

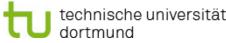
Vorlesung Softwarekonstruktion im Wintersemester 2014/15

Prof. Dr. Jan Jürjens

TU Dortmund, Fakultät Informatik, Lehrstuhl XIV

Teil 1.4: Petrinetze

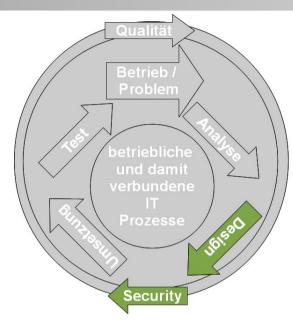
v. 05.12.2014







- Modellgetriebene SW-Entwicklung
 - Einführung
 - Modellbasierte Softwareentwicklung
 - OCL
 - Ereignisgesteuerte Prozesskette (EPK)
 - Petrinetze
 - Eclipse Modeling Framework (EMF)
- Qualitätsmanagement
- Testen

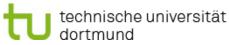


Inkl. Beiträgen von Prof. Volker Gruhn, Jutta Mülle und Dr. Silvia von Stackelberg.

Literatur (s. Vorlesungswebseite):

[Rei10] W. Reisig: Petrinetze. Vieweg, 2010.

Teil I







Vorheriger Abschnitt:

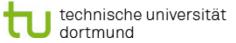
- GP-Modellierungsnotationen EPK.
 - → Intendiertes Modellverhalten informell diskutiert.

Automatische Verarbeitung (z.B. Analyse, Simulation) der GP-Modelle benötigt präzise Definition des Ausführungsverhaltens.

Verschiedene Ansätze: Abstract State Machines, Petrinetze, ...

- Z.B.: Ausführungssemantik von UML 2-Aktivitätsdiagrammen mit Petrinetzen definiert.
- => Dieser Abschnitt:

Einführung in Petrinetze



Softwarekonstruktion WS 2014/15

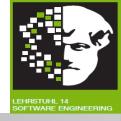


1.4 Petrinetze

Petrinetz Syntax

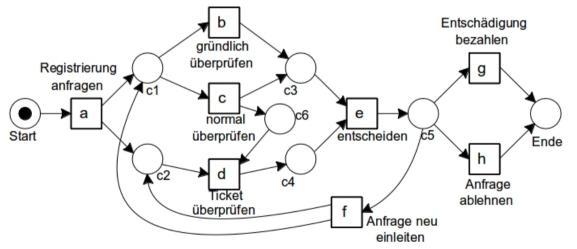
Ausführung

Analyse von Systemen



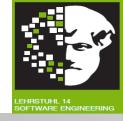
- Modellierung, Analyse, Simulation von dynamischen Systemen mit nebenläufigen und nichtdeterministischen Merkmalen.
- Erlauben die Beschreibung von Kontroll- und Datenfluss.

 Benannt nach Carl Adam Petri (Dissertation "Kommunikation mit Automaten", 1962).





Vorsicht: Es existieren heute viele Varianten.



Statische Komponente: Bipartiter gerichteter Graph, bestehend aus:

- zwei Sorten von Knoten:
 - Stelle: Zwischenablage von Informationen
 - Transition: Verarbeitung von Informationen
- Kanten: verbinden Stellen mit Transitionen oder umgekehrt (nie Stellen mit Stellen oder Transitionen mit Transitionen!).

Dynamische Komponente:

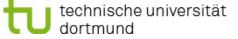
- Marken ("Token"): Stellen werden mit Objekten belegt.
 - Durchlauf der Marken durch Petrinetz beschreibt dynamisches Verhalten des Systems.



