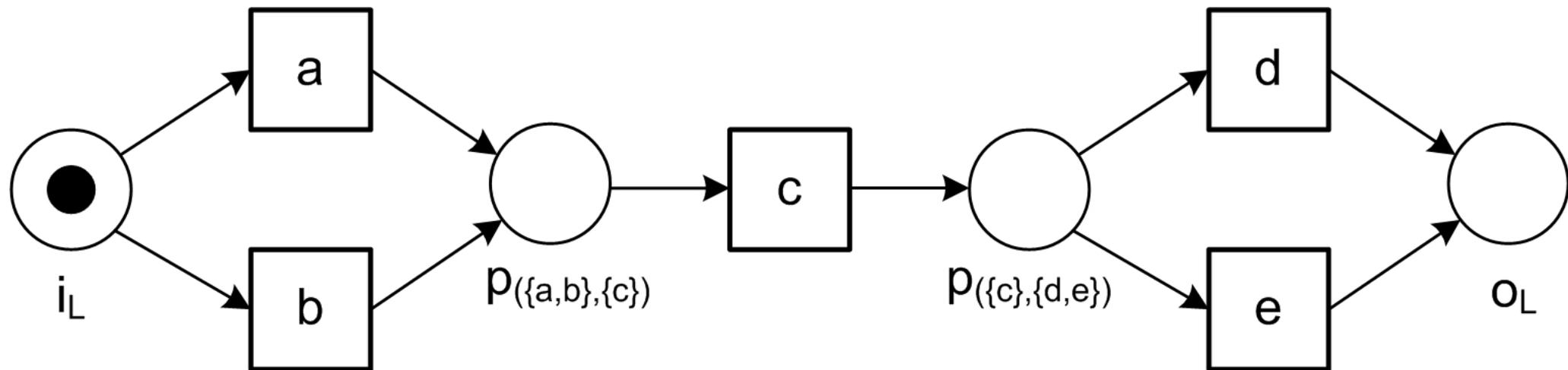
	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>f</i>	<i>g</i>
<i>a</i>	#	→	#	#	#	#	#
<i>b</i>	←	#	→	→	#	←	#
<i>c</i>	#	←	#		→	#	#
<i>d</i>	#	←		#	→	#	#
<i>e</i>	#	#	←	←	#	→	→
<i>f</i>	#	→	#	#	←	#	#
<i>g</i>	#	#	#	#	←	#	#

Welches **zusätzliche Verhalten** ergibt sich aus Petrinetz im Vergleich zu ursprünglichen Logdaten ?



# 4. Beispiel: $L_4$

$$L_4 = [\langle a, c, d \rangle^{45}, \langle b, c, d \rangle^{42}, \langle a, c, e \rangle^{38}, \langle b, c, e \rangle^{22}]$$



# 5. Beispiel $L_5$ :

## Event-Log und Relationen

$$L_5 = [\langle a, b, e, f \rangle^2, \langle a, b, e, c, d, b, f \rangle^3, \langle a, b, c, e, d, b, f \rangle^2, \langle a, b, c, d, e, b, f \rangle^4, \langle a, e, b, c, d, b, f \rangle^3]$$

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>f</i>
<i>a</i>	#	→	#	#	→	#
<i>b</i>	←	#	→	←		→
<i>c</i>	#	←	#	→		#
<i>d</i>	#	→	←	#		#
<i>e</i>	←				#	→
<i>f</i>	#	←	#	#	←	#

## 5. Beispiel $L_5$ :

### Durchführung $\alpha$ -Algorithmus

$$T_L = \{a, b, c, d, e, f\}$$

$$T_I = \{a\}$$

$$T_I = \{f\}$$

$$X_L = \{(\{a\}, \{b\}), (\{a\}, \{e\}), (\{b\}, \{c\}), (\{b\}, \{f\}), (\{c\}, \{d\}),$$
  
$$(\{d\}, \{b\}), (\{e\}, \{f\}), (\{a, d\}, \{b\}), (\{b\}, \{c, f\})\}$$

$$Y_L = \{(\{a\}, \{e\}), (\{c\}, \{d\}), (\{e\}, \{f\}), (\{a, d\}, \{b\}), (\{b\}, \{c, f\})\}$$

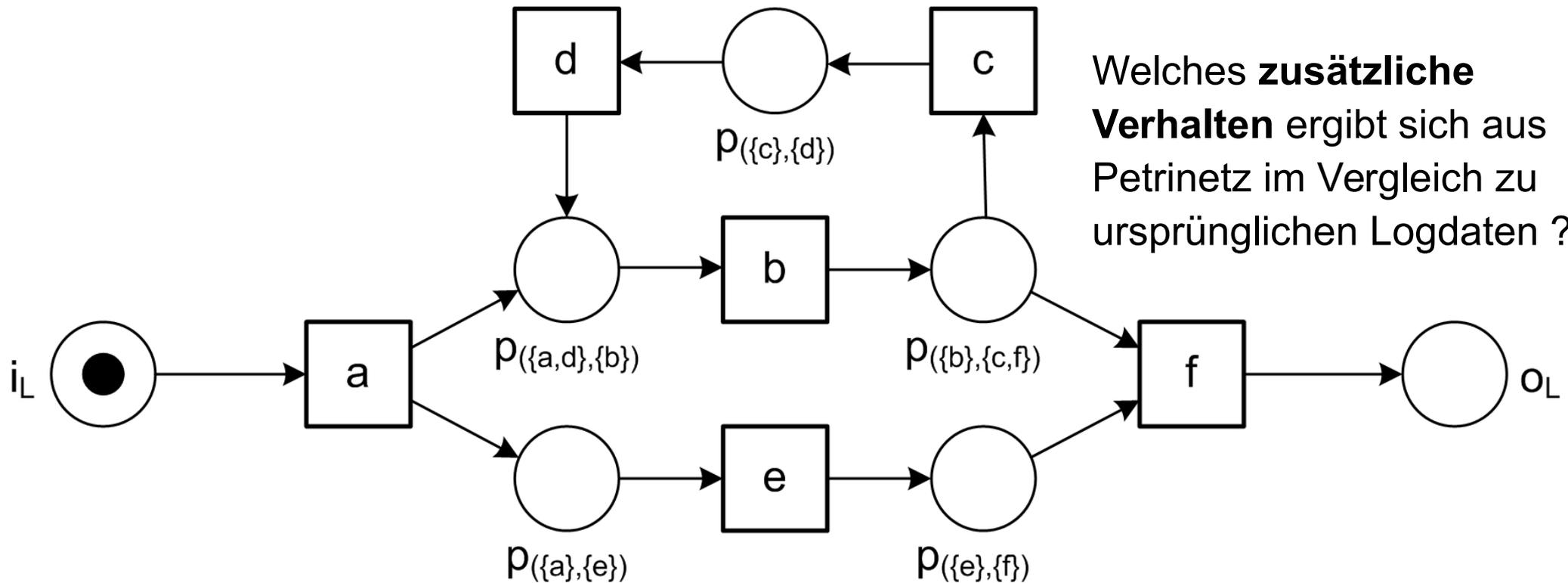
$$P_L = \{p(\{a\}, \{e\}), p(\{c\}, \{d\}), p(\{e\}, \{f\}), p(\{a, d\}, \{b\}), p(\{b\}, \{c, f\}), i_L, o_L\}$$

$$F_L = \{(a, p(\{a\}, \{e\})), (p(\{a\}, \{e\}), e), (c, p(\{c\}, \{d\})), (p(\{c\}, \{d\}), d),$$
  
$$(e, p(\{e\}, \{f\})), (p(\{e\}, \{f\}), f), (a, p(\{a, d\}, \{b\})), (d, p(\{a, d\}, \{b\})),$$
  
$$(p(\{a, d\}, \{b\}), b), (b, p(\{b\}, \{c, f\})), (p(\{b\}, \{c, f\}), c), (p(\{b\}, \{c, f\}), f),$$
  
$$(i_L, a), (f, o_L)\}$$

$$\alpha(L) = (P_L, T_L, F_L)$$

# 5. Beispiel $L_5$ : Extrahiertes Petrinetz

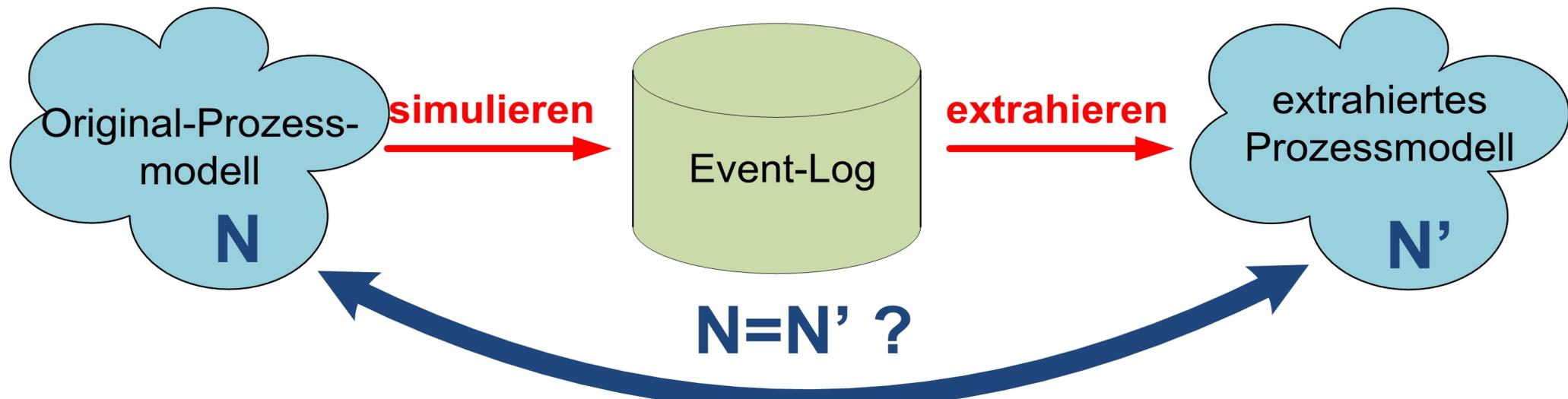
$$L_5 = [\langle a, b, e, f \rangle^2, \langle a, b, e, c, d, b, f \rangle^3, \langle a, b, c, e, d, b, f \rangle^2, \langle a, b, c, d, e, b, f \rangle^4, \langle a, e, b, c, d, b, f \rangle^3]$$



# Überblick

## 2.4 Prozessextraktion

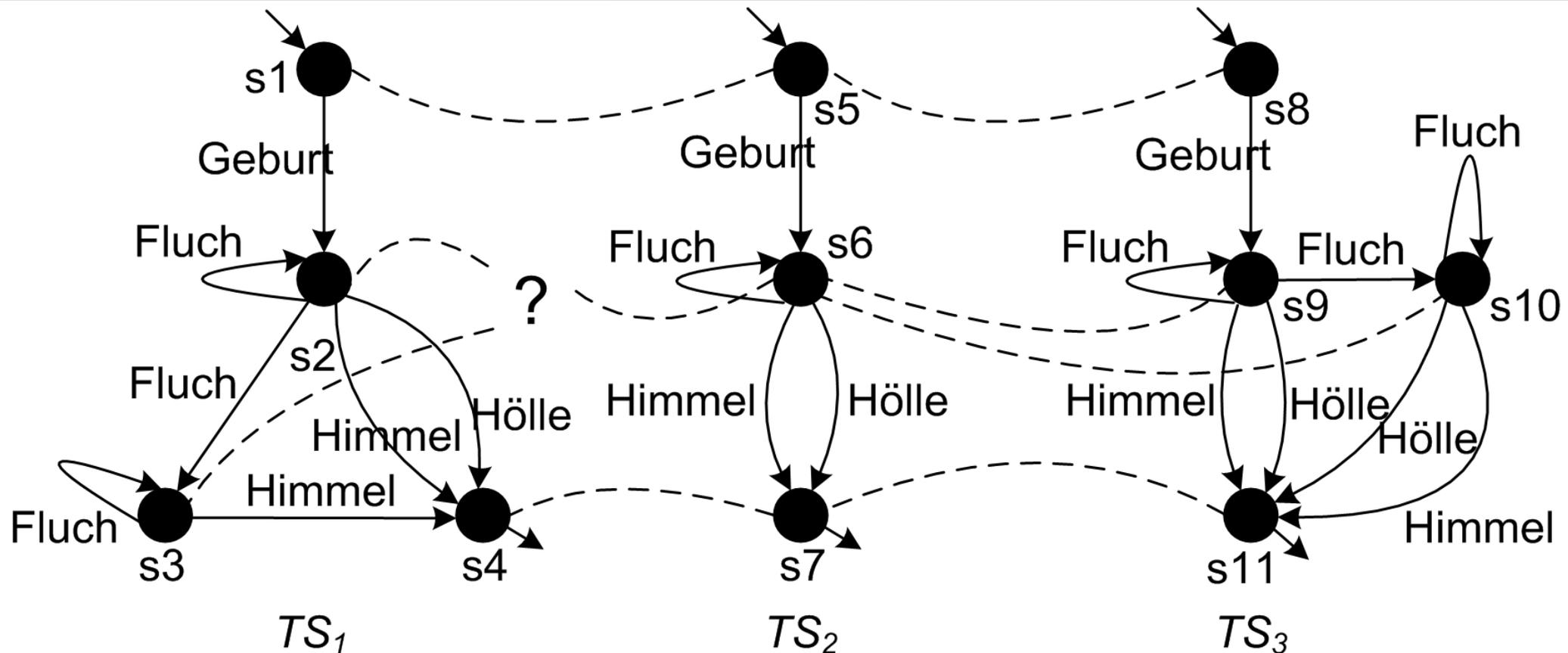
- Einführung und Beispiel
- **$\alpha$ -Algorithmus**
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - **Einschränkungen**
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining



Re-Extraktionsproblem:

Entdeckte Modell N' äquivalent zum Original-Modell N?

# Log-Daten vs. Kontrollflussverzweigungen



Allgemeines Problem: **Log-Daten abstrahieren** von **Kontrollflussverzweigungen**.