"Ausgabestellen" der Transition

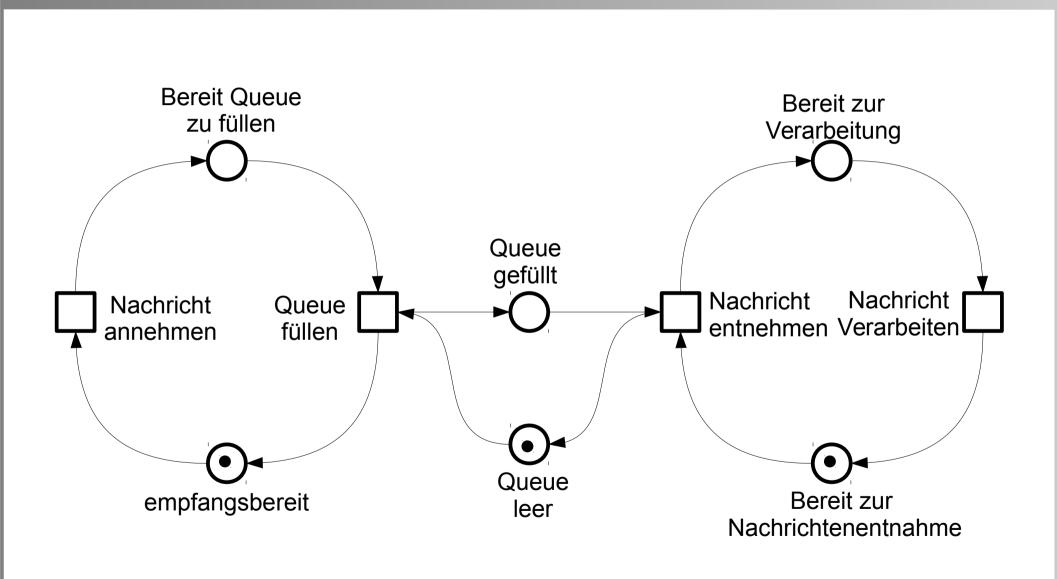


Stelle mit Marke



Petrinetz: Beispiel Nachrichten-Queue

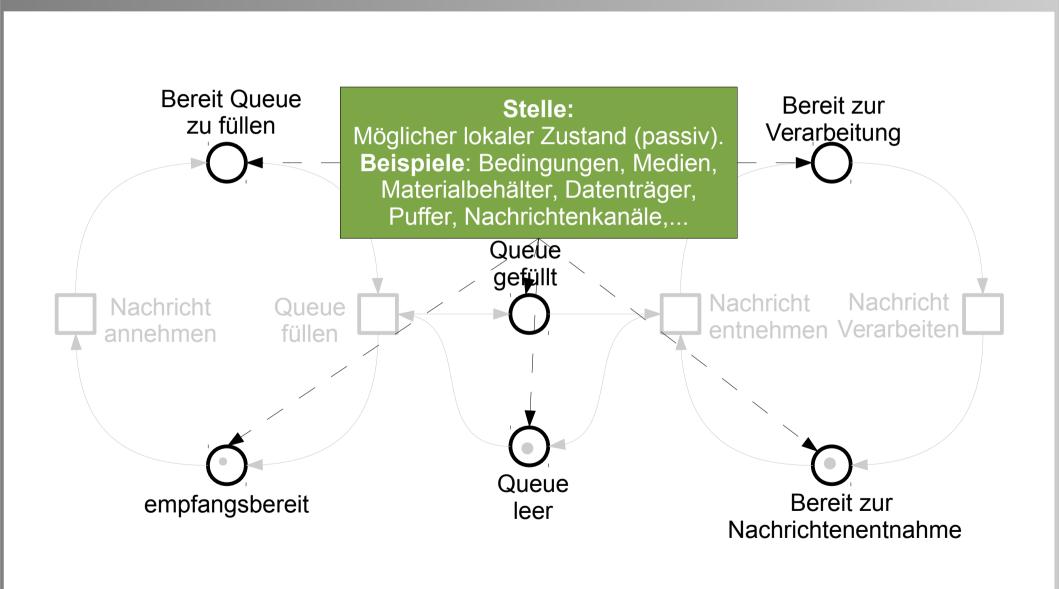




Petrinetz-Syntax: Stelle

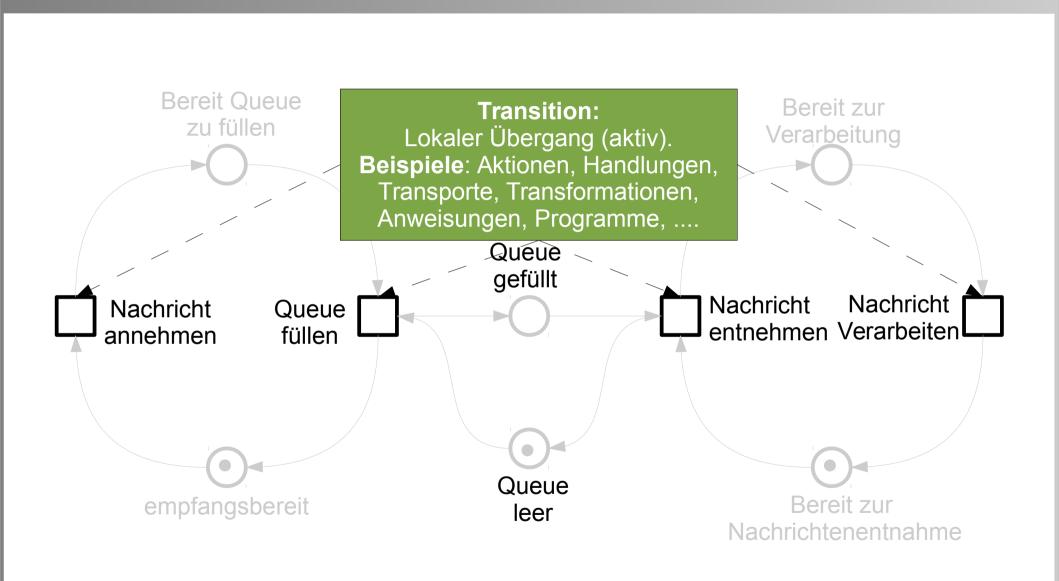
Softwarekonstruktion WS 2014/15





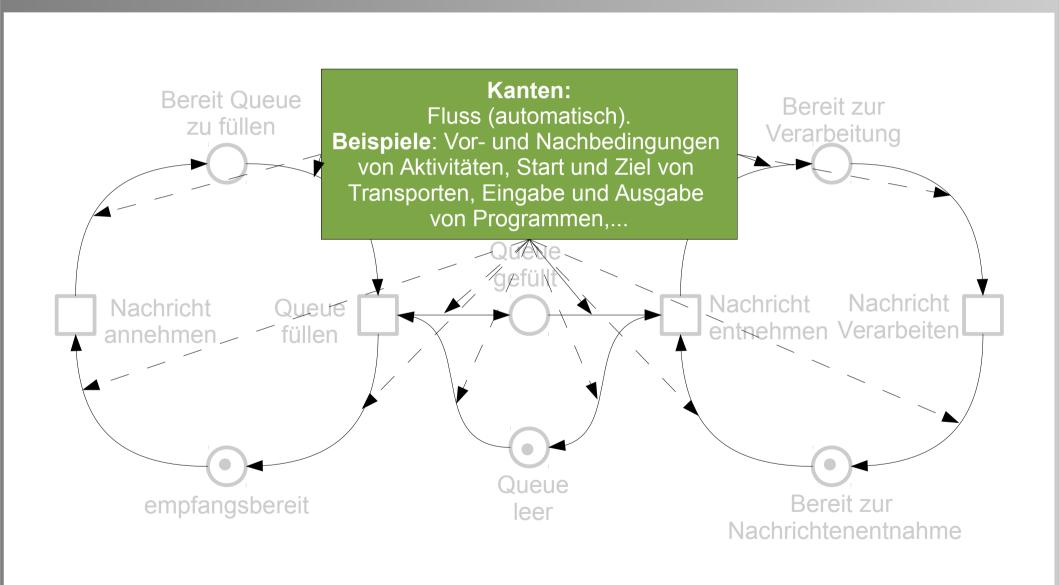
Petrinetz-Syntax: Transition





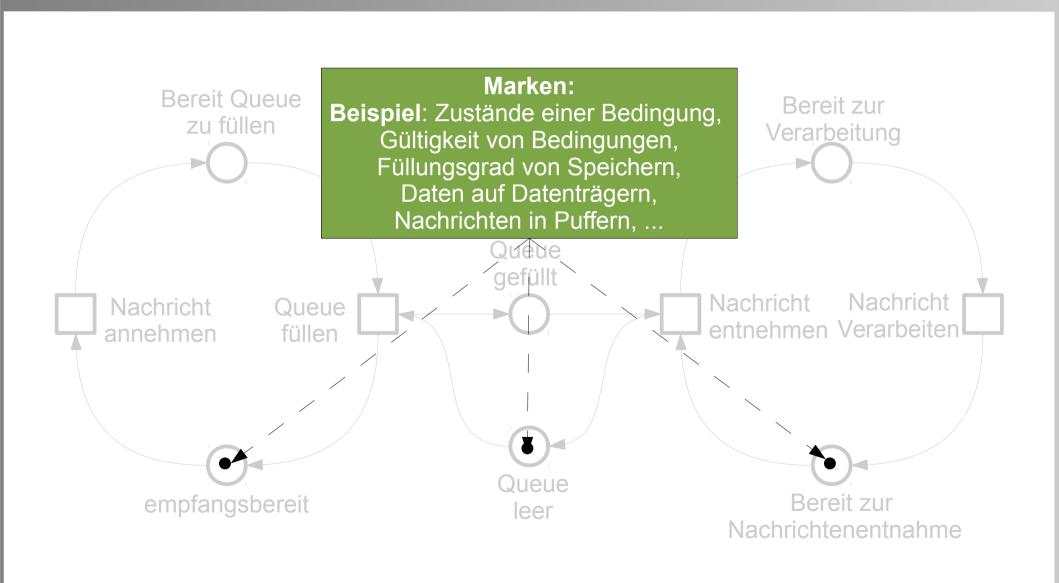
Petrinetz-Syntax: Kanten





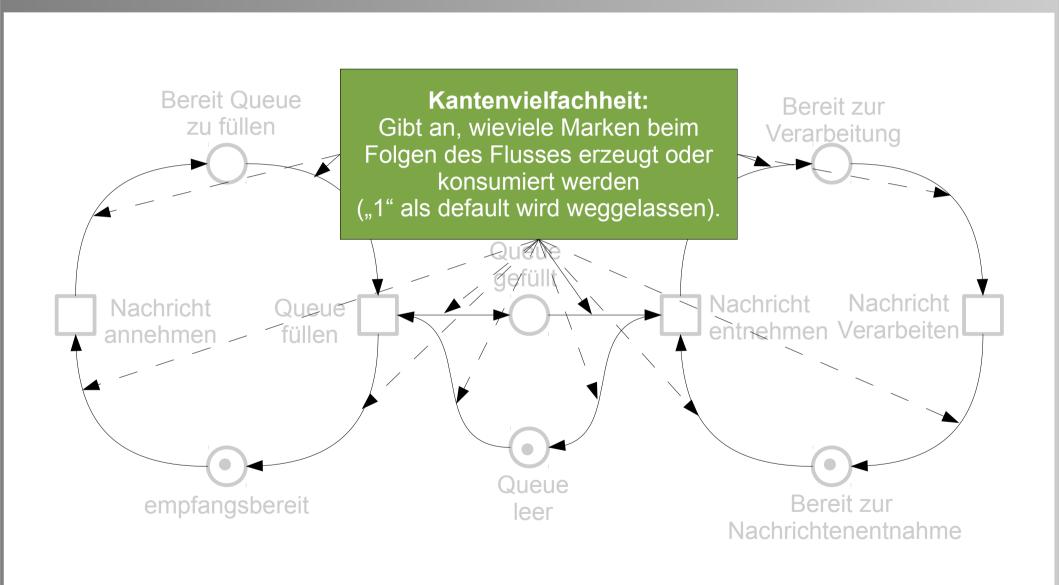
Petrinetz-Syntax: Marken





Petrinetz-Syntax: Kantenvielfachheit







Gegeben:

- S: endliche Menge von Stellen
- T: endliche Menge von Transitionen
 mit: S ≠ Ø,

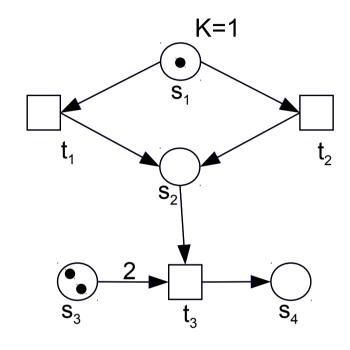
$$T \neq \emptyset$$
 und

$$S \cap T = \emptyset$$

• F: Menge von Kanten

mit:
$$F\subseteq (SxT)\cup (TxS)$$

(binäre Relation).



$$S = \{S_1, S_2, S_3, S_4\}$$

$$T = \{t_1, t_2, t_3\}$$

$$F = \{(s_1, t_1), (s_1, t_2), (t_1, s_2), (t_2, s_2), (s_2, t_3), (s_3, t_3), (t_3, s_4)\}$$

Syntaxdefinition Petrinetz

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Gegeben:

K: Kapazität

("Fassungsvermögen der Stellen")

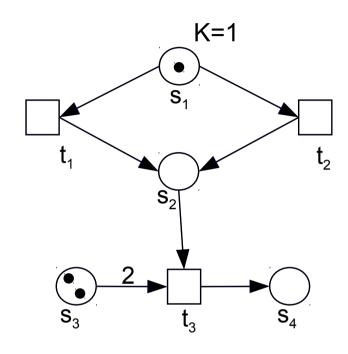
mit: K:S→IN∪{∞}

Default-Kapazität ∞

W: Kantenvielfachheit

mit: W:F→IN\0

Default-Kantengewicht 1

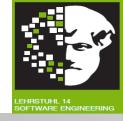


$$K(s_1)=1; K(s_2)=K(s_3)=K(s_4)=\infty$$

$$W(s_{1,}t_{1})=W(s_{1,}t_{2})=W(s_{2,}t_{1})=$$

 $W(s_{2,}t_{2})=W(s_{2,}t_{3})=W(t_{3,}s_{4})=1,$

$$W(s_{3},t_{3})=2$$



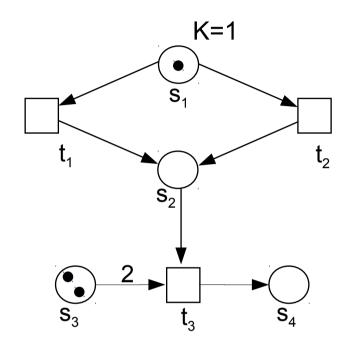
Gegeben:

M₀: Globaler Startzustand

("Anfangsmarkierung")

mit: M₀:S→IN

Dann: (S, T, F, W, K, M_o) ist **Petrinetz**



$$M_0(s_1)=1,$$

 $M_0(s_2)=0,$
 $M_0(s_3)=2,$
 $M_0(s_4)=0$

Softwarekonstruktion WS 2014/15



1.4 Petrinetze

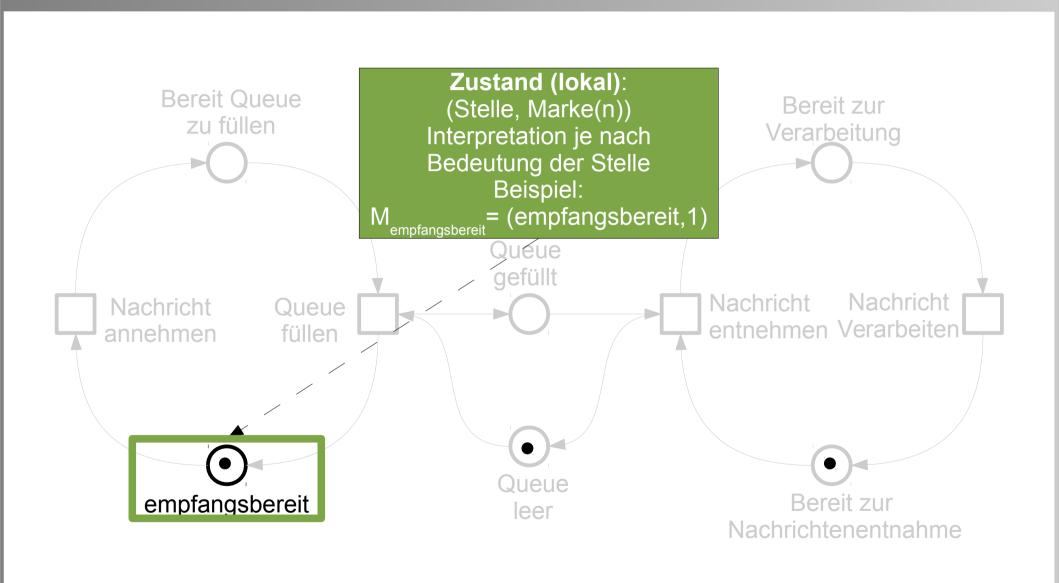
Petrinetz

Ausführung

Analyse von Systemen

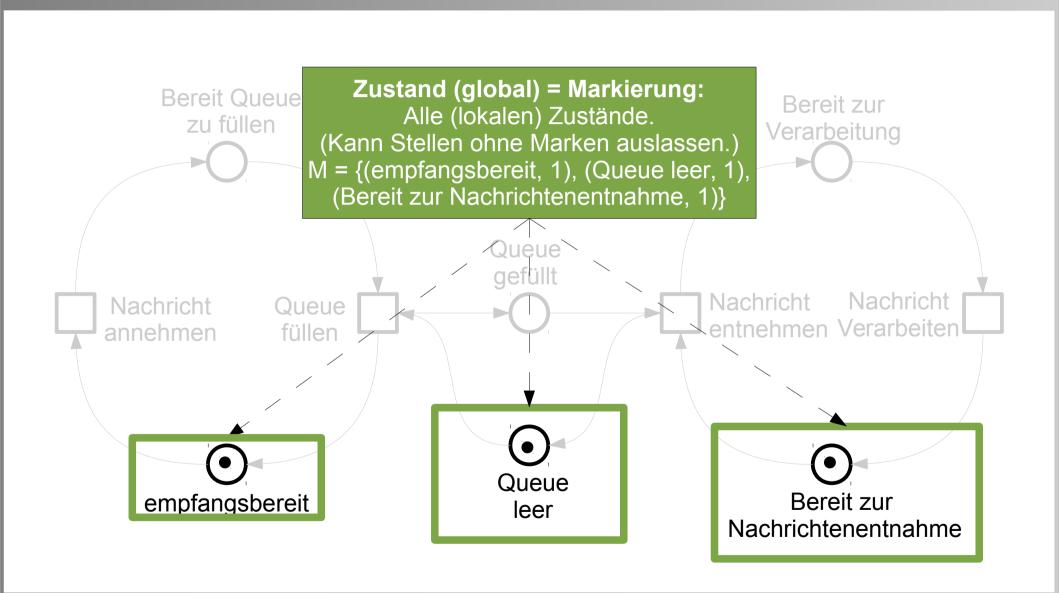
Petrinetz-Ausführung: Zustand (lokal)





Petrinetz-Ausführung: Zustand (global)







Markierung: Verteilung Marken auf Stellen (aktueller Systemzustand).

Markierung M:

mit: M:S→IN

Markierungen müssen Kapazitäten respektieren,

d.h. für jede Stelle $s \in S$ gilt: $M(s) \le K(s)$.

Initiale Markierung: Anfangszustand eines Netzes.



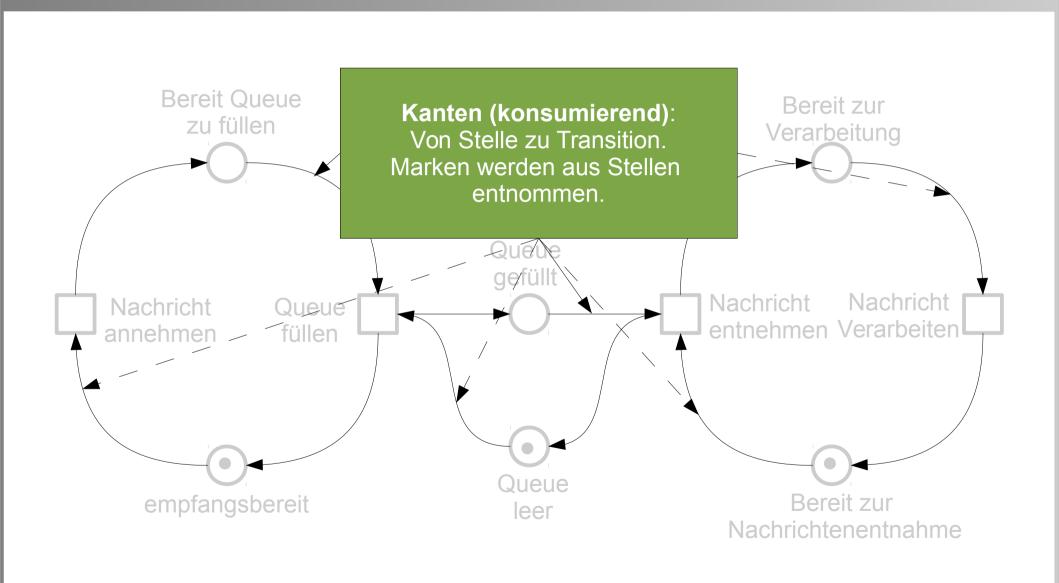
Verhaltenssimulation: evolvierende Anzahl Marken pro Stelle beobachten.

- Basierend auf aktueller Markierung: aktivierte Transitionen ermitteln. Schalten führt zu Folgemarkierung.
- Unter Folgemarkierung sind (möglicherweise) andere Transitionen aktiviert.
- Solange iterieren, bis keine Transition mehr aktiviert ist.
 (=> "tote Markierung").



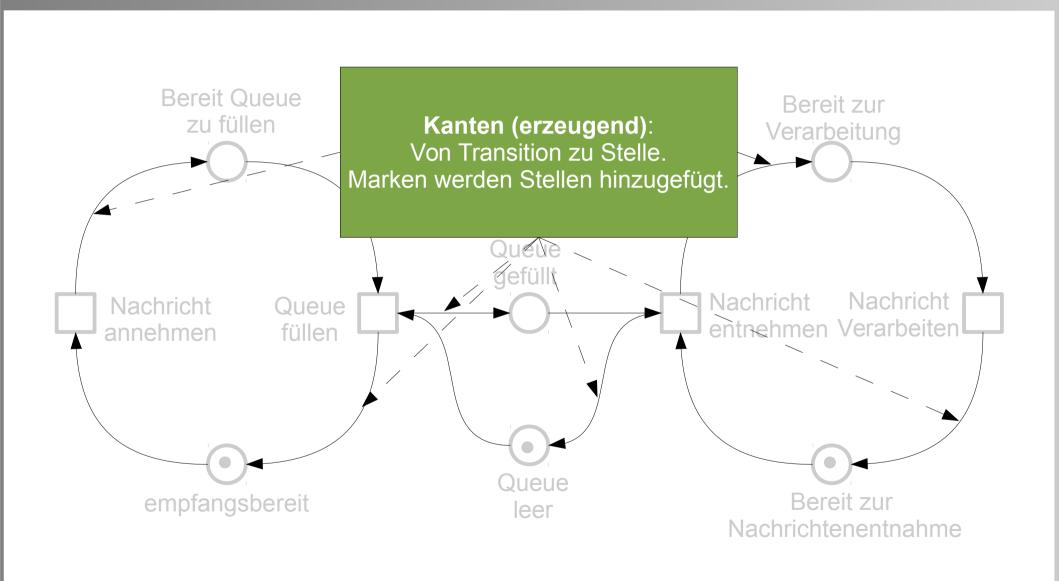
Petrinetz-Syntax: Kanten (konsumierend)





Petrinetz-Syntax: Kanten (erzeugend)





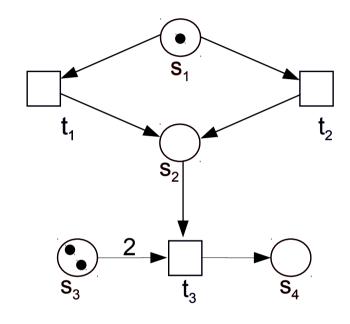


• Vorbereich einer Transition: Menge der Stellen, die über ausgehende Kante mit Transition verbunden sind.

Vorbereich von t: $\cdot t = \{s \in S | (s, t) \in F\}$

 Nachbereich einer Transition: Menge der Stellen, die über eingehende Kante mit Transition verbunden sind.

Nachbereich von t: $t = \{s \in S | (t,s) \in F\}$



Aktivierte Transition: Definition



Informell: Transition ist aktiviert, wenn sie

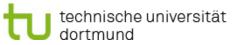
- die geforderte Anzahl Marken erhalten kann und wenn
- · die Folgemarkierung die freigesetzten Marken aufnehmen kann,

d.h. wenn

- alle Stellen im Vorbereich der Transition ausreichend Marken besitzen (gemäß Kantengewicht der konsumierenden Kante) und
- Kapazitäten aller Stellen im Nachbereich der Transition groß genug sind (gemäß Kantengewicht der erzeugenden Kante)

Formal: Transition t ist aktiviert genau dann, wenn:

$$\forall s \in \bullet t : M(s) \ge W(s,t) \land \forall s' \in t \bullet : M(s') + W(t,s') \le K(s')$$



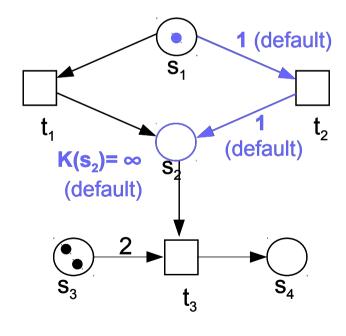


Aktivierte Transition: Beispiel



Transition ist aktiviert, wenn sie

- die geforderte Anzahl Marken erhalten kann und wenn
- die Folgemarkierung die freigesetzten Marken aufnehmen kann.



•
$$t_2$$
= { s_1 } und t_2 • = { s_2 }

Sei
$$M_0(s_1)=1$$
 und $M_0(s_3)=2$ und $M_0(s_2)=M_0(s_4)=0$.

Die Transition t_2 ist **aktiviert**, da t_2 die benötigte Marke der Kante (t_2, s_2) von s_1 erhalten kann und die Kapazität von s_2 ausreicht, um die Marke der Kante (t_2, s_2) aufzunehmen.

$$\forall s \in t_2: M(s) \ge W(s, t_2)$$

 $\forall s' \in t_2 : M(s') + W(t_2 s') \le K(s')$

Ausführung eines Petrinetzes: Schalten einer Transition

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Bei **Ausführung** eines Petrinetzes wird jeweils **eine** der aktivierten Transitionen von Zustand M_x nach Zustand M_{x+1} geschaltet:

- · Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.

Anzahl konsumierter / produzierter Marken jeweils gemäß Kantenvielfachheit:

→ Gesamtanzahl Marken im Netz kann sich verändern.

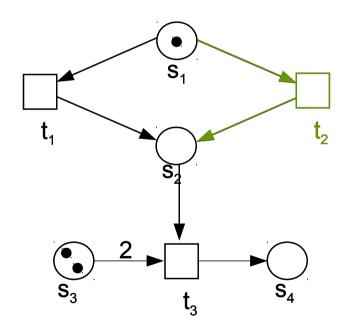
Folgemarkierung (= Folgezustand): Erhältlich durch Schalten jeweils genau einer Transition (nicht-deterministische Auswahl).

Schalten einer Transition: Beispiel



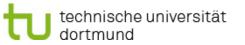
Schalten einer aktivierten Transitionen:

- Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.



$$M_0(s_1) = 0$$
, $M_0(s_2) = 0$,

$$M_0(s_3)=2$$
, $M_0(s_4)=0$

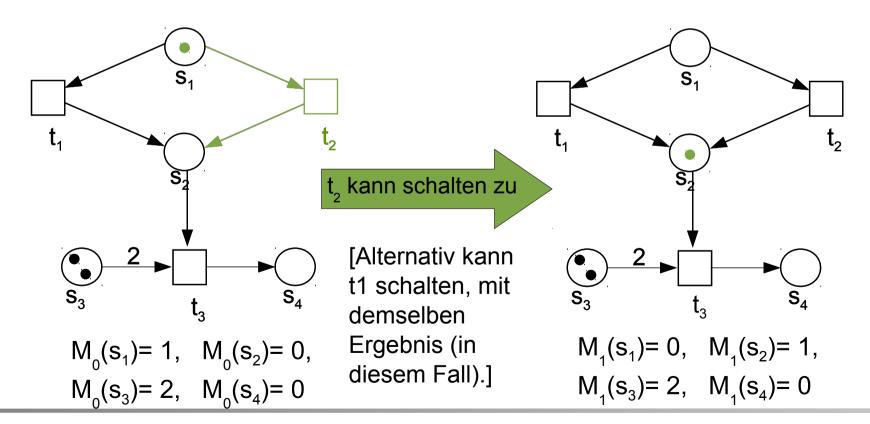


Schalten einer Transition: Beispiel



Schalten einer aktivierten Transitionen:

- Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.



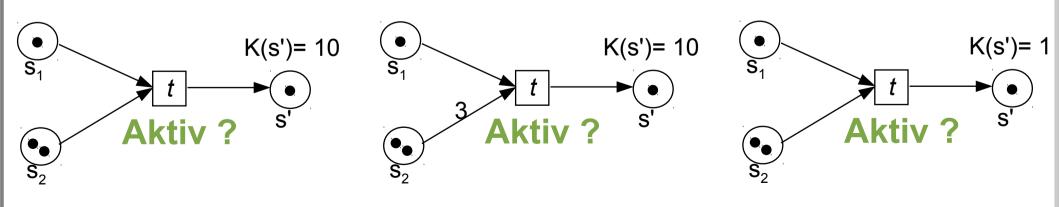
Softwarekonstruktion WS 2014/15



$$\forall s \in \bullet t : M(s) \ge W(s,t) \land \forall s' \in t \bullet : M(s') + W(t,s') \le K(s')$$

- *W*(*s*,*t*): Gewicht des Bogens von s nach t
- M(s): Anzahl Marken in s
- K(s): Kapazität von s

- W(t,s'): Gewicht des Bogens von t nach s'
- M(s'): Anzahl Marken in s'
- K(s'): Kapazität von s'





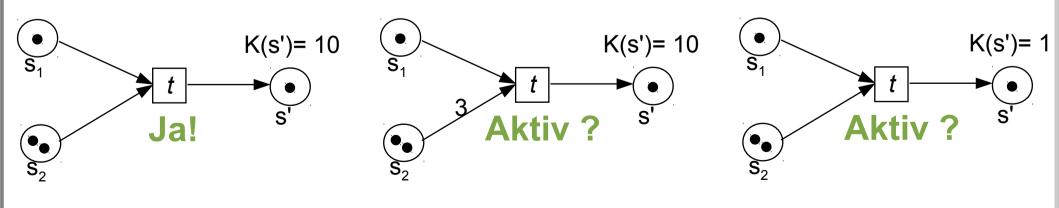
Softwarekonstruktion WS 2014/15



$$\forall s \in \bullet t : M(s) \ge W(s,t) \land \forall s' \in t \bullet : M(s') + W(t,s') \le K(s')$$