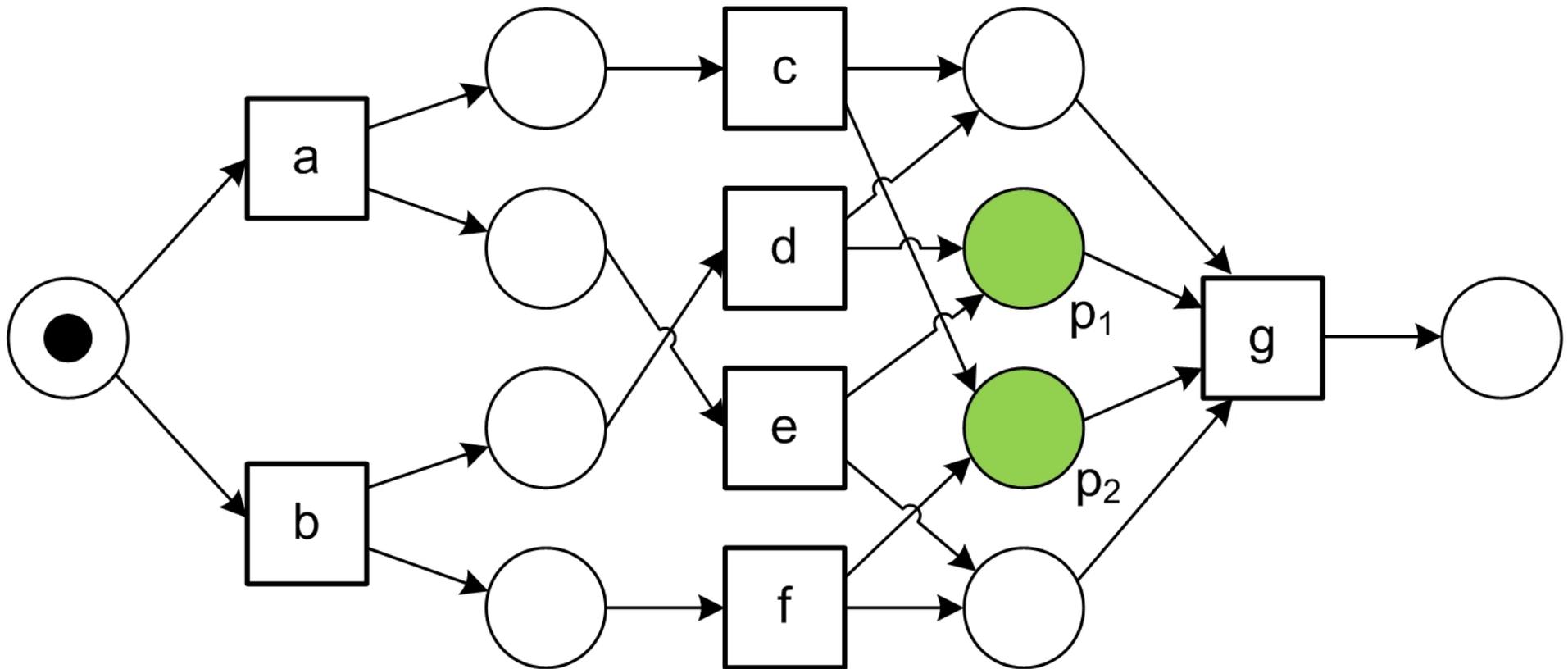
Beispiel:  $TS_1, \dots, TS_3$  **spuräquivalent** (trace equivalent).  $TS_2$  und  $TS_3$  auch bisimilar.

Aber:  $TS_1$  und  $TS_2$  **nicht bisimilar**: Fehlende Transition  $\text{Hölle}: s3 \rightarrow s4$ .



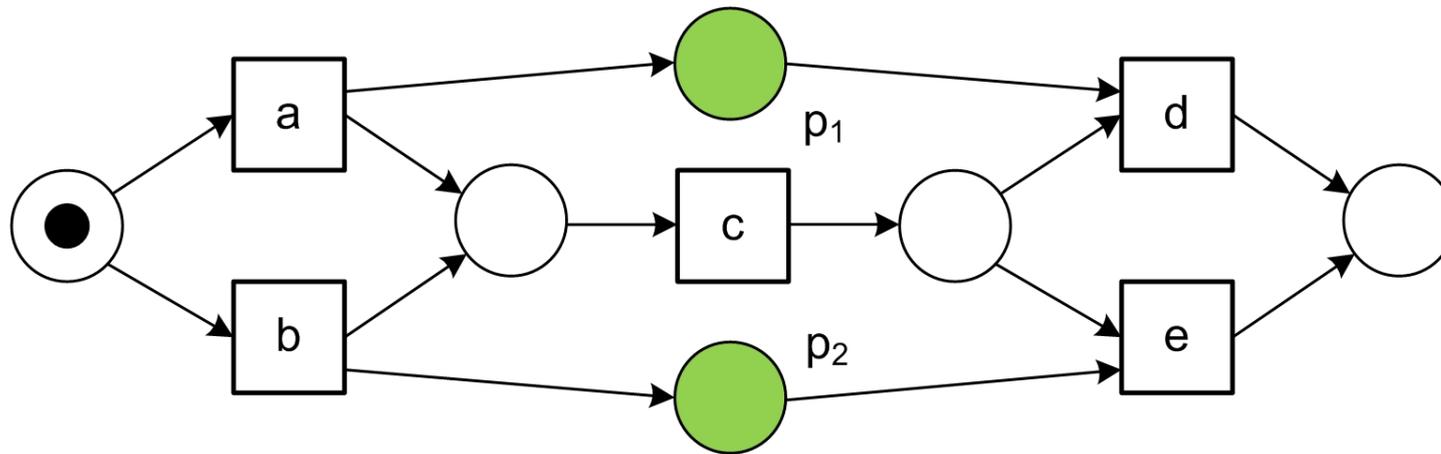
- → i.A. Log-Daten von **mehr als einem Petrinetz** erzeugbar.
- Nur „**beobachtbare**“ Netzwerke werden erzeugt.
  - **Splits** und **Joins** nicht immer direkt beobachtbar.
  - Beobachtetes Verhalten korrekt wiedergegeben.

$$L_6 = [\langle a, c, e, g \rangle^2, \langle a, e, c, g \rangle^3, \langle b, d, f, g \rangle^2, \langle b, f, d, g \rangle^4]$$



Grüne Stellen **implizit**: Werden im Petrinetz nicht benötigt, aufgrund Symmetrie der Logdaten erzeugt.

$$L_9 = [\langle a, c, d \rangle^{45}, \langle b, c, e \rangle^{42}]$$



Grüne Stellen werden **nicht entdeckt** !  
Extrahiertes Petrinetz also dasselbe wie für:

$$L_4 = [\langle a, c, d \rangle^{45}, \langle b, c, d \rangle^{42}, \langle a, c, e \rangle^{38}, \langle b, c, e \rangle^{22}]$$

- **Eindeutigkeit der Bezeichner** nach o.g. Annahme:  
Jeder Transitionsname taucht nur einmal im Petrinetz auf.
- **Nicht jede Folge** von Transitionen aus wohlgeformten Petrinetz  
**erzeugbar !**

NB: Ohne o.g. Annahme Petrinetz immer als XOR-Verknüpfung über Transitionen, die je eine Sequenz erzeugen, darstellbar.

## **Mehrfach auftretende Aktivitäten:**

- Schwierig;  $\alpha$ -Algorithmus konstruiert nur eine Transition pro Aktivität.

# Eindeutigkeit der Transitionen: Beispiel

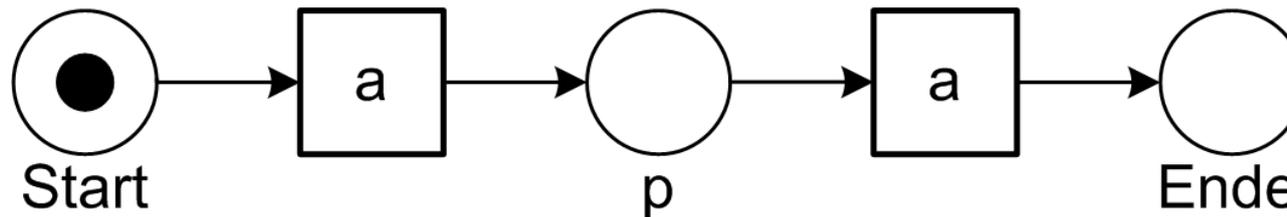
$$L_{10} = [\langle a, a \rangle^{55}]$$

Wie durch Petrinetz darstellen, das jeden Transitionsbezeichner jeweils **nur einmal** enthält ?

# Eindeutigkeit der Transitionen: Beispiel

$$L_{10} = [\langle a, a \rangle^{55}]$$

Naheliegend (nicht mit eindeutigen Transitionsbezeichnungen):

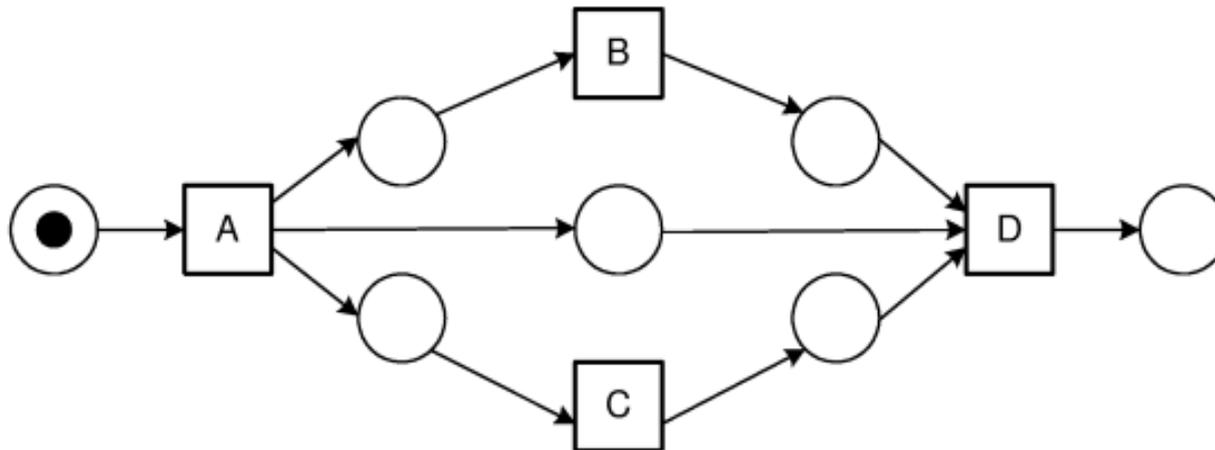


Gibt **kein WF-net** mit eindeutigen Transitionsbezeichnungen,  
welches (exakt) dieses Verhalten darstellt.

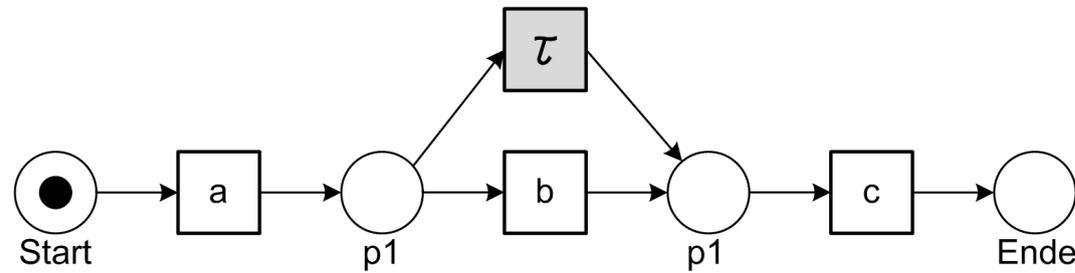
Abstraktion („unsichtbar machen“) von Transitionen:

**Wegabstrahieren** der Transition E in **Log-Daten** im obigen Beispiel führt zu **nicht** durch **Petrinetz** darstellbaren Log-Daten.

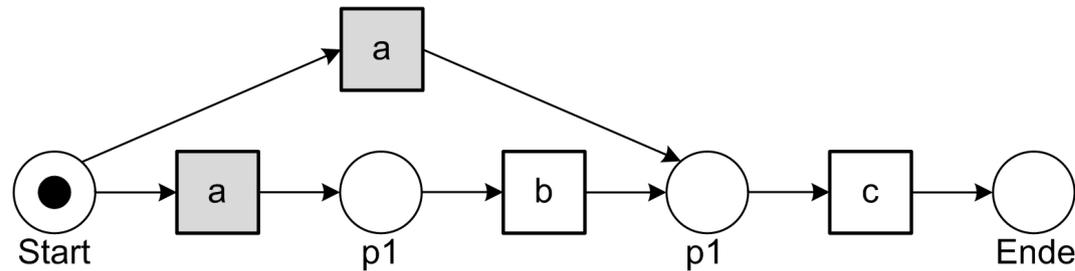
Z.B. erzeugt folgendes Petrinetz nur [ $\langle ABCD \rangle$ ,  $\langle ACBD \rangle$ ] (nicht  $\langle AD \rangle$ , wie durch Abstrahieren von E aus  $\langle AED \rangle$  erhalten):



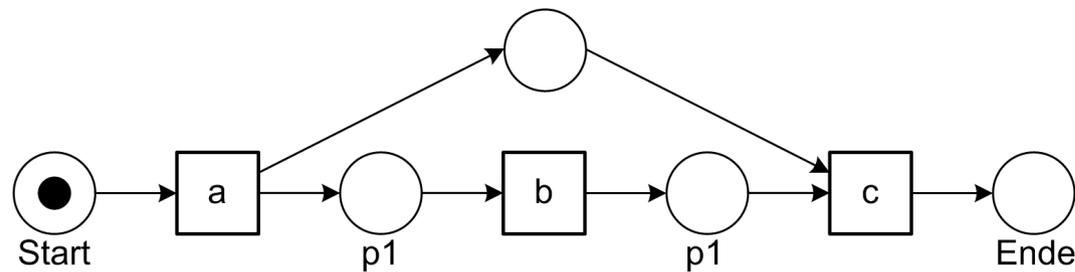
# Eindeutigkeit / Beobachtbarkeit der Transitionen: Beispiel



(a)



(b)