- *W*(*s*,*t*): Gewicht des Bogens von s nach t
- M(s): Anzahl Marken in s
- K(s): Kapazität von s

- W(t,s'): Gewicht des Bogens von t nach s'
- M(s'): Anzahl Marken in s'
- K(s'): Kapazität von s'





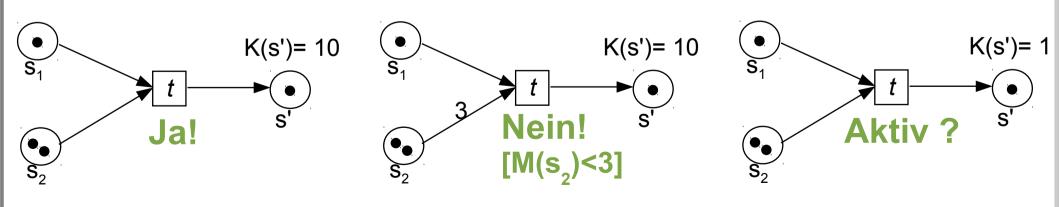
Softwarekonstruktion WS 2014/15



$$\forall s \in \bullet t : M(s) \ge W(s,t) \land \forall s' \in t \bullet : M(s') + W(t,s') \le K(s')$$

- *W*(*s*,*t*): Gewicht des Bogens von s nach t
- M(s): Anzahl Marken in s
- K(s): Kapazität von s

- W(t,s'): Gewicht des Bogens von t nach s'
- M(s'): Anzahl Marken in s'
- K(s'): Kapazität von s'





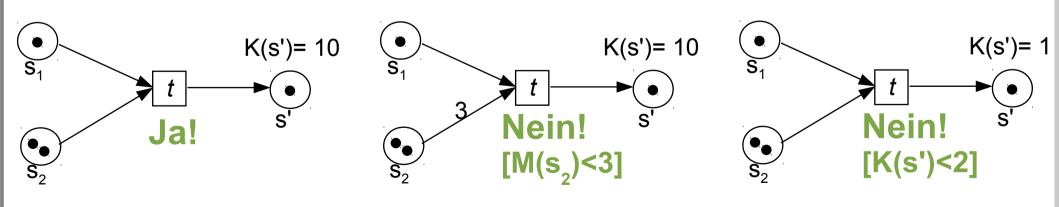
Softwarekonstruktion WS 2014/15



$$\forall s \in \bullet t : M(s) \ge W(s,t) \land \forall s' \in t \bullet : M(s') + W(t,s') \le K(s')$$

- *W*(*s*,*t*): Gewicht des Bogens von s nach t
- M(s): Anzahl Marken in s
- K(s): Kapazität von s

- W(t,s'): Gewicht des Bogens von t nach s'
- M(s'): Anzahl Marken in s'
- K(s'): Kapazität von s'







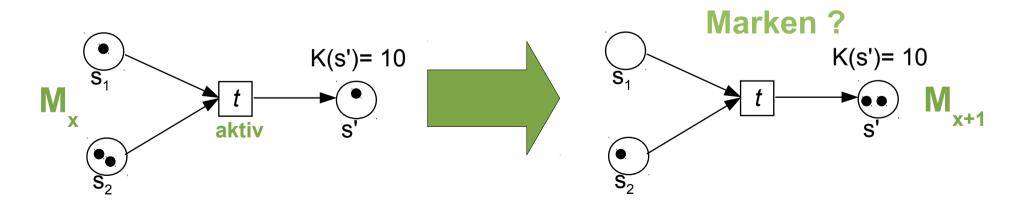
Eine der aktivierten Transitionen wird von Zustand M_x nach Zustand M_{x+1} geschaltet (**nicht-deterministische Auswahl**):

- Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.

Anzahl konsumierter / produzierter Marken jeweils gemäß Bogenvielfalt:

→ Gesamtanzahl Marken im Netz kann sich verändern.

Folgemarkierung (= -zustand): Schalten jeweils genau einer Transition.





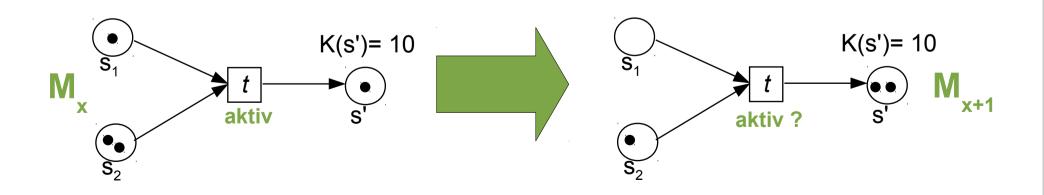
Eine der aktivierten Transitionen wird von Zustand M_x nach Zustand M_{x+1} geschaltet (**nicht-deterministische Auswahl**):

- Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.

Anzahl konsumierter / produzierter Marken jeweils gemäß Bogenvielfalt:

→ Gesamtanzahl Marken im Netz kann sich verändern.

Folgemarkierung (= -zustand): Schalten jeweils genau einer Transition.





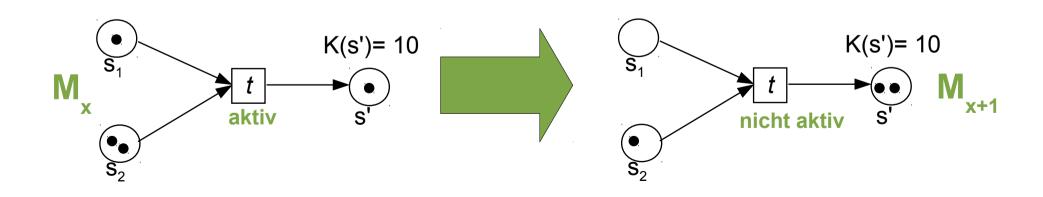
Eine der aktivierten Transitionen wird von Zustand M_x nach Zustand M_{x+1} geschaltet (**nicht-deterministische Auswahl**):

- Benötigte Marken auf Vorgänger-Stellen werden konsumiert.
- Produzierte Marken auf Nachfolger-Stellen abgelegt.

Anzahl konsumierter / produzierter Marken jeweils gemäß Bogenvielfalt:

→ Gesamtanzahl Marken im Netz kann sich verändern.

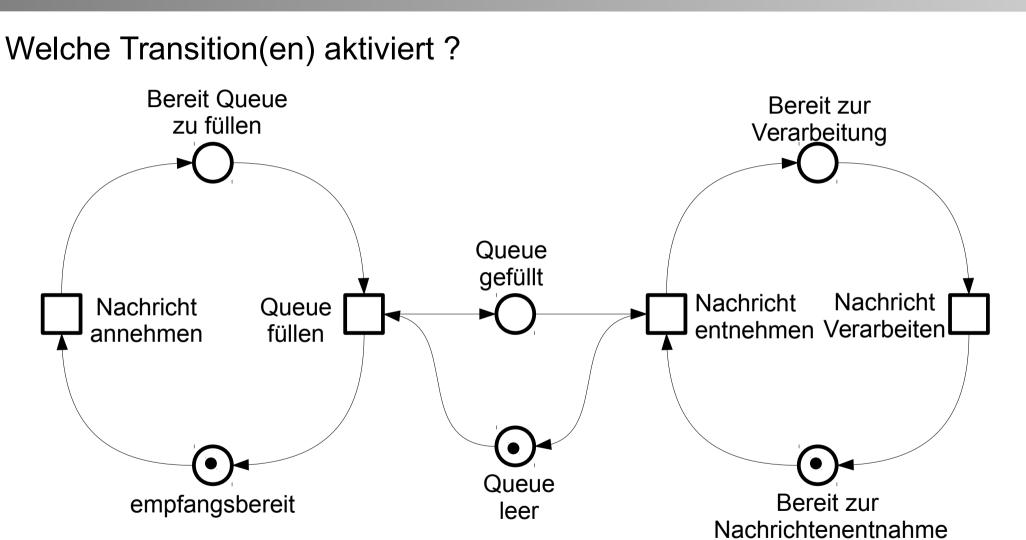
Folgemarkierung (= -zustand): Schalten jeweils genau einer Transition.





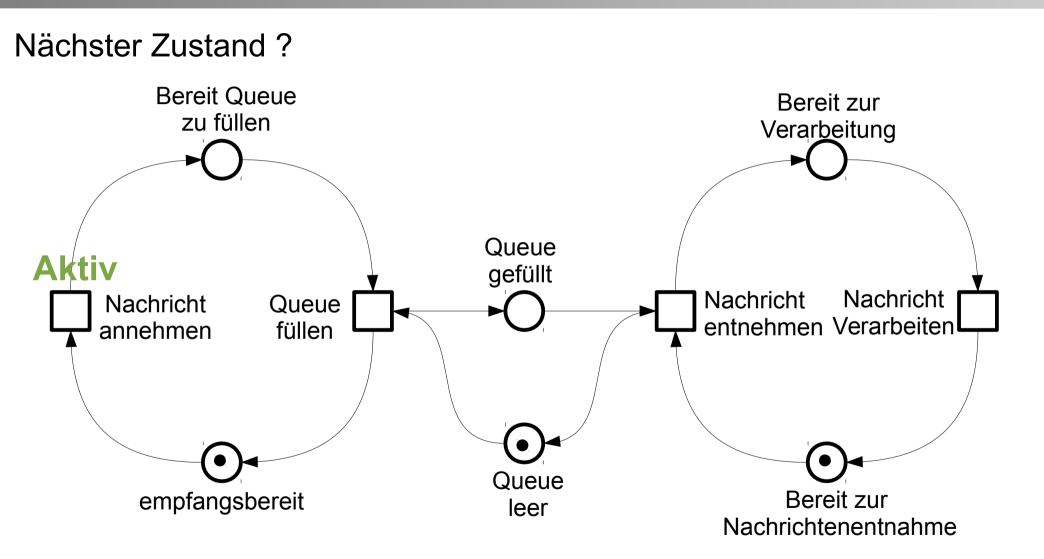
Petrinetz Ablauf: Beispiel Nachrichten-Queue (M_n)



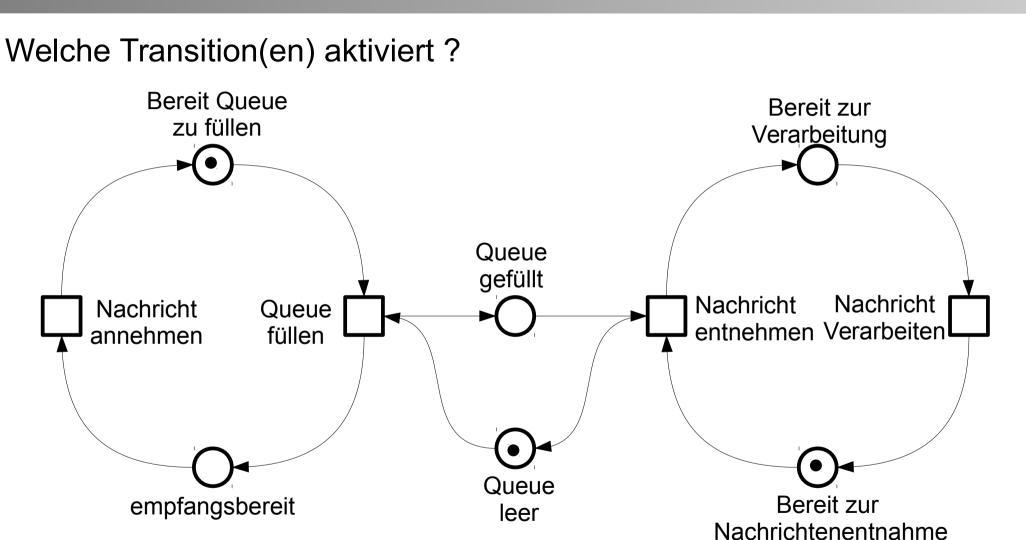






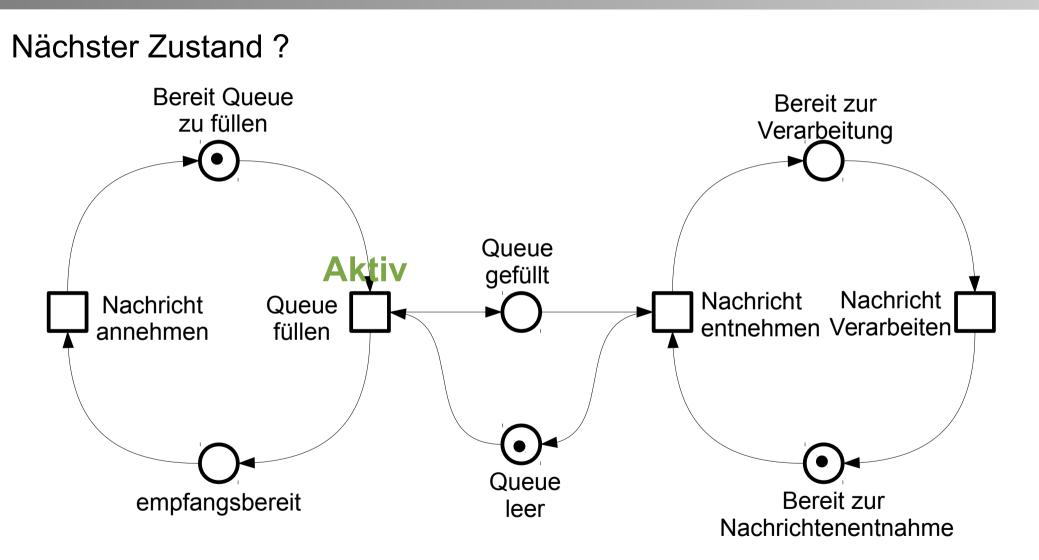




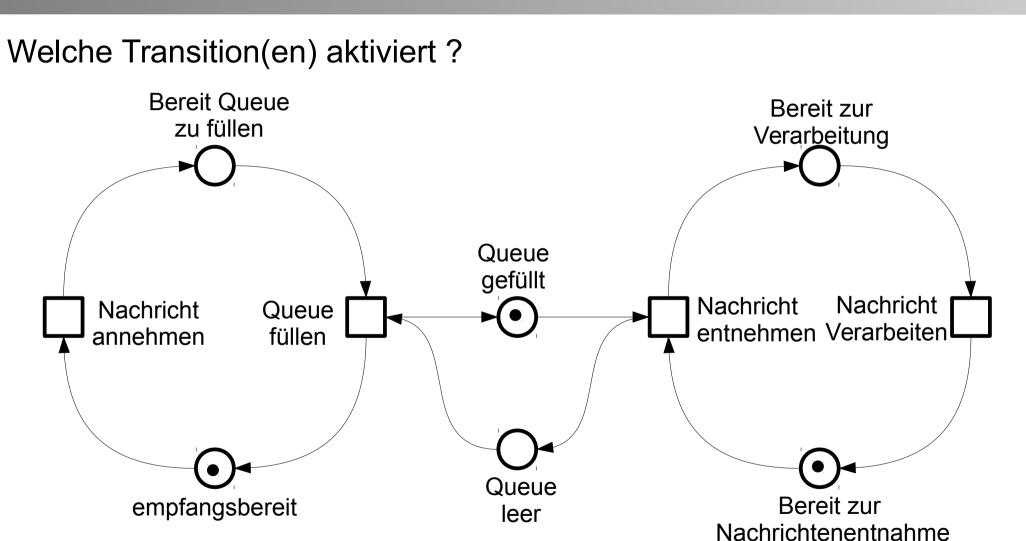


38

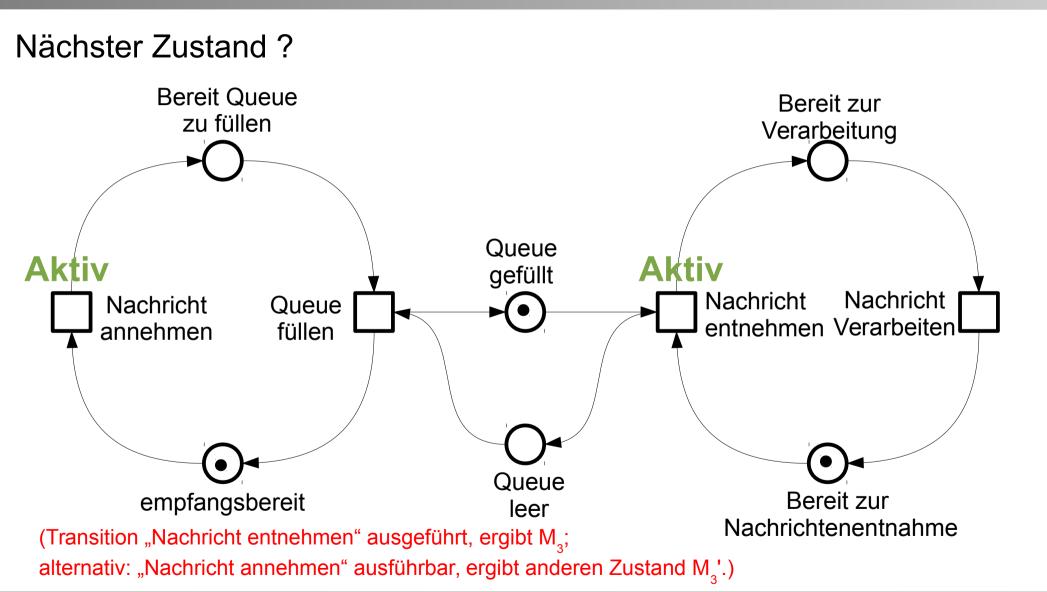






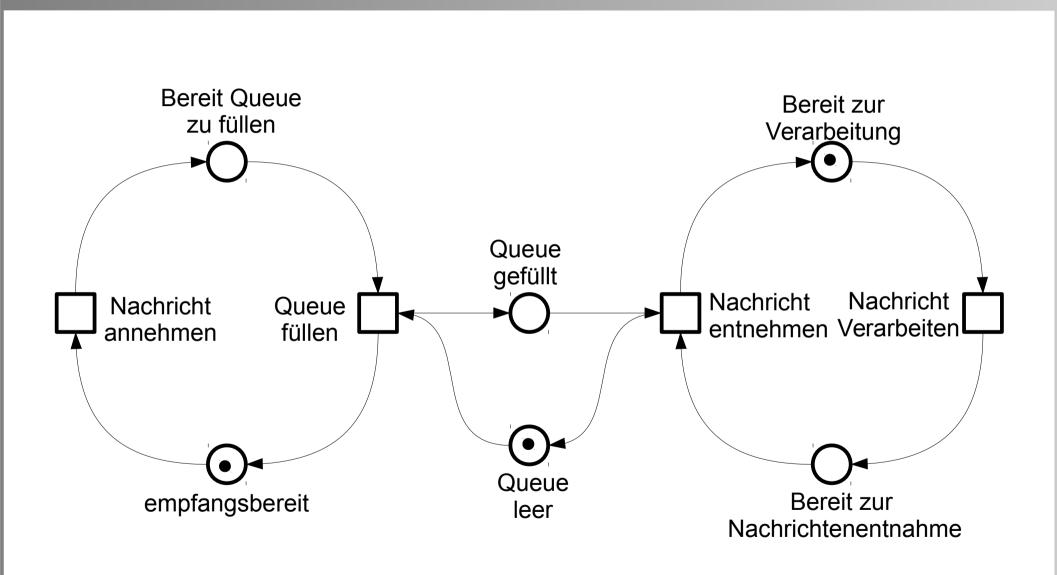






41





Frage: Größe der Queue

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Gibt es eine obere Grenze, wie viele Nachrichten gleichzeitig in dieser Queue enthalten sein können?



Gibt es eine obere Grenze, wie viele Nachrichten gleichzeitig in dieser Queue enthalten sein können?

Antwort:

In der Queue kann höchstens eine Nachricht enthalten sein:

 Transition "Queue füllen" kann nur ausgeführt werden, wenn Stelle "Queue leer" eine Marke hat.

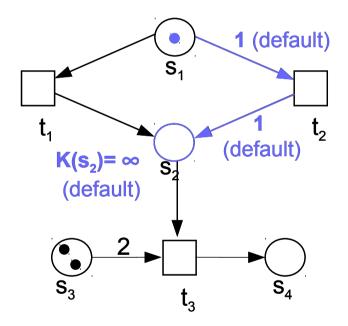




M[t>: bei Markierung M ist Transition t aktiviert
 ([> symbolisiert Pfeil)

Beispiel:

$$M_0$$
 [t_2 >

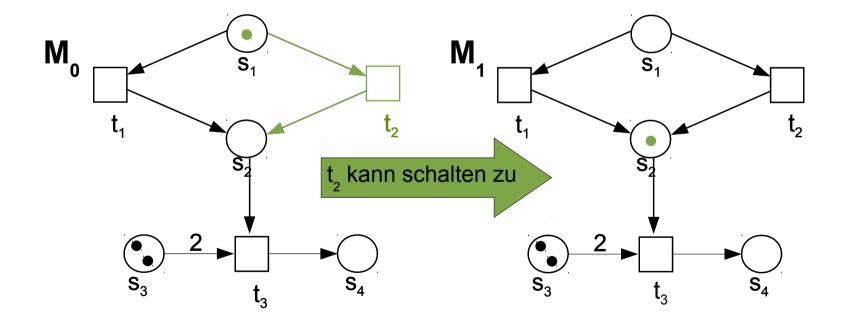




- M[t>: bei Markierung M ist Transition t aktiviert ([> symbolisiert Pfeil)
- M[t> M': M' ist direkte Folgemarkierung zur Markierung M nach Schaltung von Transition t

Beispiel:

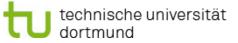
$$M_0 [t_2 > M_1]$$





- M[t>: bei Markierung M ist Transition t aktiviert ([> symbolisiert Pfeil)
- M[t> M': M' ist direkte Folgemarkierung zur Markierung M nach Schaltung von Transition t
- **M** [w>: Liste von Transitionen w=[t1,t2,...,tn] ist iterativ aktiviert unter Markierung M, d.h.: M [t1> M1 [t2> M2 ... [tn> Mn Queue-Beispiel:
 - $\mathbf{M}_{_{0}}$ [Nachricht annehmen> $\mathbf{M}_{_{1}}$ [Queue füllen> $\mathbf{M}_{_{2}}$ [Nachricht entnehmen> $\mathbf{M}_{_{3}}$

w=[Nachricht annehmen, Queue füllen, Nachricht entnehmen] damit: M₀ [w>





- M[t>: bei Markierung M ist Transition t aktiviert ([> symbolisiert Pfeil)
- M[t> M': M' ist direkte Folgemarkierung zur Markierung M nach Schaltung von Transition t
- M [w>: Liste von Transitionen w=[t1,t2,...,tn] ist iterativ aktiviert unter Markierung M, d.h.: M [t1> M1 [t2> M2 ... [tn> Mn
- M [{t1, t2, ..., tn}> : Liste von Transitionen [t1,t2,...,tn] ist in beliebiger Schaltungsreihenfolge iterativ aktiviert unter Markierung M (= alle Permutationen als Schaltfolgen aktiviert; genannt "nebenläufig aktiviert")