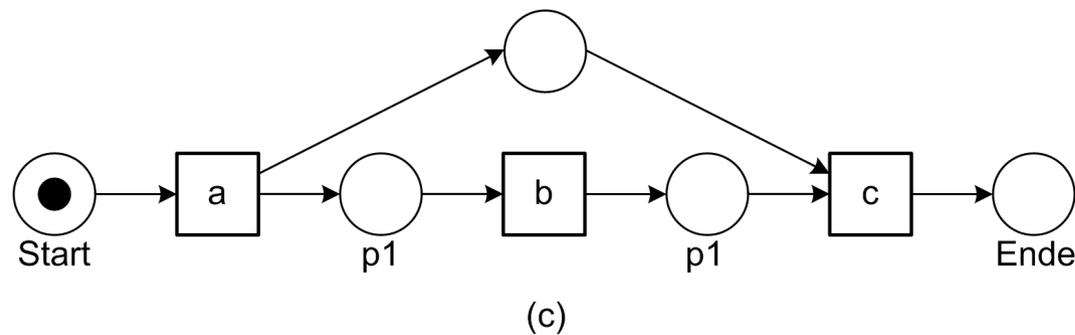
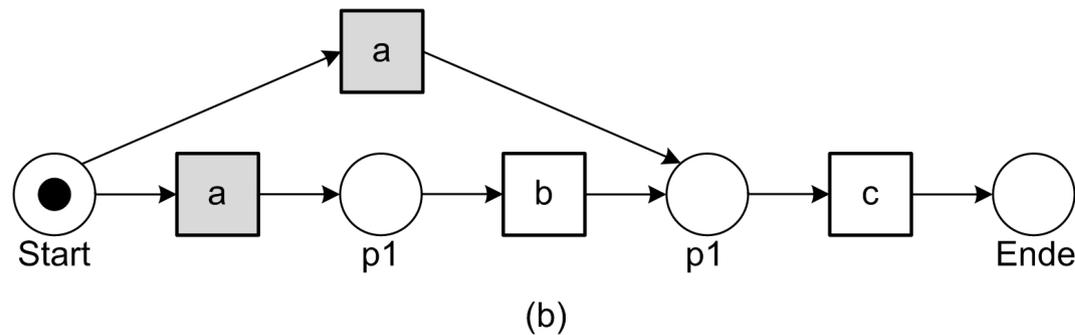
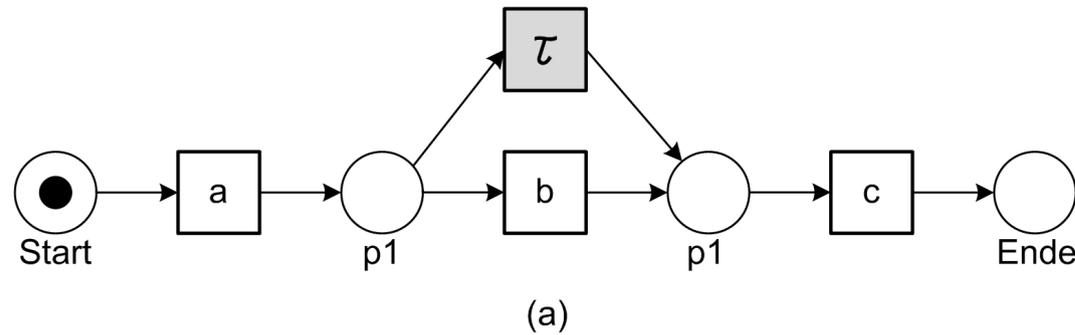
(c)

$$L_{11} = [\langle a, b, c \rangle^{20}, \langle a, c \rangle^{30}]$$

Welches Petrinetz extrahiert  
 **$\alpha$ -Algorithmus** aus  $L_{11}$  ?

Welche Logdaten erzeugt das  
Petrinetz bei Ausführung ?

# Eindeutigkeit / Beobachtbarkeit der Transitionen: Beispiel



$$L_{11} = [\langle a, b, c \rangle^{20}, \langle a, c \rangle^{30}]$$

Gibt kein **WF-net** mit **eindeutigen** und **sichtbaren** Bezeichnungen, welches (genau) dieses Verhalten darstellt.

(a) **Unsichtbares Ereignis**  $\tau$

(b) Ereignis **a mehrfach**

(c) Extrahiert mit  **$\alpha$ -Algorithmus** aus  $L_{11}$ .

Erzeugt nur  $[\langle a, b, c \rangle]$ .

# Einschränkungen: Weiteres Beispiel

$$L_7 = [\langle a, c \rangle^2, \langle a, b, c \rangle^3, \langle a, b, b, c \rangle^2, \langle a, b, b, b, b, c \rangle^1]$$

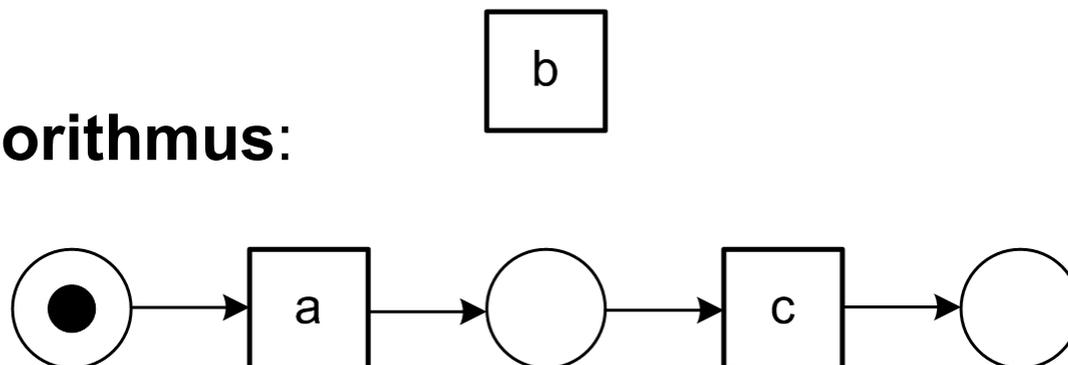
Welches Petrinetz extrahiert  **$\alpha$ -Algorithmus** aus o.g. Logdaten ?

Welches **Petrinetz** generiert o.g. Logdaten ?

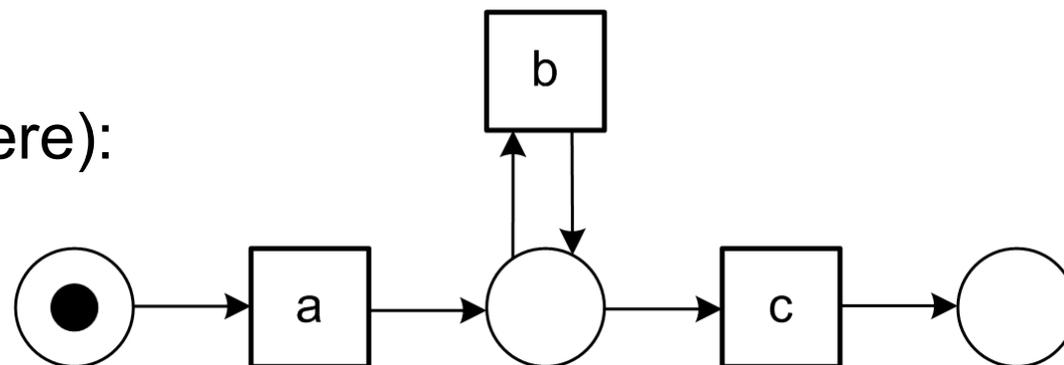
# Schleifen der Länge 1: Beispiel

$$L_7 = [\langle a, c \rangle^2, \langle a, b, c \rangle^3, \langle a, b, b, c \rangle^2, \langle a, b, b, b, b, c \rangle^1]$$

Petrinetz **extrahiert** von  $\alpha$ -Algorithmus:



Petrinetz, das tatsächlich o.g.  
**Logdaten generiert** (und weitere):



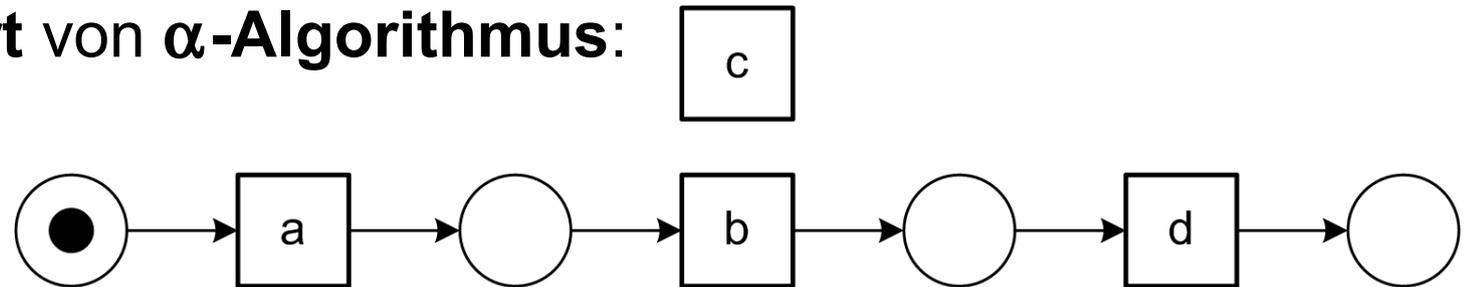
## Iterationen:

- Führen zu mehrfach auftretenden Aktivitäten.
- Müssen ggf. extra erkannt werden.
  - Mitunter sehr schwierig !
- Keine Beschränkung des Algorithmus; **Schleifen** durch **endliche Logdatenmengen** nur **unvollständig** charakterisierbar.

# Schleifen der Länge 2: Beispiel

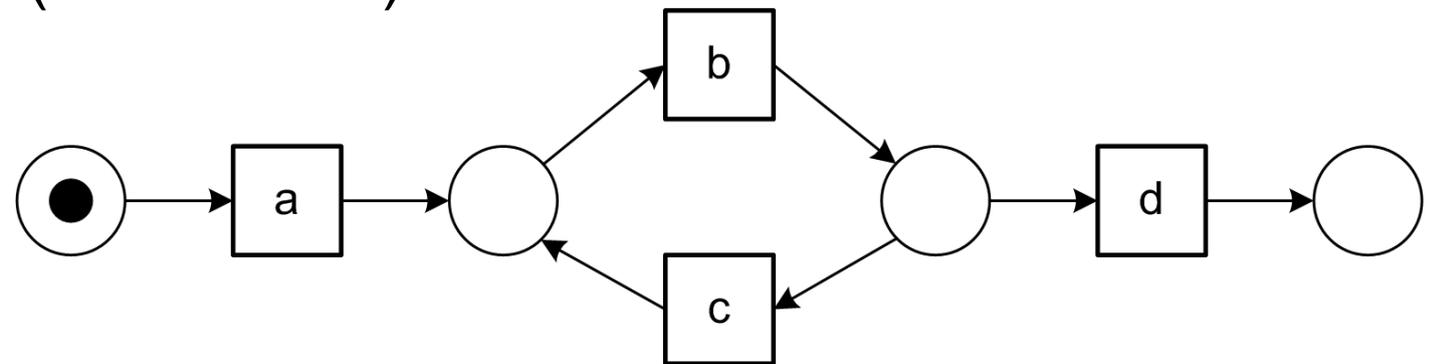
$$L_8 = [\langle a, b, d \rangle^3, \langle a, b, c, b, d \rangle^2, \langle a, b, c, b, c, b, d \rangle]$$

Petrinetz extrahiert von  $\alpha$ -Algorithmus:



Petrinetz, das tatsächlich o.g.

Logdaten generiert (und weitere):



# Überblick

## 2.4 Prozessextraktion

- Einführung und Beispiel
- $\alpha$ -Algorithmus
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- **Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining**

Annahme passendes Prozessmodell zu finden: Event-Log enthält **repräsentative Verhaltensmenge**.

Zwei verwandte Phänomene:

- **Rauschen**: Event-Log enthält seltenes und unregelmäßiges Verhalten. → **Nicht typisches Verhalten** des Prozesses.
  - Lösung z.B. durch Betrachtung der **Häufigkeit**.
- **Unvollständigkeit**: Event-Log enthält **zu wenig Events**, um alle Kontrollflüsse zu erfassen.
  - Siehe auch Teil 2.2 (cross-validation, precision, recall, etc.).

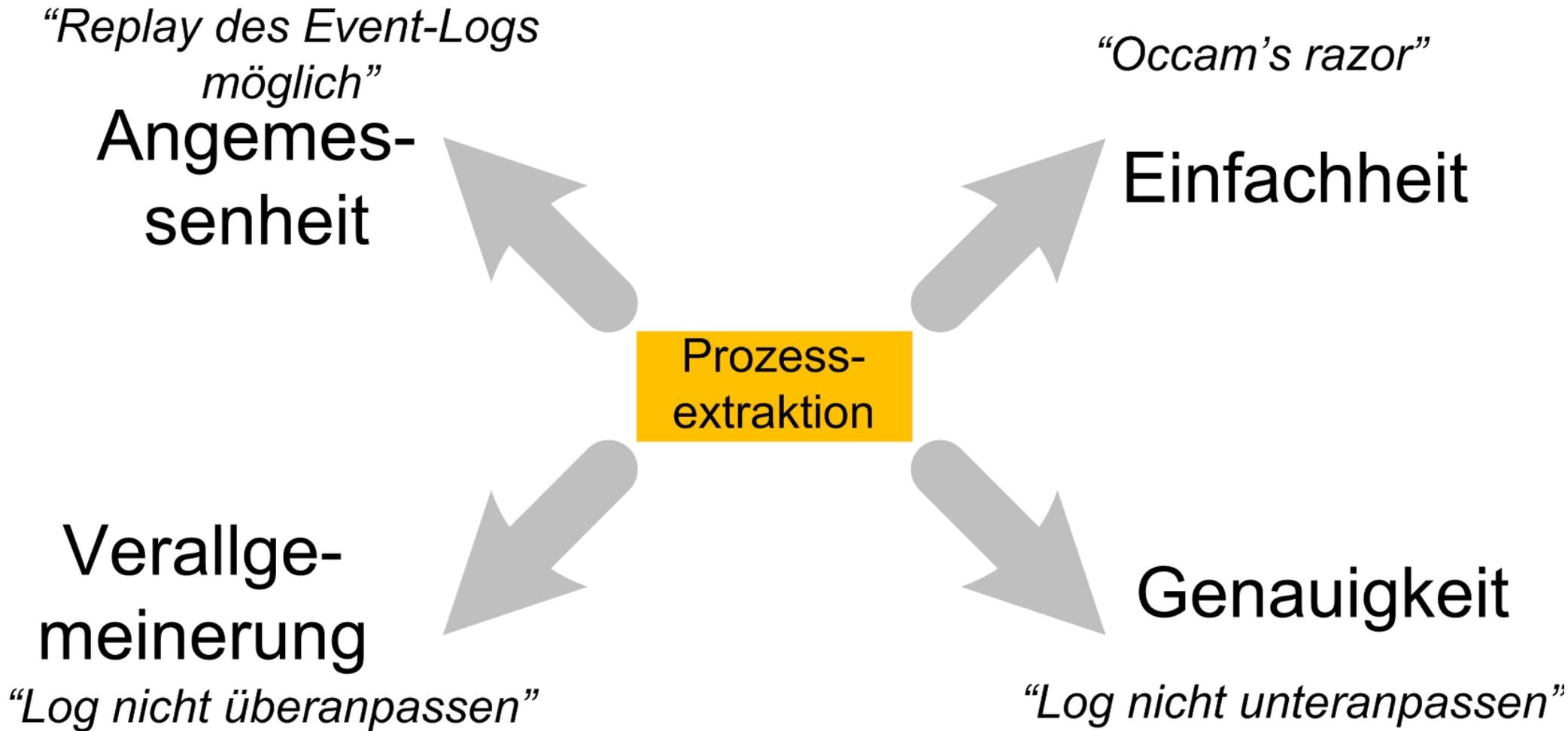
Bsp. zu Relevanz von **Vollständigkeit**: Betrachte Prozess aus 10 Aktivitäten.