Queue-Beispiel:

M₂ [{Nachricht entnehmen, Nachricht annehmen}>



Erreichbarkeit: Notation und Definition



- M[t>: bei Markierung M ist Transition t aktiviert ([> symbolisiert Pfeil)
- M[t> M': M' ist direkte Folgemarkierung zur Markierung M nach Schaltung von Transition t
- M [w>: Liste von Transitionen w=[t1,t2,...,tn] ist iterativ aktiviert unter Markierung M, d.h.: M [t1> M1 [t2> M2 ... [tn> Mn
- M [{t1, t2, ..., tn}> : Liste von Transitionen [t1,t2,...,tn] ist in beliebiger Schaltungsreihenfolge iterativ aktiviert unter Markierung M (= alle Permutationen als Schaltfolgen aktiviert; genannt "nebenläufig aktiviert")
- $[M_0> := \{M \mid \exists \ w \in T^* \ mit \ M_0 [w>M] \ (Erreichbarkeitsmenge \ des$ Systems; die Markierungen $M \in [M_0> heißen \ erreichbar)$

<u>Queue-Beispiel:</u> Erreichbarkeitsmenge: $[M_0> = \{M_1, M_2, M_3, M_3', M_4, ...\}$

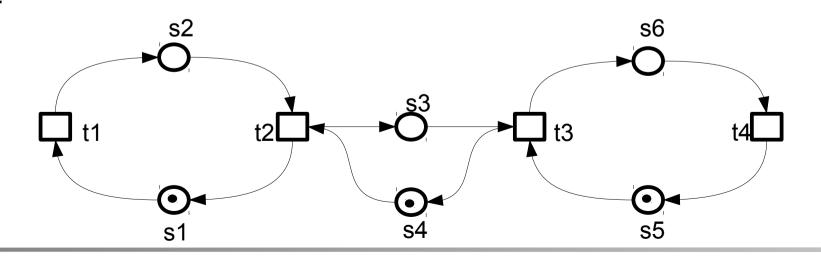






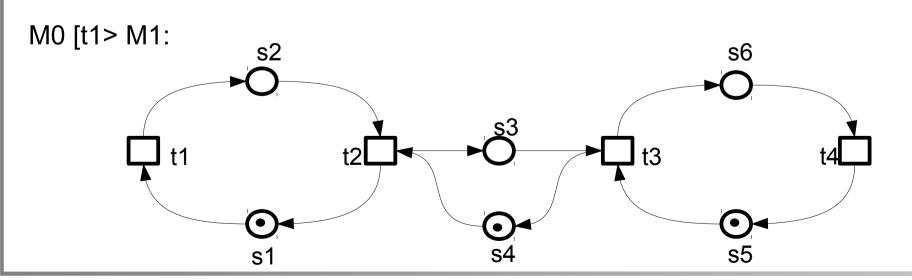
Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
MO	1	0	0	1	1	0	
M1			•				•
M2							
М3							
M3'							

M0:



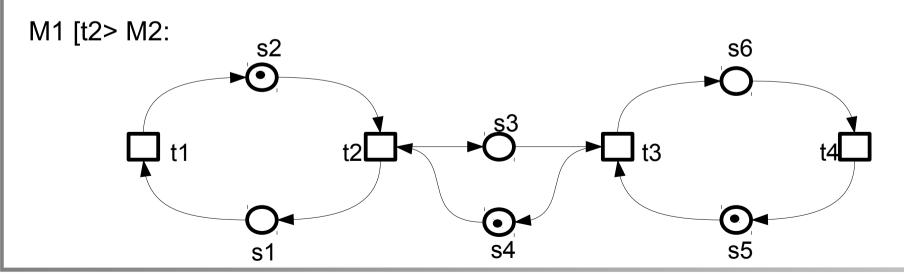


Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
МО	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	
M2		•	•	•	'	•	•
М3							
M3'	1						



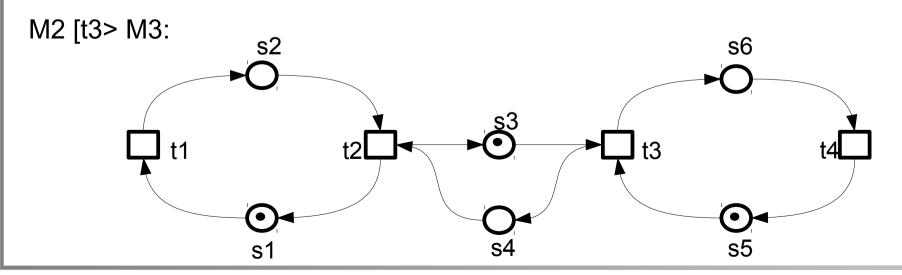


Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
МО	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	
М3							
М3'							



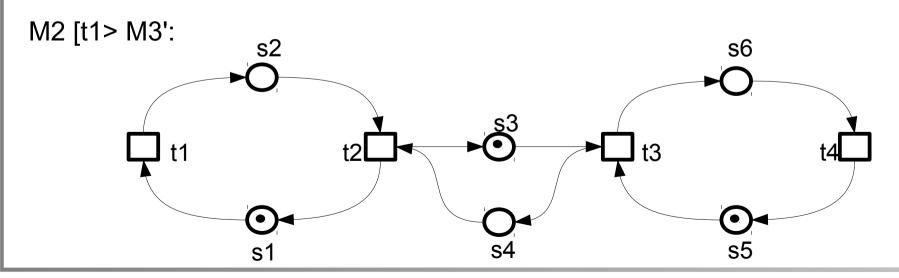


Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
M0	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	t3> M3
М3	1	0	0	1	0	1	
M3'							



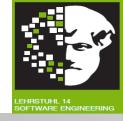


Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
МО	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	t3> M3 t1> M3'
М3	1	0	0	1	0	1	t1> M4
M3'	0	1	1	0	1	0	t3> M4



Erreichbarkeitsalgorithmus (breadth-first; vgl. obiges Beispiel)

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Eingabe: Petrinetz. Ausgabe: Erreichbarkeitstabelle (vgl. vorletzte Folie).

- 1. Trage in ein Schema mit Spalten "Markierungsnummer", "Markierung" und "Schaltungen" **Anfangsmarkierung M** $_{0}$ ein.
- 2. In aktueller Markierung M, für jede Transition t: aktiviert?
 - Falls **t** aktiviert: Berechne Folgemarkierung.
 - Folgemarkierung bereits eine Markierung M_i?
 - Wenn nicht: Benenne Folgemarkierung M_j (für ein neues j>i) und lege neue Zeile in der Tabelle für M_i an.
 - In beiden Fällen: Trage M_i [t>M_i in Zeile M_i, Spalte "Schaltungen" ein.
- 3. **M**_i erledigt, falls **alle** Transitionen überprüft.
- 4. Alle eingetragenen Markierungen erledigt?
 - Ja: Erreichbarkeitsanalyse abgeschlossen
 - Nein: Überprüfe die nächste Markierung und fahre bei 2 fort.



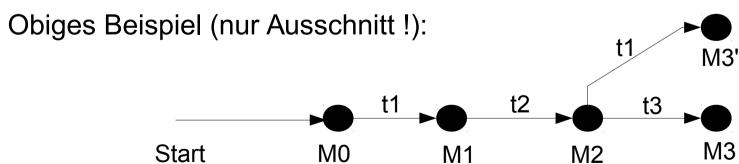


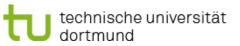


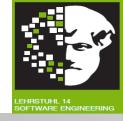
Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
М0	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	t3> M3 t1> M3'
М3	1	0	0	1	0	1	
M3'	0	1	1	0	1	0	

Erreichbarkeitstabelle oft als Graph dargestellt:

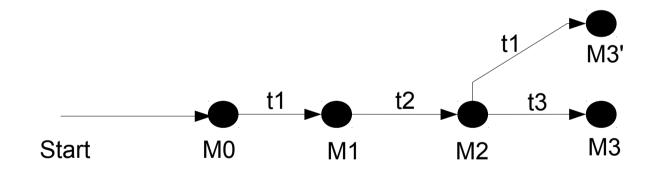
- Knoten: Zustände (linke Spalte; ggf. inkl. Markierungsbelegungen)
- Kanten: Schaltungen (rechte Spalte)







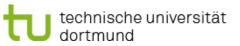
Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
МО	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	t3> M3 t1> M3'
М3	1	0	0	1	0	1	
M3'	0	1	1	0	1	0	



Erzeugtes Event-Log

(= Menge der Folgen der ausgeführten Transitionen):

{[t1,t2,t3],[t1,t2,t1]}



Erreichbarkeitsgraph: Weiteres Beispiel

Softwarekonstruktion WS 2014/15



NB: Bezeichnungen der Zustände im Erreichbarkeitsgraph (z.B. [c1,c2]) spiegeln globalen Zustand wieder [Start] → mit Markern

aründlich überprüfen c1 ċ3 Entschädigung bezahlen normal c5 überprüfen Start Ende entscheiden Registrierung anfragen c2 Anfrage ablehnen Ticket überprüfen Anfrage neu einleiten Entschädigung gründlich Anfrage bezahlen überprüfen geu einleiten Registrierung Anfrage normal Ticket ablehnen überprüfen anfragen überprüfen [c5] [c2,c3] [Ende] [c1,c2] entscheiden Ticket normal überprüfen überprüfen [c3,c4] [c1,c4] gründlich

überprüfen

im Petrinetz.