- Annahme: Parallel ausführbar.

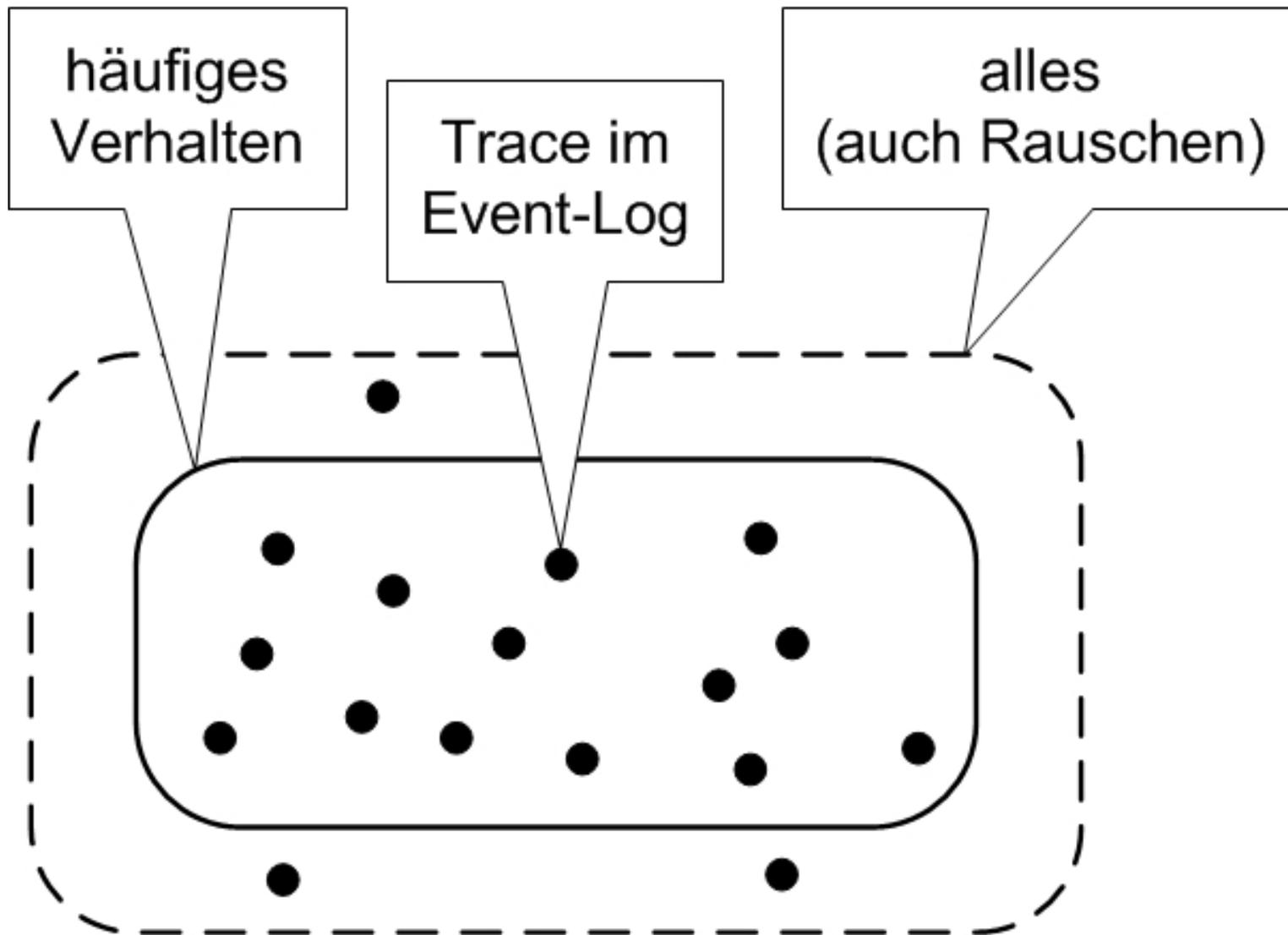
Gegeben: **Log mit Informationen** über 10.000 Fälle.

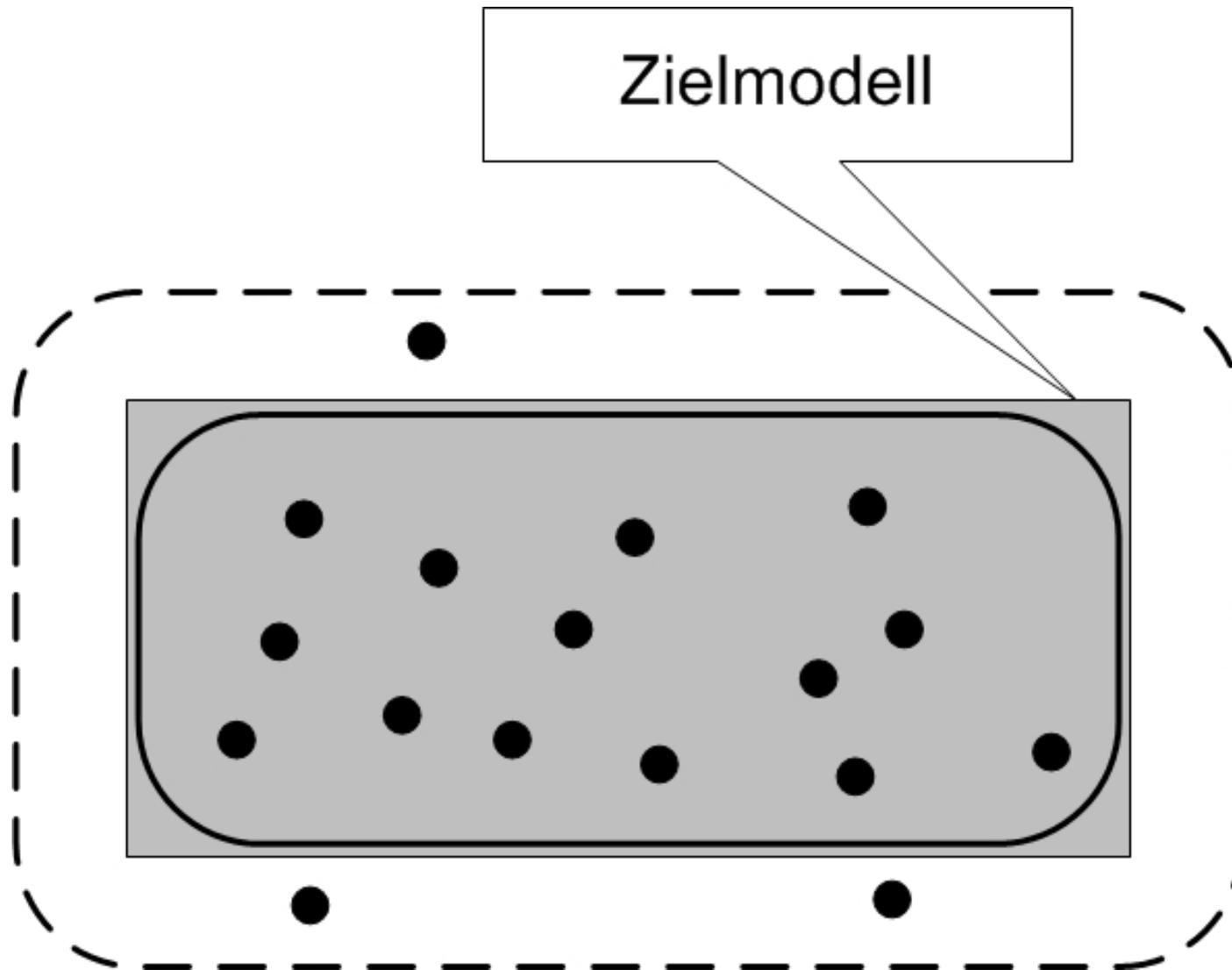
- Anzahl mögliche Kombinationen (10 nebenläufige Aktivitäten):  
 $10! = 3.628.800$ .
- Unmöglich jede Kombination im Log enthalten:
  - Im Log weniger Fälle (10.000) als mögliche Traces (3.628.800).
- Selbst bei 3.628.800 Fällen im Log:
  - **Alle Variationen vorhanden → Unwahrscheinlich**
  - Analogie: 365 Menschen, jeder hat am anderen Tag Geburtstag.  
→ Unwahrscheinlich  
W'keit bei  $365!/365^{365} \approx 1.454955 \times 10^{-157}$ .
  - Anzahl von Atomen im Universum ca.  $10^{79}$ .

# Herausforderung: Vier divergierende Qualitätskriterien

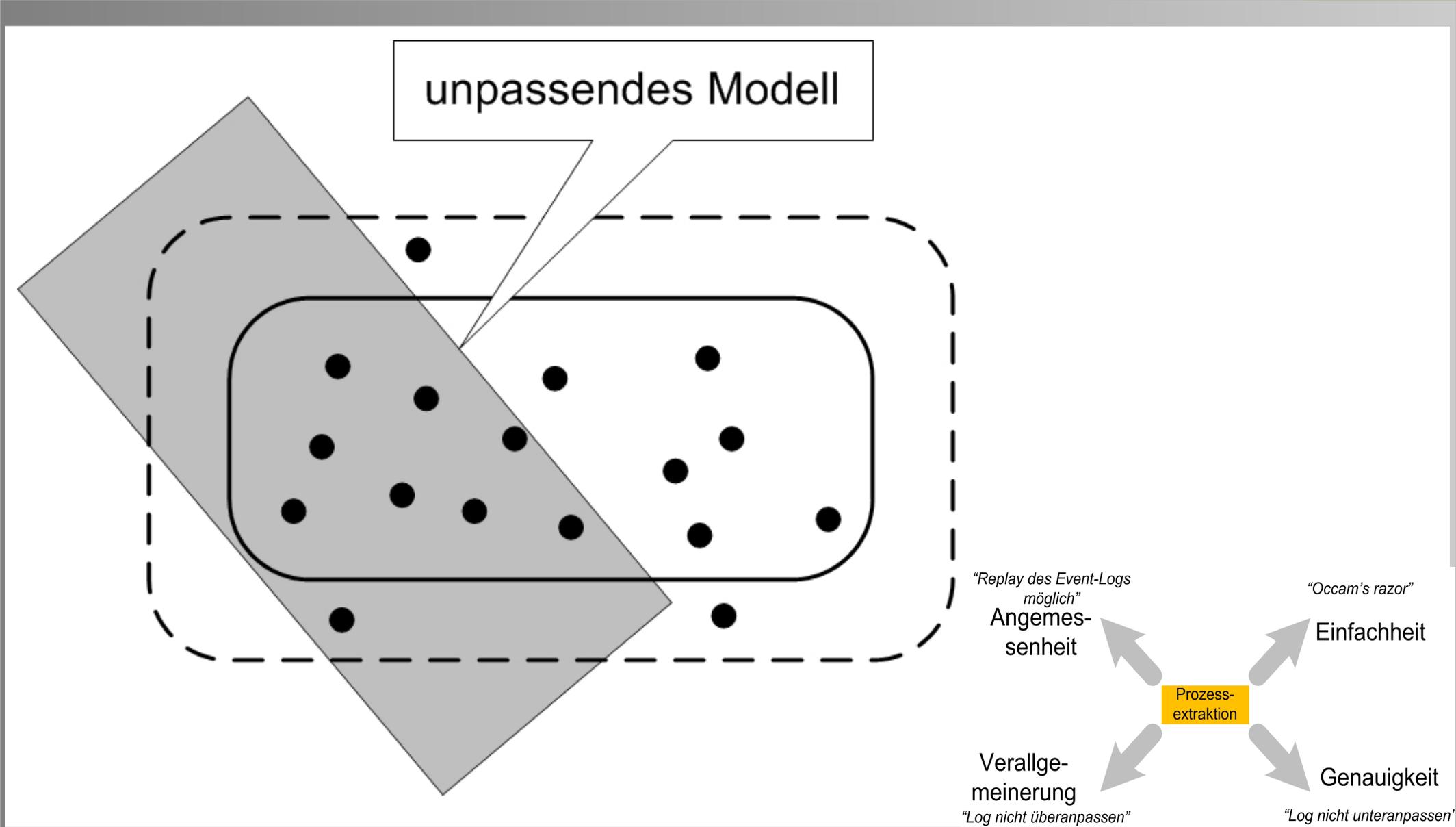


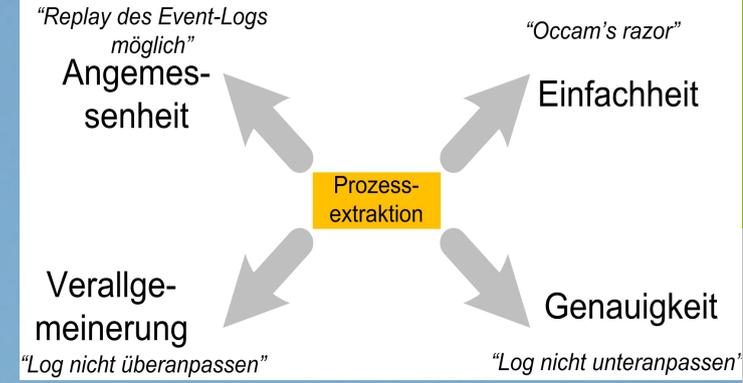
# Endlose Überwachung eines stabilen Prozesses