belegte Stellen





1.4 Petrinetze

Petrinetz Syntax

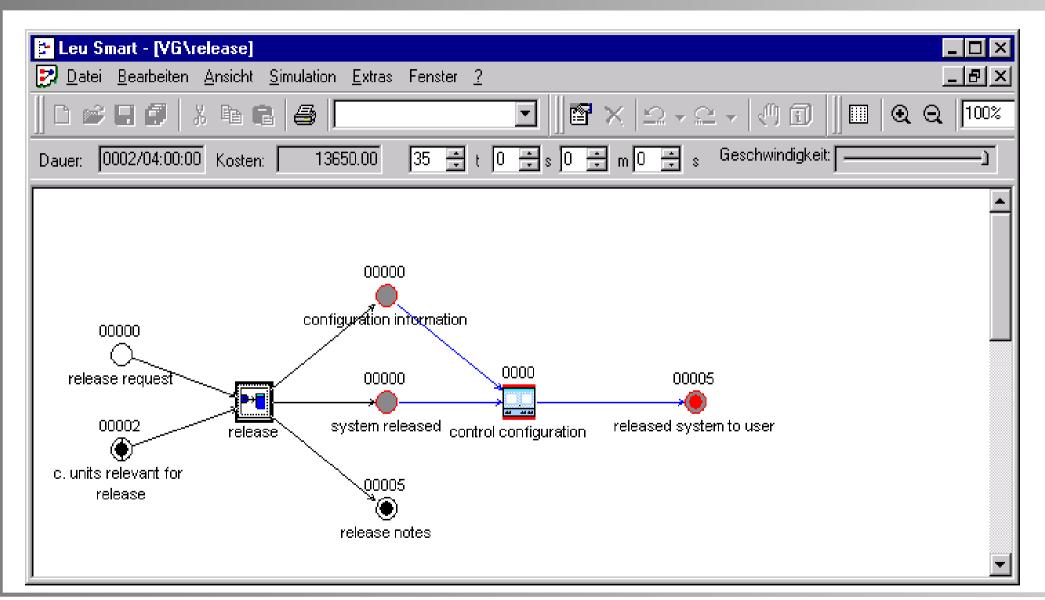
Ausführung

Analyse von Systemen

Analyse von Petrinetzen: Animation

Softwarekonstruktion WS 2014/15

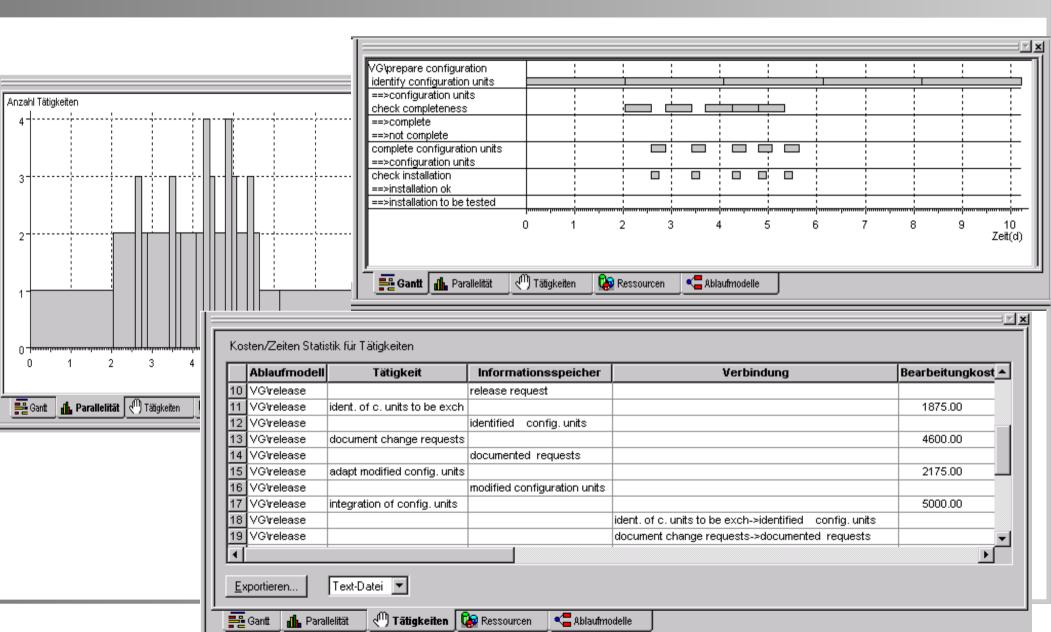




Analyse von Systemen: Simulationsanalyse

Softwarekonstruktion WS 2014/15







Simulation:

- Kann zeigen, dass bestimmte Situationen auftreten können.
- Kann nicht zeigen, dass bestimmte Situationen nicht auftreten.
- Ausschnitt aus Menge aller möglichen Verhalten.



Verifikation: Beweis von Eigenschaften:

Statische Eigenschaften: Unabhängig von Markierungen, nur von Netztopologie abhängig.

• z.B. Verklemmungen / Deadlocks

Dynamische Eigenschaften: Abhängig von der Menge erreichbarer Markierungen.

• Standardhilfsmittel: Erreichbarkeitsgraphen (s.o.)

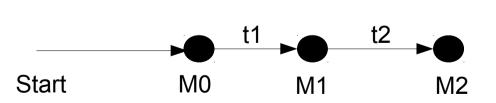


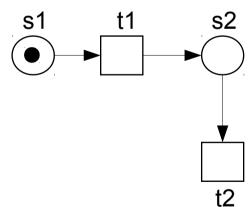
Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

Petrinetz P heißt:

 B-sicher (oder B-beschränkt), wenn für alle erreichbaren Markierungen Anzahl der Markierungen pro Stelle durch B begrenzt, d.h.: für alle M ∈ [M₀> und s ∈ S gilt: M(s) ≤ B(s).

Beispiel: B-sicher für jedes B mit B(s)>=1 für alle s:





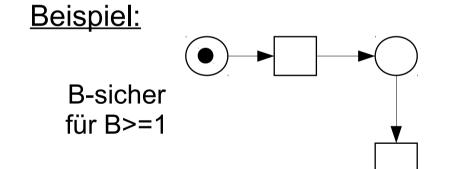
64

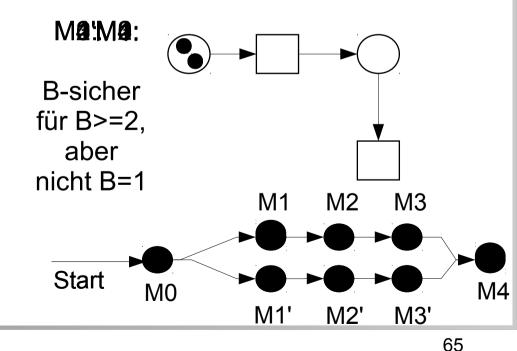


Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

Petrinetz P heißt:

- [...]
- 1-sicher, 2-sicher usw., wenn B=1, B=2 usw. (konstante Funktionen)





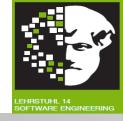


Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

Petrinetz P heißt:

- B-sicher (oder B-beschränkt), wenn für alle erreichbaren Markierungen Anzahl der Markierungen pro Stelle durch B begrenzt, d.h.:
 für alle M ∈ [M₀> und s ∈ S gilt: M(s) ≤ B(s).
- 1-sicher, 2-sicher usw., wenn B=1, B=2 usw.
- beschränkt, wenn es natürliche Zahl b gibt, für die P b-sicher.

Beispiel:

Beschränkt, weil B-sicher für B>=3

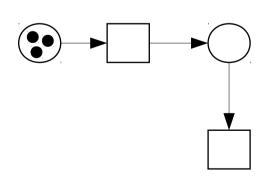






Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

Petrinetz P heißt:

- B-sicher (oder B-beschränkt), wenn für alle erreichbaren Markierungen Anzahl der Markierungen pro Stelle durch B begrenzt, d.h.:
 für alle M ∈ [M₀> und s ∈ S gilt: M(s) ≤ B(s).
- 1-sicher, 2-sicher usw., wenn B=1, B=2 usw.
- beschränkt, wenn es natürliche Zahl b gibt, für die P b-sicher.

Stelle s heißt **b-sicher**, wenn P B-sicher mit B(s)=b, und B(s')= ∞ für s' \neq s.

Beispiel:

Beide Stellen sind b-sicher für b>=3

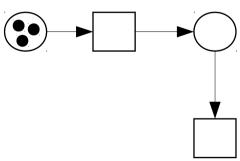






Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

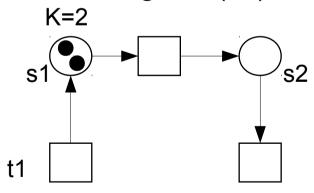
Stelle s heißt **b-sicher**, wenn P B-sicher mit B(s)=b, und B(s')= ∞ für s' \neq s.

Unterschied zwischen Kapazität und Sicherheit:

Kapazität begrenzt Stellenmarkierung (a priori-Begrenzung).

Beispiel:

t1 ist *nicht aktiviert* wegen K(s1)=M(s1)=2.



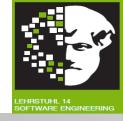


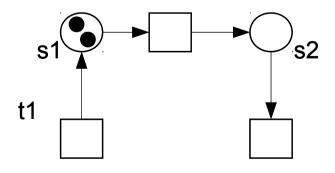
Abbildung $B: S \rightarrow \mathbb{N} \cup \{\infty\}$ ordnet jeder Stelle eine "kritische Markenzahl" zu.

Stelle s heißt **b-sicher**, wenn P B-sicher mit B(s)=b, und B(s')= ∞ für s' \neq s.

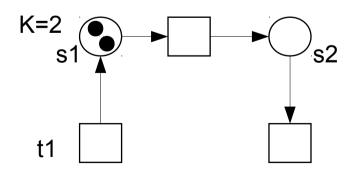
Unterschied zwischen Kapazität und Sicherheit:

- Kapazität begrenzt Stellenmarkierung (a priori-Begrenzung).
- Sicherheit beobachtet Stellenmarkierung (a posteriori-Begrenzung).
 Beispiel:

s1 ist nicht 2-sicher.



s1 ist 2-sicher.

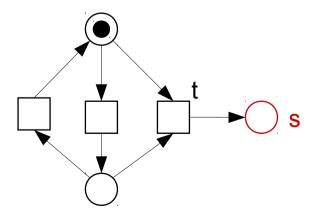


69

Sicherheit: Beispiele



- Beispiel: Verkehrsplaner modelliert Ampelsystem.
 - An bestimmter Stelle s darf sich nur ein Auto aufhalten.
 - K(s)=1: Keine Aussage über Korrektheit der Modellierung.
 - K(s)=∞: In Analyse prüfbar, ob B-sicher für B(s)=1.
- Beispiel: Transition t soll nie schalten dürfen.
 - Sicherheitseigenschaft: Beobachtungsstelle s und Bedingung B(s)=0 hinzufügen.



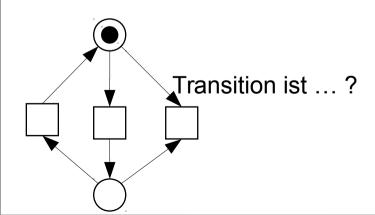


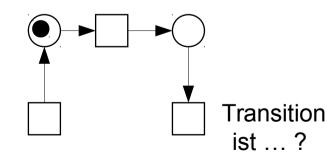
Transition t eines Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

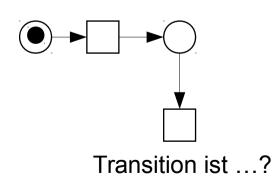
- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar: für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>
- tot: In keiner erreichbaren Markierung aktiviert: für alle M ∈ [M₀> gilt: ¬M[t>

Tot ist nicht logische Negation von lebendig sondern von aktivierbar!











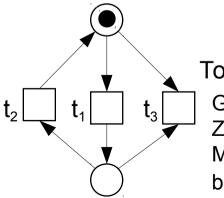


Transition t eines Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar: für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>
- tot: In keiner erreichbaren Markierung aktiviert: für alle M ∈ [M₀> gilt: ¬M[t>

Tot ist nicht logische Negation von lebendig sondern von aktivierbar!





Tote Transition

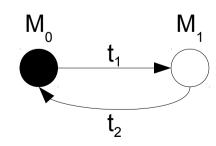
Gibt in jedem

Zustand nur eine

Marke, Transition t₃

braucht aber zwei!

Erreichbarkeitsgraph:





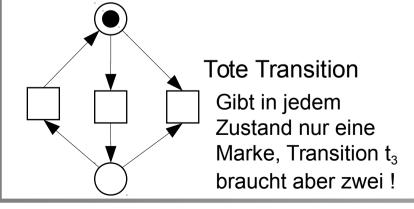


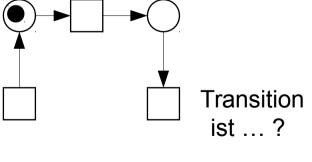


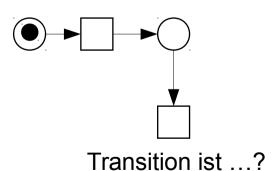
- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar: für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>
- tot: In keiner erreichbaren Markierung aktiviert: für alle M ∈ [M₀> gilt: ¬M[t>

Tot ist nicht logische Negation von lebendig sondern von aktivierbar!