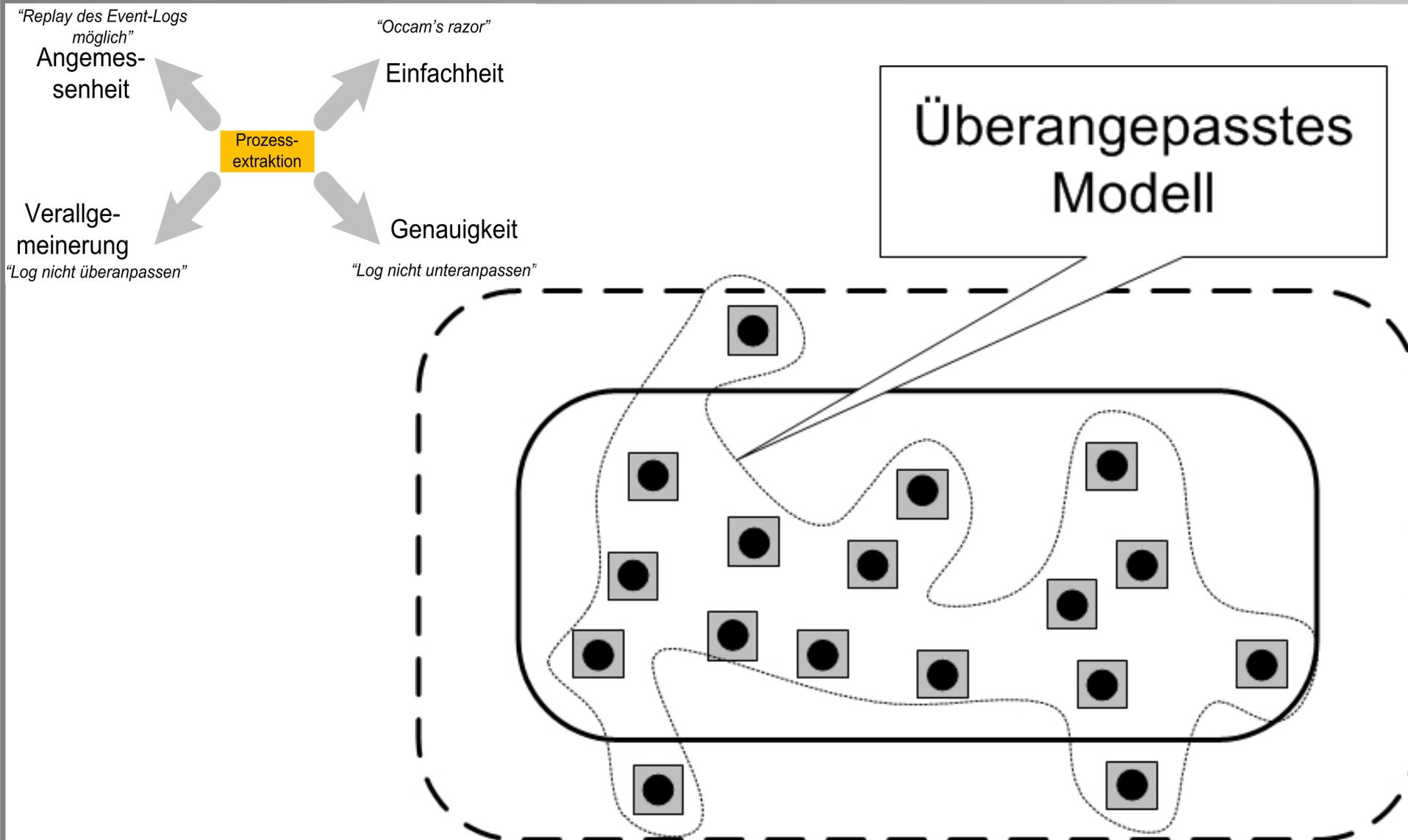


# Unpassendes Modell

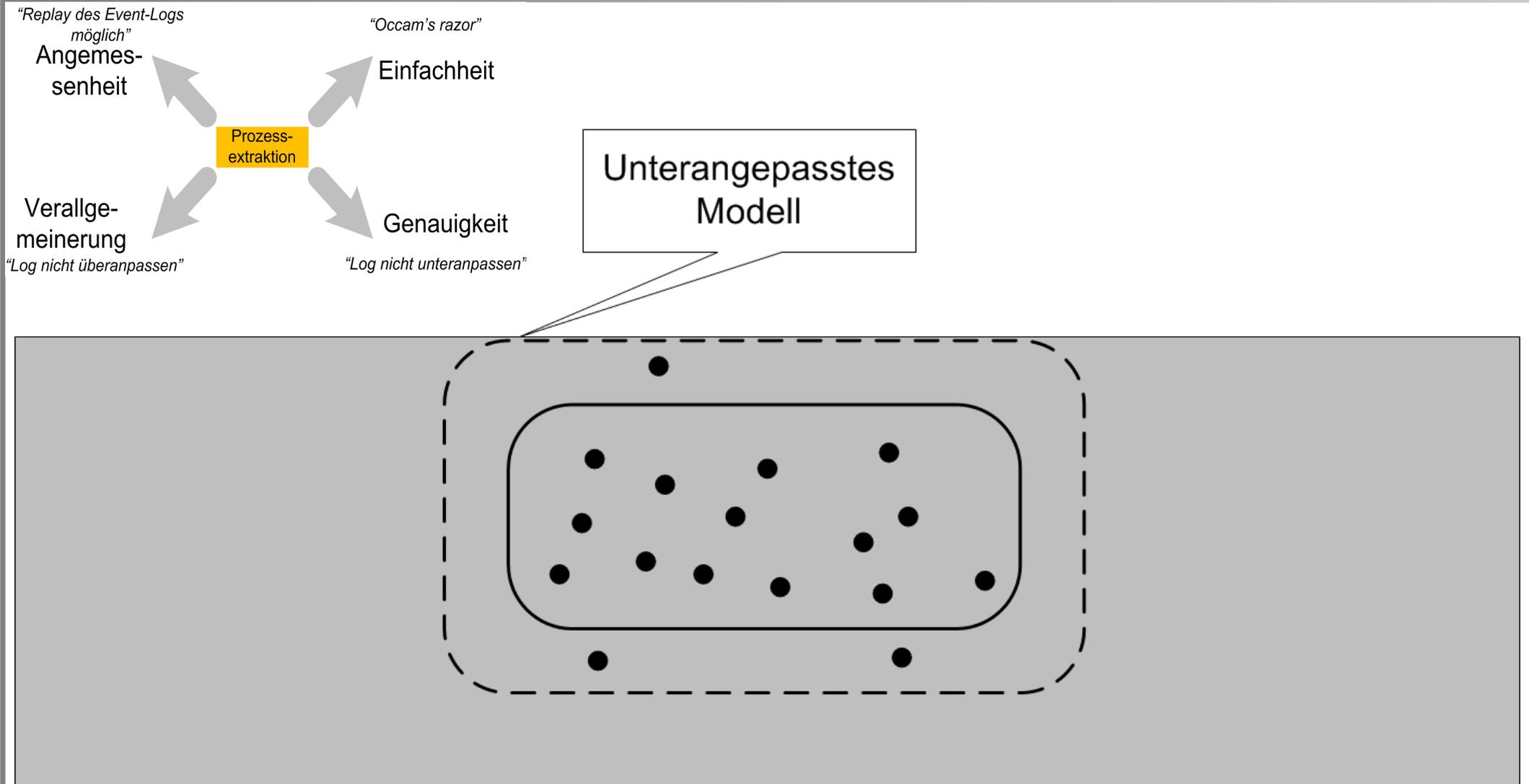


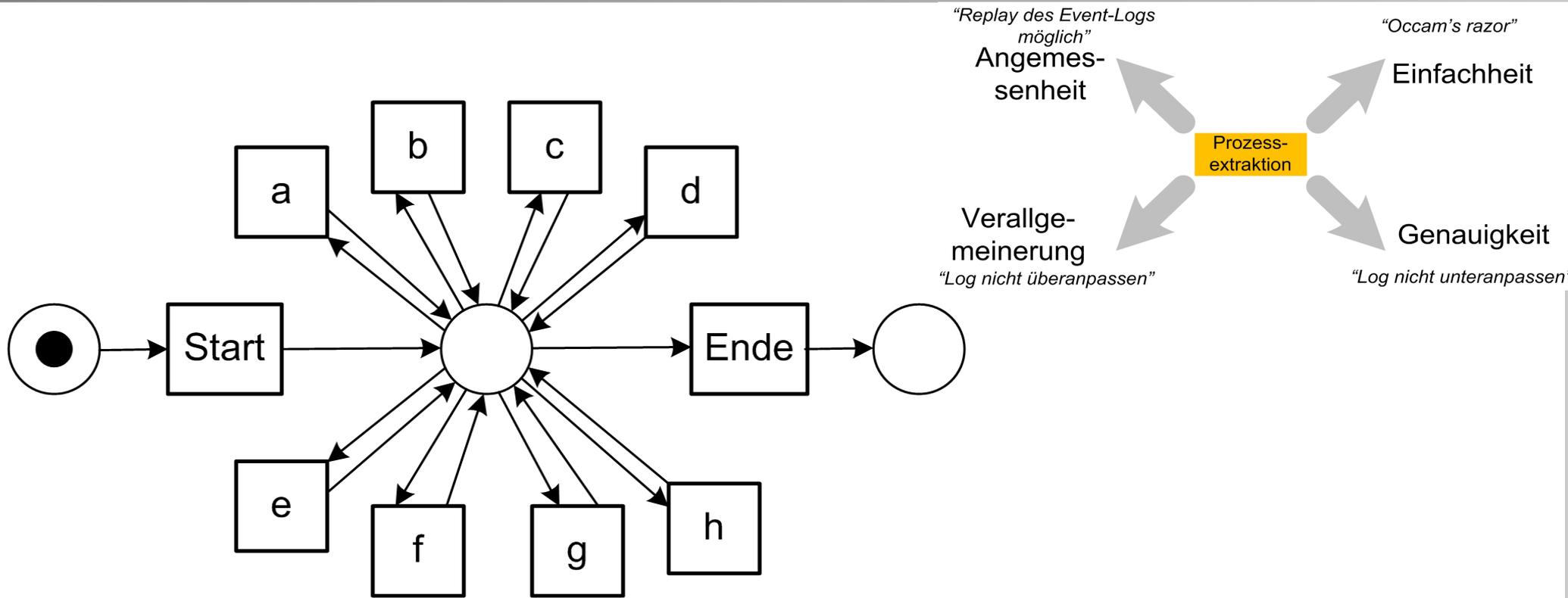


**Besondere Herausforderung:  
Balance zwischen  
Unteranpassung und  
Überanpassung**

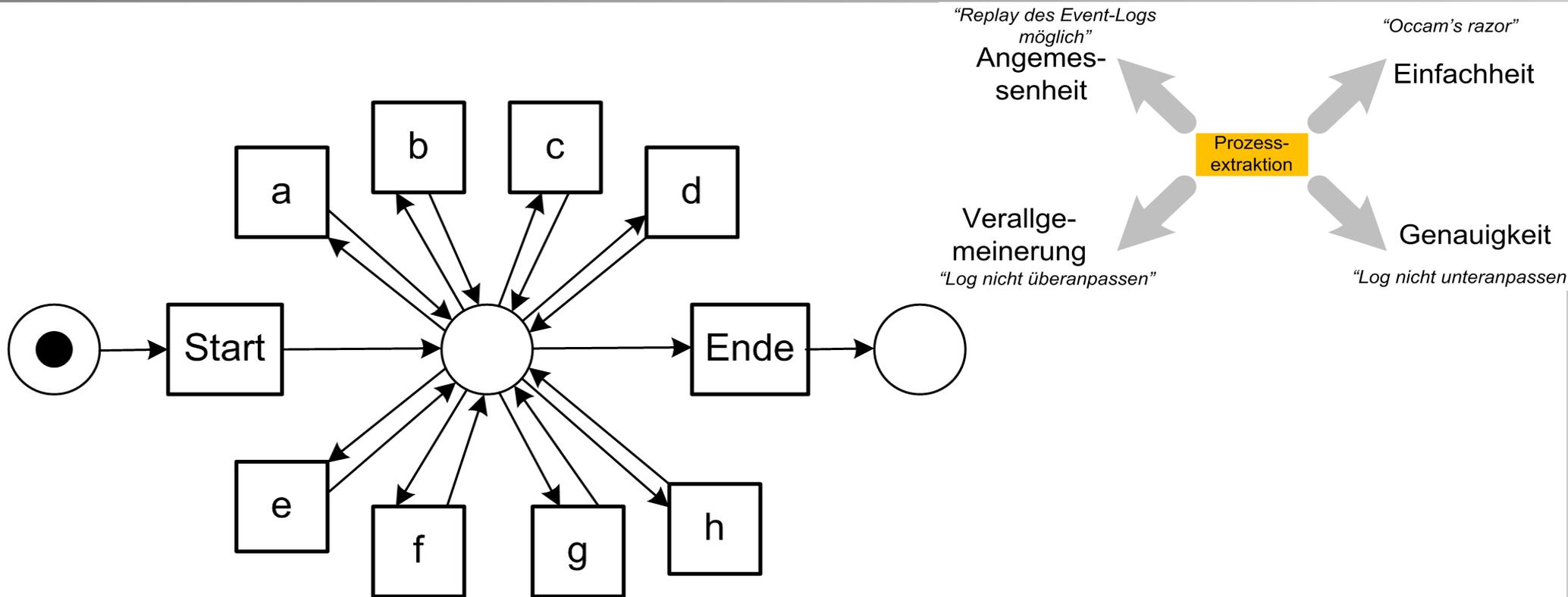


# Unterangepasstes Modell





Welche **Qualitätskriterien** erfüllt dieses Modell in besonderer Weise ?



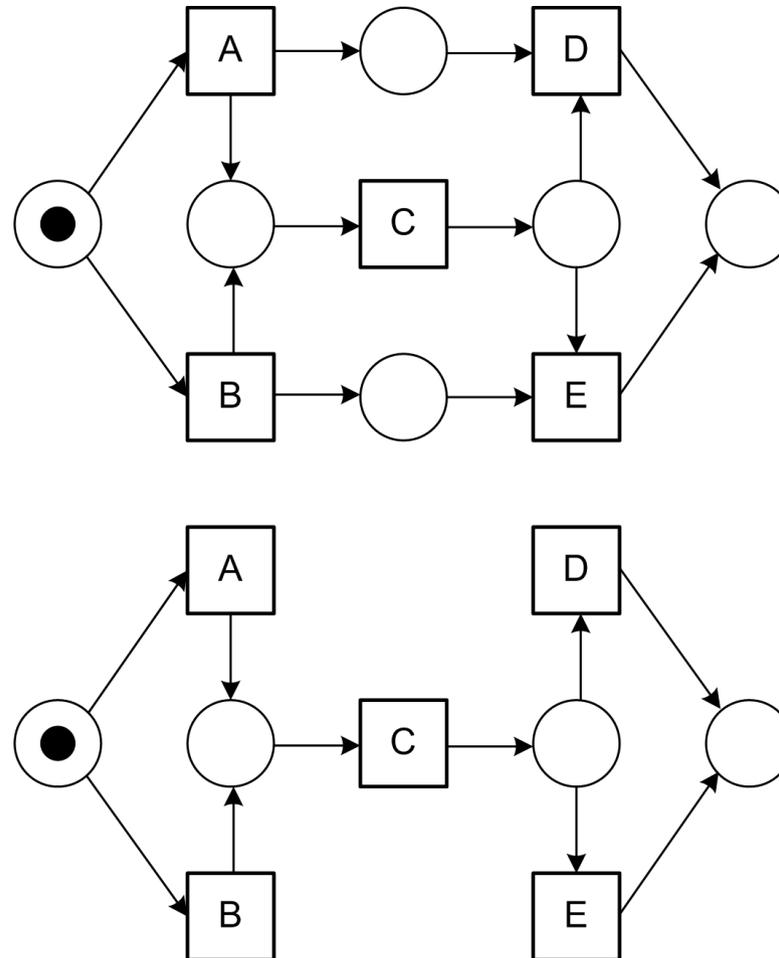
Welche **Qualitätskriterien** erfüllt dieses Modell in besonderer Weise ?

Paradebeispiel für **unterangepasstes Modell**:

jedes Verhalten auf Basis der Ereignisse a, ..., h zulässig.

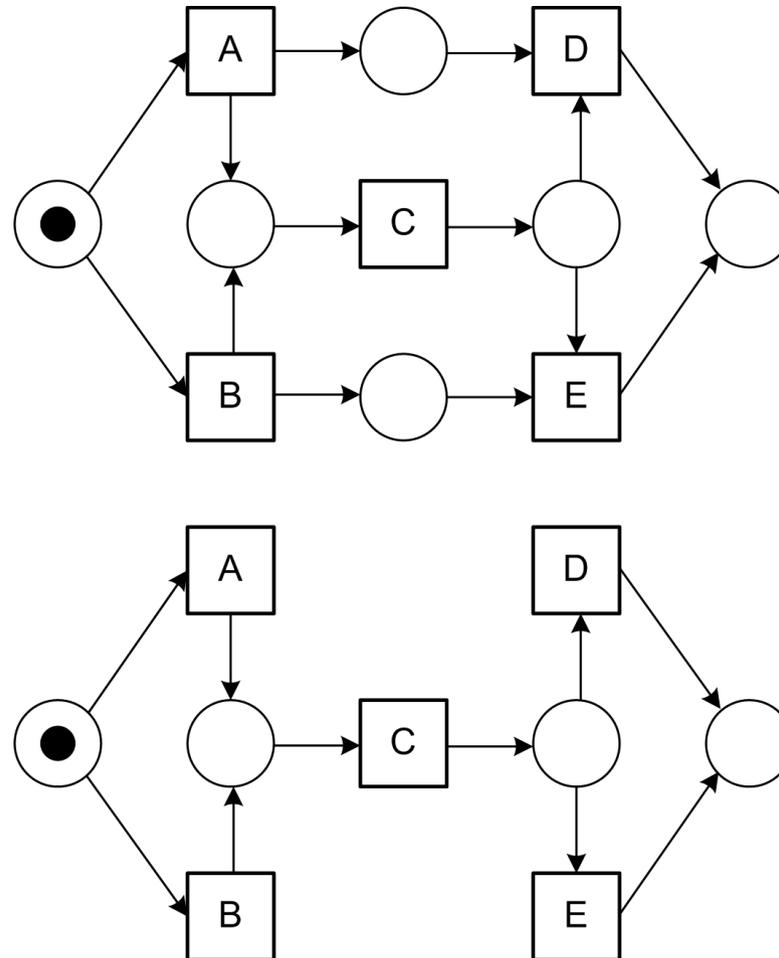
# Welches ist das beste Modell?

ACD	99
ACE	0
BCE	85
BCD	0



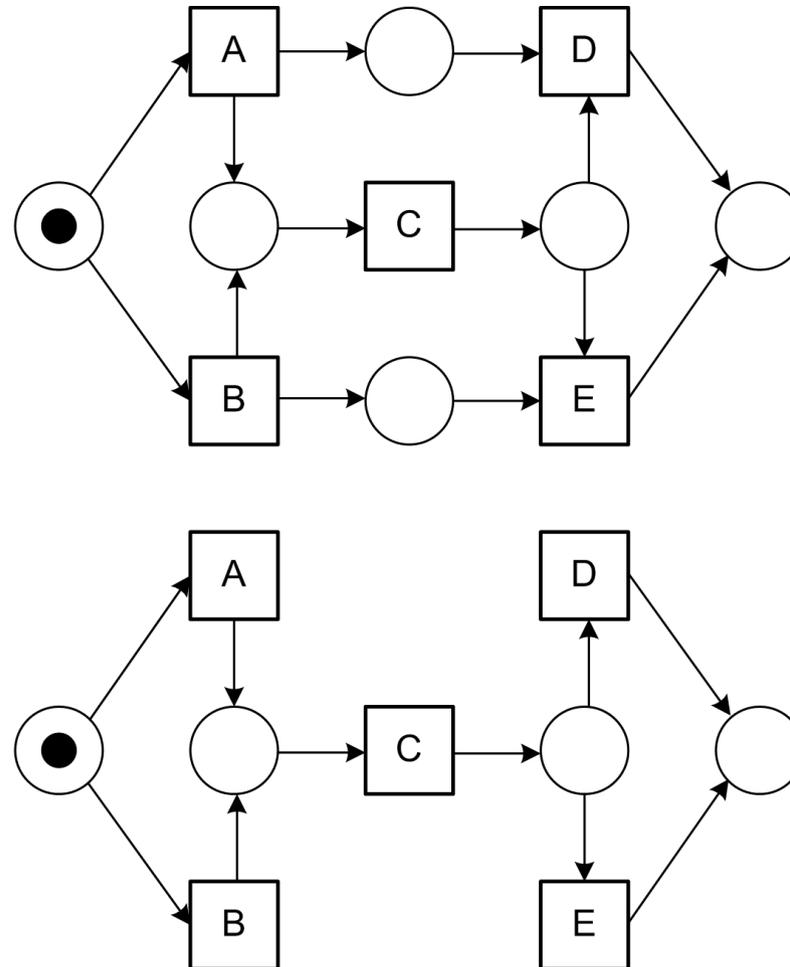
# Welches ist das beste Modell?

ACD	99
ACE	0
BCE	85
BCD	0



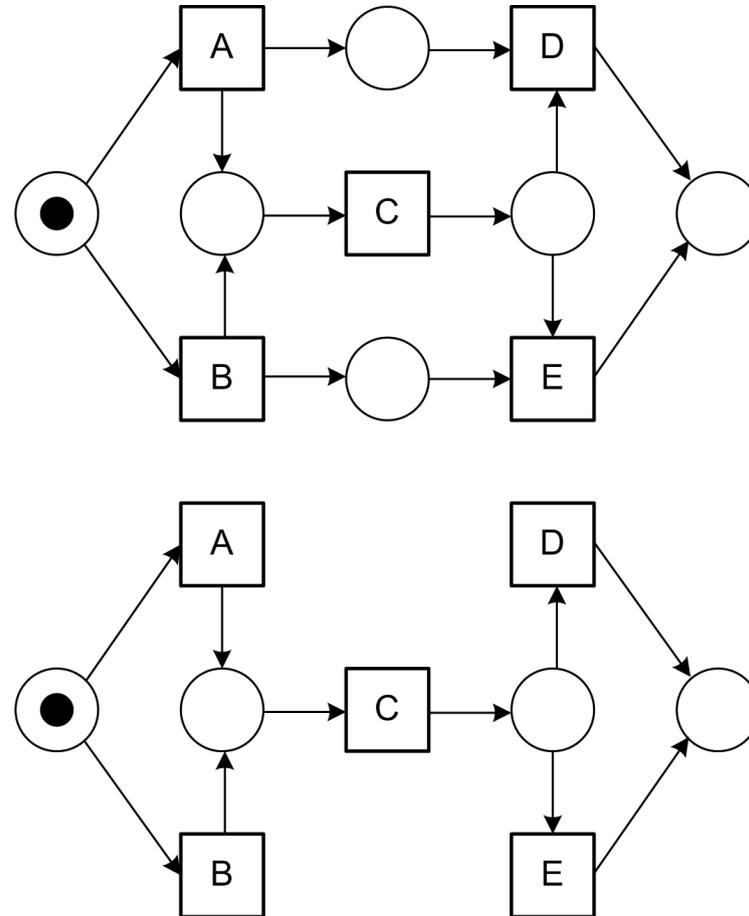
# Welches ist das beste Modell?

ACD	99
ACE	88
BCE	85
BCD	78



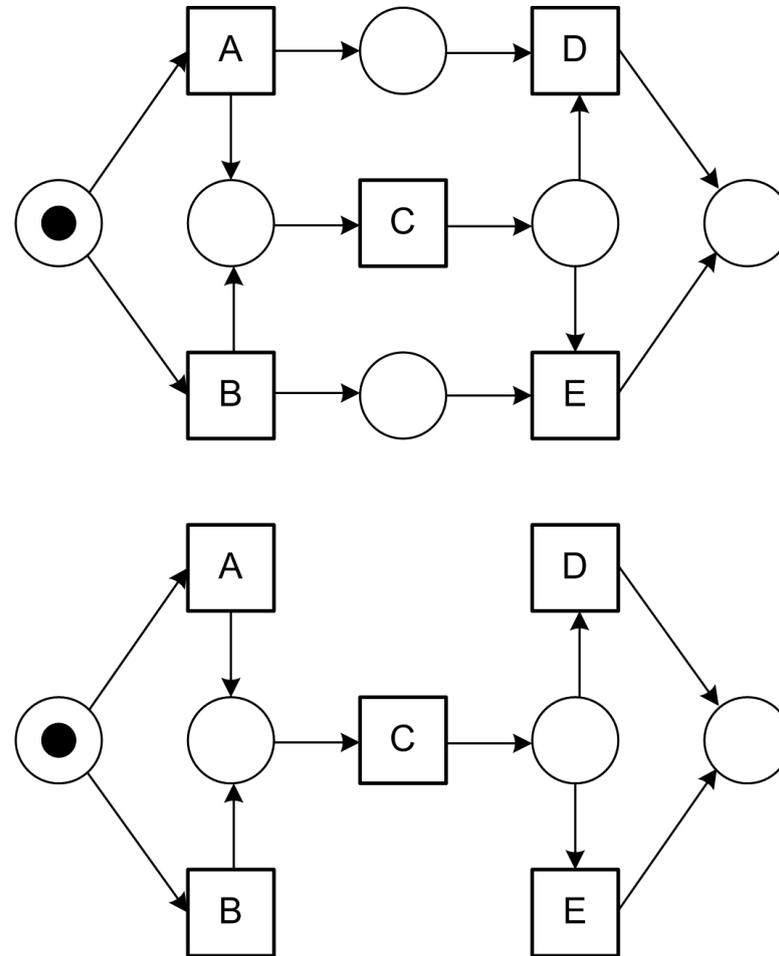
# Welches ist das beste Modell?

- ACD 99
- ACE 88
- BCE 85
- BCD 78

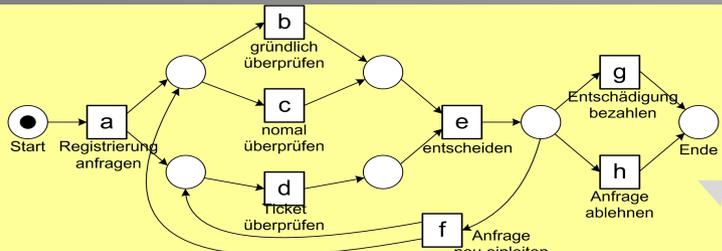


# Welches ist das beste Modell?

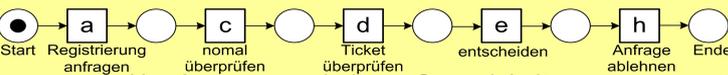
ACD	99
ACE	2
BCE	85
BCD	3



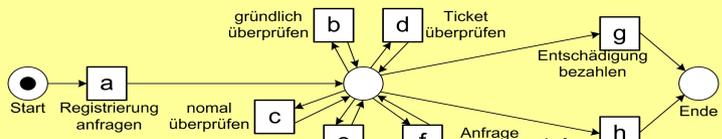
# Beispiel: Ein Log, vier Modelle



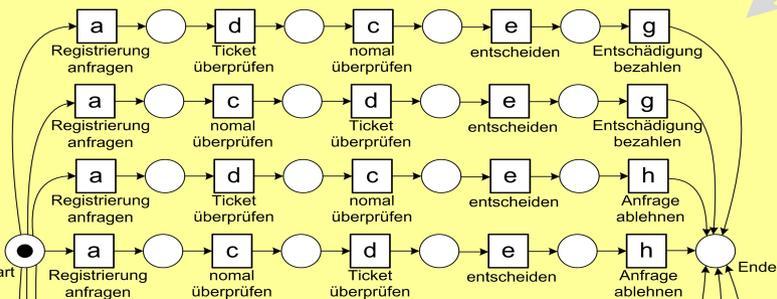
$N_1$ : Angemessenheit = +, Genauigkeit = +,  
Verallgemeinerung = +, Einfachheit = +



$N_2$ : Angemessenheit = -, Genauigkeit = +,  
Verallgemeinerung = -, Einfachheit = +



$N_3$ : Angemessenheit = +, Genauigkeit = -,  
Verallgemeinerung = +, Einfachheit = +



$N_4$ : Angemessenheit = +, Genauigkeit = +,  
Verallgemeinerung = -, Einfachheit = -

#	Trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefbdeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefbdeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefbdefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefbdefcdefdbeg
1391	

"Replay des Event-Logs  
möglich"

Angemes-  
senheit

"Occam's razor"

Einfachheit

Prozess-  
extraktion

Verallge-  
meinerung

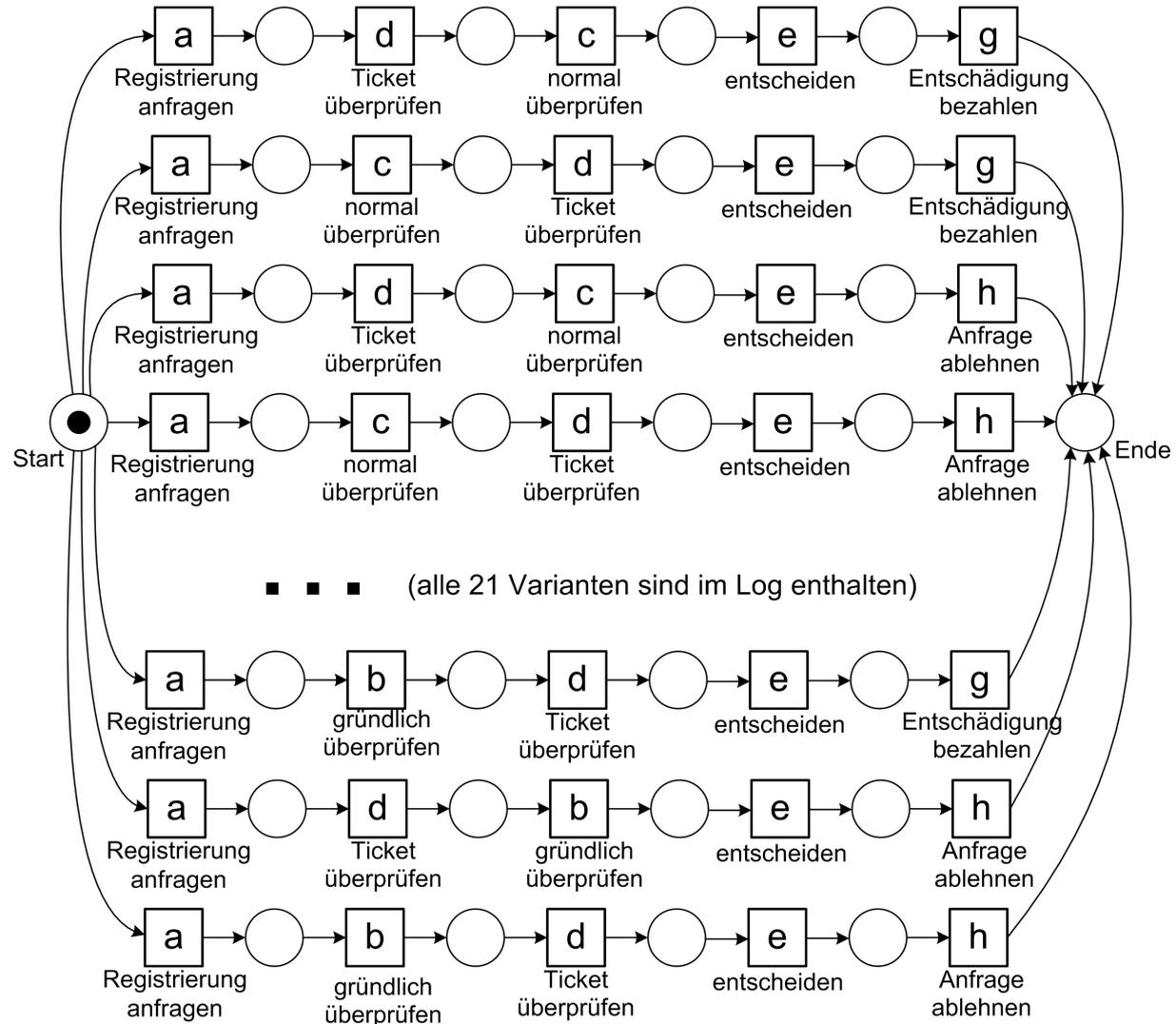
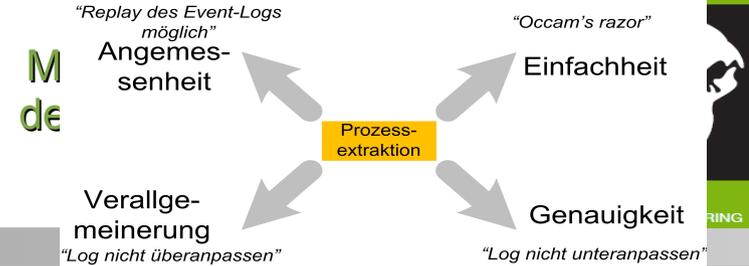
"Log nicht überanpassen"

Genauigkeit

"Log nicht unteranpassen"

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

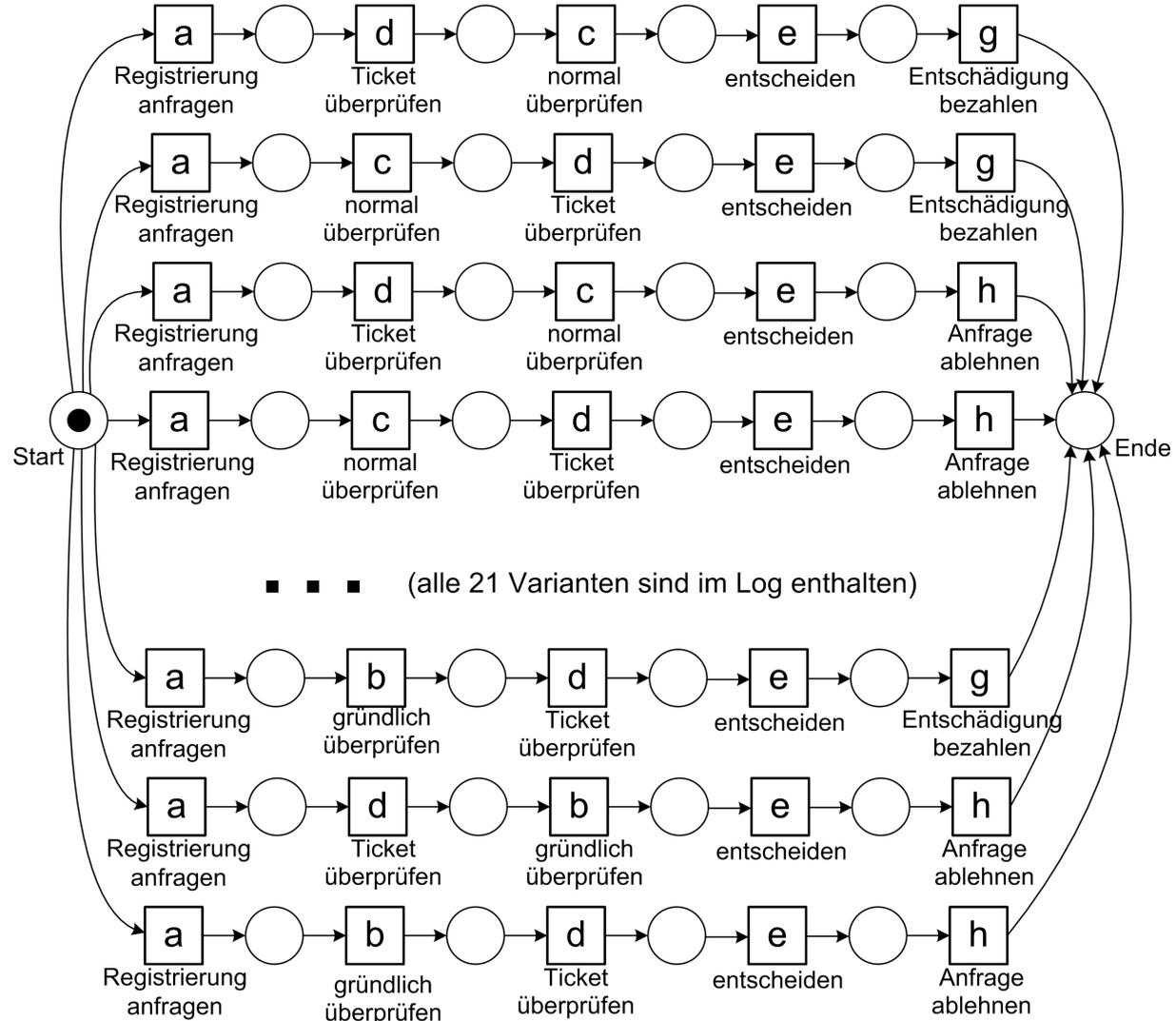
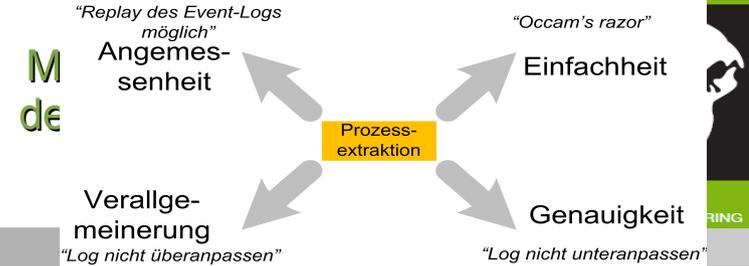
# Modell 1



*Wie schneidet das Modell bzgl. der 4 Qualitätskriterien ab ?*

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

# Modell 1

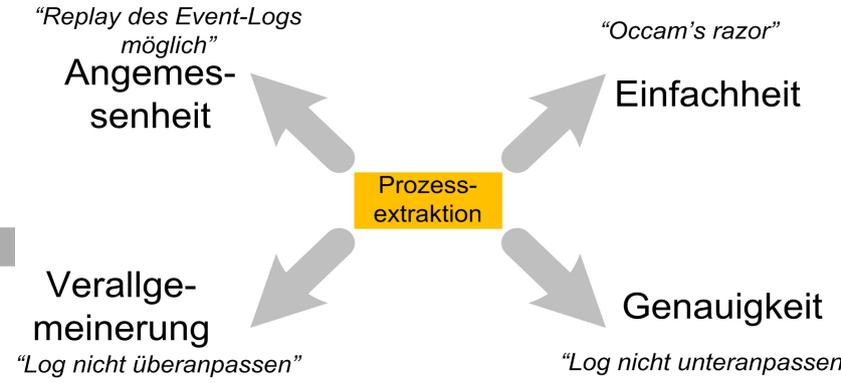
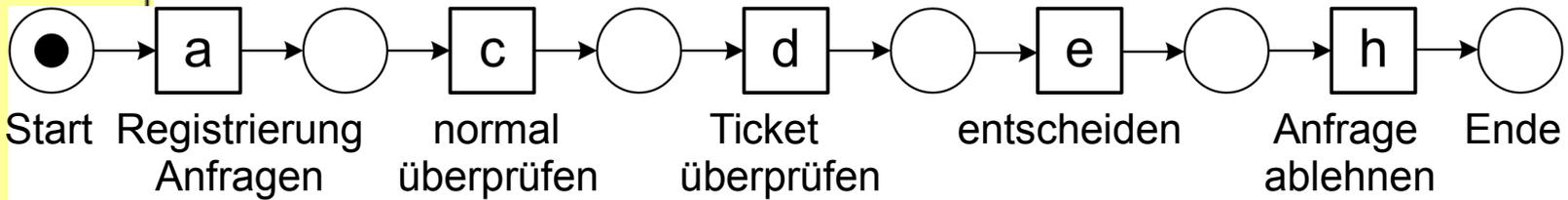


**Angemessenheit:** +  
**Verallgemeinerung:** -

**Genauigkeit:** +  
**Einfachheit:** -

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

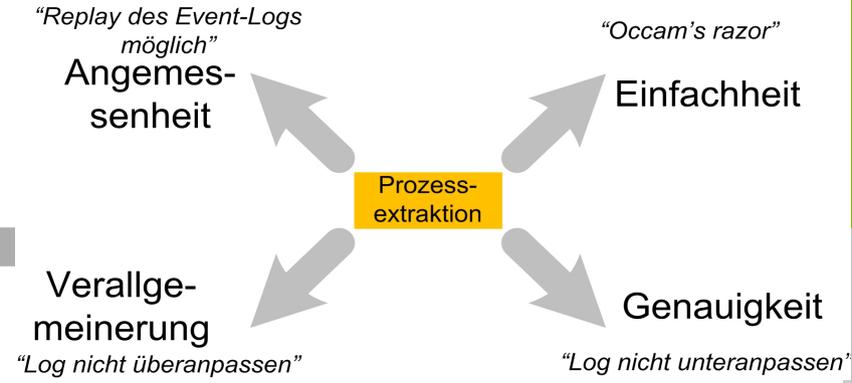
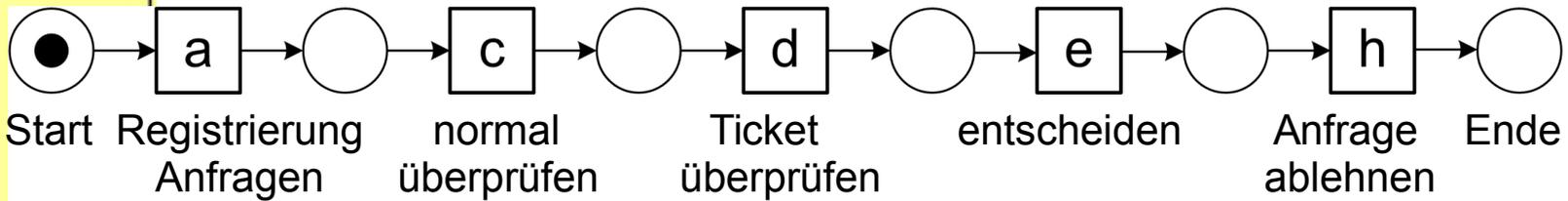
# Modell 2



*Wie schneidet das Modell bzgl. der 4 Qualitätskriterien ab ?*

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

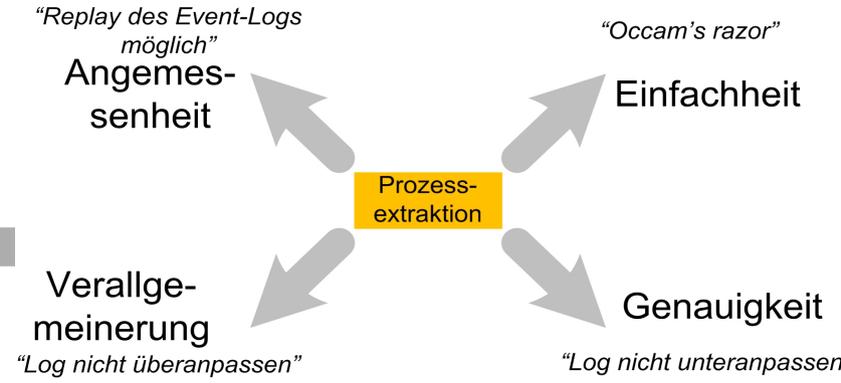
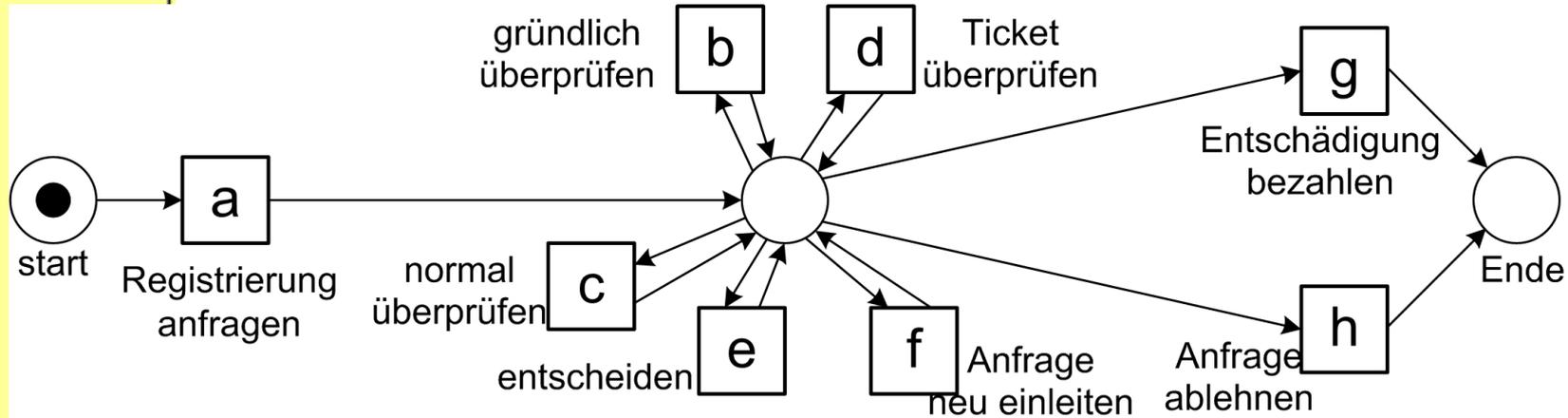
# Modell 2



*Angemessenheit:* -    *Genauigkeit:* +  
*Verallgemeinerung:* -    *Einfachheit:* +

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

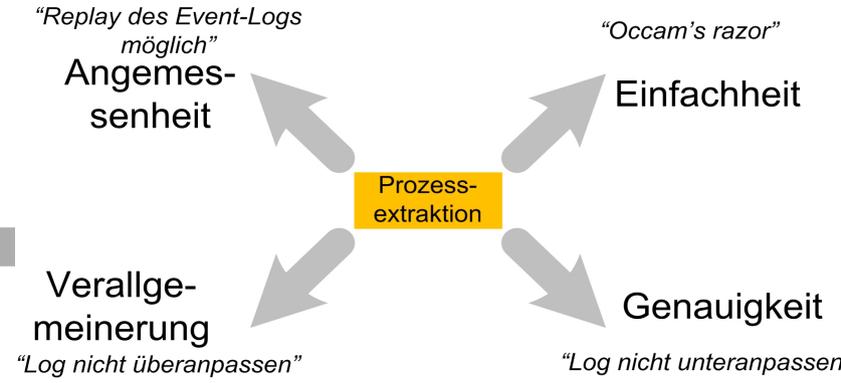
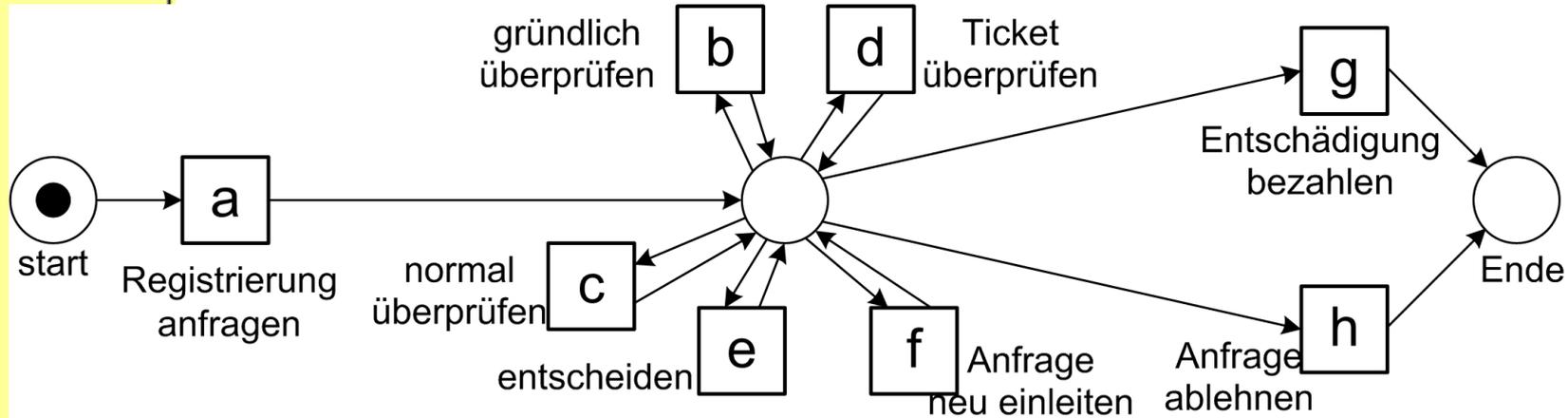
# Modell 3



*Wie schneidet das Modell bzgl. der 4 Qualitätskriterien ab ?*

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

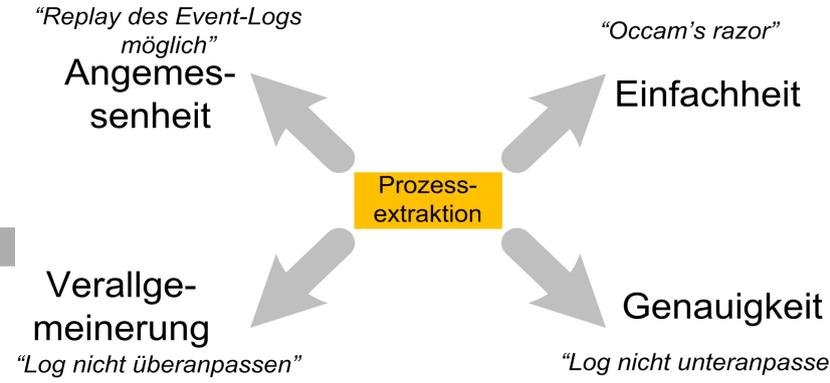
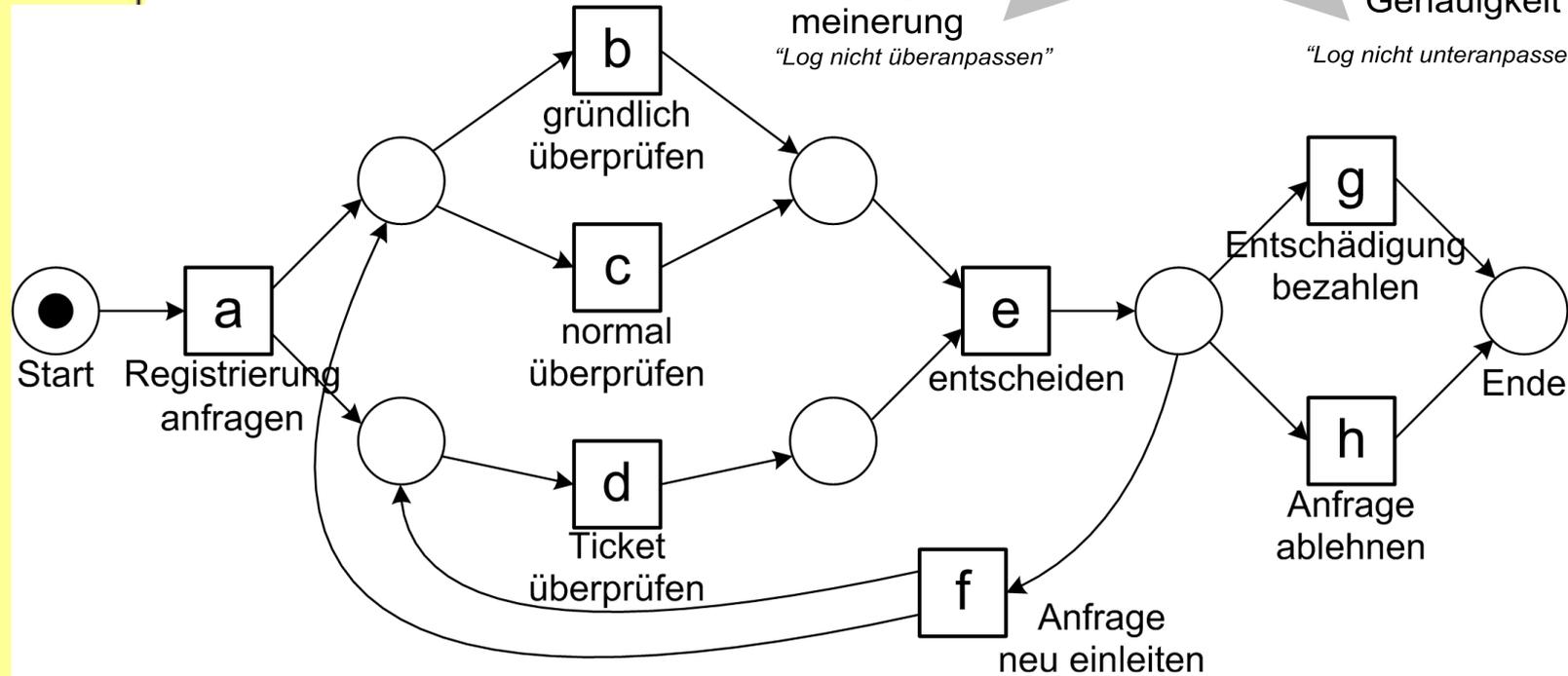
# Modell 3



*Angemessenheit:* +    *Genauigkeit:* -  
*Verallgemeinerung:* +    *Einfachheit:* +

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

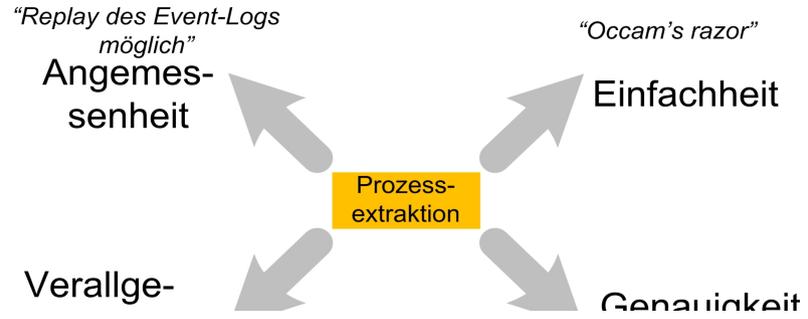
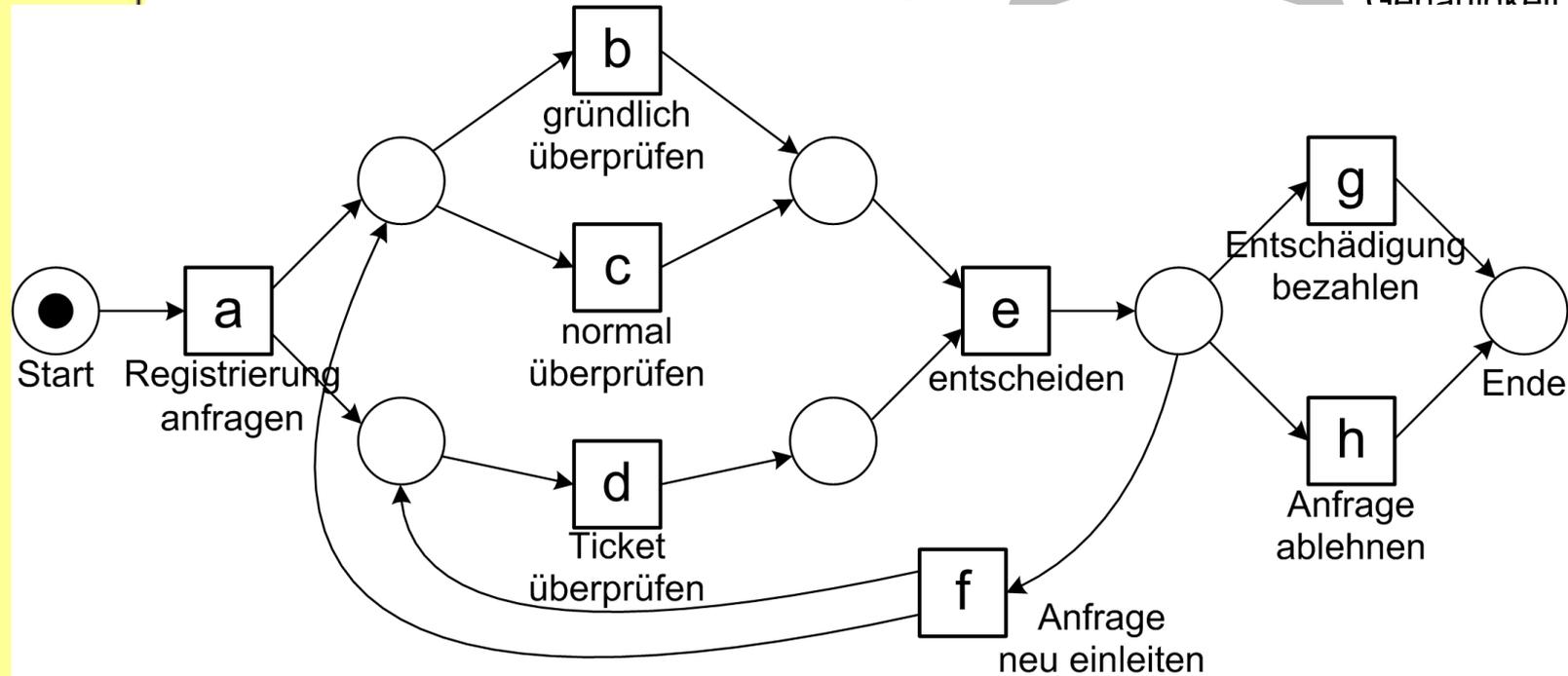
# Modell 4



*Wie schneidet das Modell bzgl. der 4 Qualitätskriterien ab ?*

#	trace
455	acdeh
191	abdeg
177	adceh
144	abdeh
111	acdeg
82	adceg
56	adbeh
47	acdefdbeh
38	adbeg
33	acdefbdeh
14	acdefbdeg
11	acdefdbeg
9	adcefcdeh
8	adcefdbeh
5	adcefbdeg
3	acdefbdefdbeg
2	adcefdbeg
2	adcefbdefbdeg
1	adcefdbefbdeh
1	adbefbdefdbeg
1	adcefdbefcdefdbeg
1391	

# Modell 4



*Angemessenheit: +*      *Genauigkeit: +*  
*Verallgemeinerung: +*      *Einfachheit: +*

# Was macht Process-Mining zu so einem schweren Problem?

- Keine negativen Beispiele:
  - Logs zeigen, was geschah. **Nicht:** was nicht passieren kann.
- Durch Nebenläufigkeit, Schleifen, Verzweigungen:
  - Suchraum hat komplexe Struktur.
  - Log enthält **nur Teil** des möglichen Verhaltens.
- Kein Zusammenhang zwi. **Größe des Modells** und seinem **Verhalten:**
  - Kleines Modell kann mehr/weniger Verhalten generieren.
  - Klassische Analyse- und Evaluations-Methoden erwarten Monotonie-Eigenschaften.

# Zusammenfassung

## 2.4 Prozessextraktion

### In diesem Abschnitt:

- Einführung und Beispiel
- $\alpha$ -Algorithmus
  - Idee und Vorbereitungen
  - Formalisierung
  - Beispiel
  - Weitere Beispiele
  - Einschränkungen
- Allgemeine Herausforderungen beim Process-Mining

### Im nächsten Abschnitt:

- Konformanzanalyse (mit Hilfe von Replay).