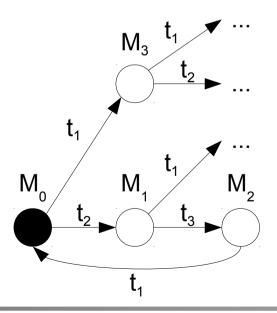


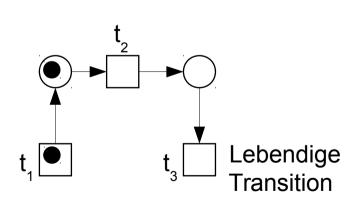


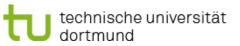


- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar: für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>

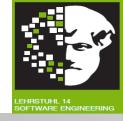
Erreichbarkeitsgraph:







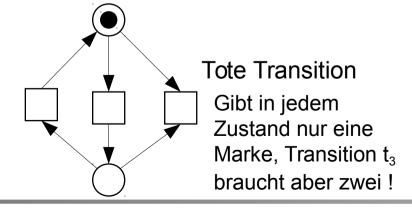


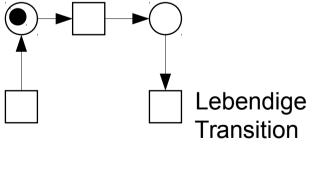


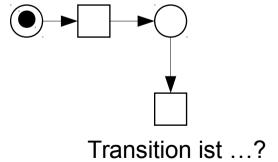
- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar: für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>
- tot: In keiner erreichbaren Markierung aktiviert: für alle M ∈ [M₀> gilt: ¬M[t>

Tot ist nicht logische Negation von lebendig sondern von aktivierbar!









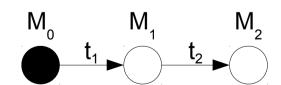


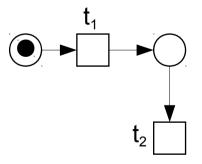
- aktivierbar: In mindestens einer erreichbaren Markierung aktiviert: existiert M₁ ∈ [M₀> mit: M₁[t>
- lebendig: In allen erreichbaren Markierung aktivierbar:
 für alle M₁ ∈ [M₀> gilt: existiert M₂ ∈ [M₁> mit: M₂[t>
- tot: In keiner erreichbaren Markierung aktiviert: für alle M ∈ [M₀> gilt: ¬M[t>

Tot ist nicht logische Negation von lebendig sondern von aktivierbar!



Erreichbarkeitsgraph:





Aktivierbare Transition





Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

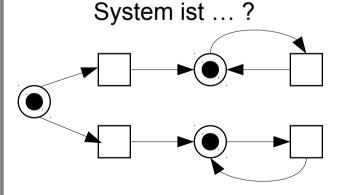
- lebendig: In jeder erreichbaren Markierung ist jede Transition aktivierbar:

 ∀ M₁ ∈ [M₀ > und t ∈ T gilt: ∃M₂ ∈ [M₁ > mit: M₂[t >]
- deadlockfrei: In jeder erreichbaren Markierung ist mindestens eine Transition aktiviert:

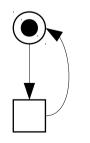
$$\forall M_1 \in [M_0 > gilt: \exists t \in T mit: M_1[t > t]$$

tot: Keine Transition aktiviert:

$$\forall t \in T: \neg M_0 [t>$$



System ist ...?

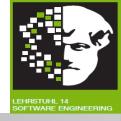


System ist ...?



Analyse von Systemen: Lebendigkeit von Petrinetzen

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

- lebendig: In jeder erreichbaren Markierung ist jede Transition aktivierbar:

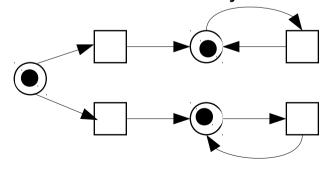
 ∀ M₁ ∈ [M₀ > und t ∈ T gilt: ∃M₂ ∈ [M₁ > mit: M₂[t >]
- deadlockfrei: In jeder erreichbaren Markierung ist mindestens eine Transition aktiviert:

$$\forall M_1 \in [M_0 > gilt: \exists t \in T mit: M_1[t > t]$$

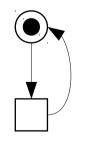
tot: Keine Transition aktiviert:

$$\forall t \in T: \neg M_0 [t>$$

Deadlockfreies System



System ist ...?



System ist ...?





Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

- lebendig: In jeder erreichbaren Markierung ist jede Transition aktivierbar:

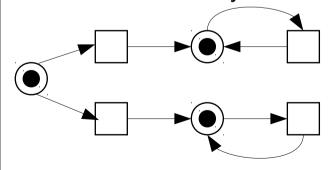
 ∀ M₁ ∈ [M₀ > und t ∈ T gilt: ∃M₂ ∈ [M₁ > mit: M₂[t >]
- deadlockfrei: In jeder erreichbaren Markierung ist mindestens eine Transition aktiviert:

$$\forall M_1 \in [M_0 > gilt: \exists t \in T mit: M_1[t > t]$$

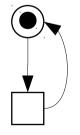
tot: Keine Transition aktiviert:

$$\forall t \in T: \neg M_0 [t>$$

Deadlockfreies System



Lebendiges System



System ist ...?



79



Petrinetz P=(S,T,F,K,W,M₀) heißt:

- lebendig: In jeder erreichbaren Markierung ist jede Transition aktivierbar:

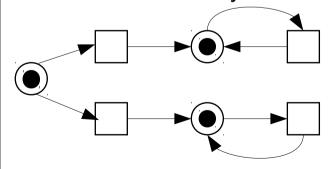
 ∀ M₁ ∈ [M₀ > und t ∈ T gilt: ∃M₂ ∈ [M₁ > mit: M₂[t >]
- deadlockfrei: In jeder erreichbaren Markierung ist mindestens eine Transition aktiviert:

$$\forall M_1 \in [M_0 > gilt: \exists t \in T mit: M_1[t > t]$$

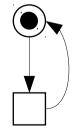
tot: Keine Transition aktiviert:

$$\forall t \in T: \neg M_0$$
 [t>

Deadlockfreies System

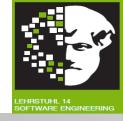


Lebendiges System

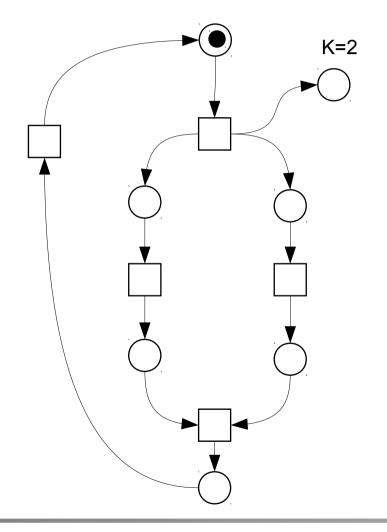


Totes System





Deadlockfrei / lebendig / tot ?

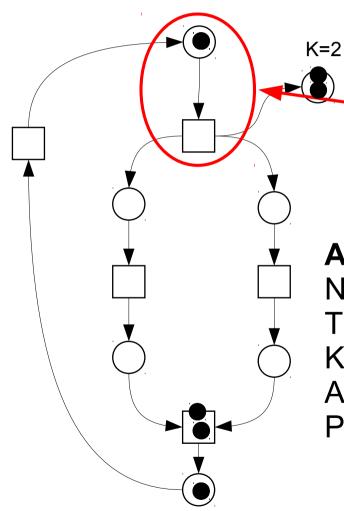


Analyse von Systemen: Beispiel

Softwarekonstruktion WS 2014/15







Antwort:

Nach 2. Durchlauf entsteht Deadlock: Transition kann nicht geschaltet werden, da Kapazität der nachfolgenden Stelle erschöpft. Auch sonst dann keine Transition aktiviert. Petrinetz somit nicht deadlockfrei.

Deadlock

82

Softwarekonstruktion WS 2014/15



tot: keine Transition aktivierbar, d.h. alle Transitionen tot.

(**Achtung**: Nicht **aktivierte** Transition kann trotzdem **aktivierbar** sein, aber wenn keine Transition im Petrinetz **aktiviert** ist, ist auch keine **aktivierbar**!

Softwarekonstruktion WS 2014/15



tot: keine Transition aktivierbar, d.h. alle Transitionen tot.

(Achtung: Nicht aktivierte Transition kann trotzdem aktivierbar sein, aber wenn keine Transition im Petrinetz aktiviert ist, ist auch keine aktivierbar!)



D.h. im Erreichbarkeitsgraph geht von der initialen Markierung keine Kante aus.

Bedeutet häufig einen Deadlock

84

Softwarekonstruktion WS 2014/15



tot: keine Transition aktivierbar, d.h. alle Transitionen tot.

(Achtung: Nicht aktivierte Transition kann trotzdem aktivierbar sein, aber wenn keine Transition im Petrinetz aktiviert ist, ist auch keine aktivierbar!)



D.h. im Erreichbarkeitsgraph geht von der initialen Markierung keine Kante aus.

Bedeutet häufig einen Deadlock

deadlockfrei: keine erreichbare Markierung tot.

Berücksichtigung partieller Ausfälle ("graceful degradation").



Softwarekonstruktion WS 2014/15



tot: keine Transition aktivierbar, d.h. alle Transitionen tot.

(Achtung: Nicht aktivierte Transition kann trotzdem aktivierbar sein, aber wenn keine Transition im Petrinetz aktiviert ist, ist auch keine aktivierbar!)



D.h. im Erreichbarkeitsgraph geht von der initialen Markierung keine Kante aus.

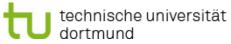
Bedeutet häufig einen Deadlock

deadlockfrei: keine erreichbare Markierung tot.

Berücksichtigung partieller Ausfälle ("graceful degradation").

lebendig: alle Transitionen lebendig.

D.h.: in Erreichbarkeitsgraph existiert von jedem Knoten ausgehend für jedes t aus T einen Pfad, in dem t als Label vorkommt.





Softwarekonstruktion WS 2014/15



tot: keine Transition aktivierbar, d.h. alle Transitionen tot.

(Achtung: Nicht aktivierte Transition kann trotzdem aktivierbar sein, aber wenn keine Transition im Petrinetz aktiviert ist, ist auch keine aktivierbar!)

D.h. im Erreichbarkeitsgraph geht von der initialen Markierung keine Kante aus.

Bedeutet häufig einen Deadlock

deadlockfrei: keine erreichbare Markierung tot.

Berücksichtigung partieller Ausfälle ("graceful degradation").

lebendig: alle Transitionen lebendig.

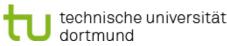
D.h.: in Erreichbarkeitsgraph existiert von jedem Knoten ausgehend für jedes t aus T einen Pfad, in dem t als Label vorkommt.



Lebendig ist nicht logische Negation von tot (sondern stärker).



Gibt viele Varianten dieser Definitionen.





Softwarekonstruktion WS 2014/15



- + Einfache und wenige Sprachelemente.
- + **Graphisch** gut darstellbar.
- + Marken: übersichtliche Visualisierung des Systemzustands.
- + Syntax und Semantik formal definiert.
- Werkzeuge zur Erstellung, Analyse, Simulation, Code-Generierung vorhanden (z.B. Process Mining).
- + Gut geeignet für kooperierende Prozesse.
- Zunächst keine Datenmodellierung (kann aber dahin erweitern).

88



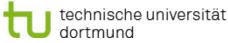
In diesem Abschnitt:

Petrinetze als Grundlage für Geschäftsprozessmodellierung und für Process-Mining.

- Petrinetz-Syntax
- Ausführung
- Analyse von Systemen
- Workflow-Netze

Im nächsten Abschnitt:

• Eclipse Modeling Framework (EMF): Standard zur Modellierung.





Anhang (zum selbständigen Nacharbeiten)

Softwarekonstruktion WS 2014/15

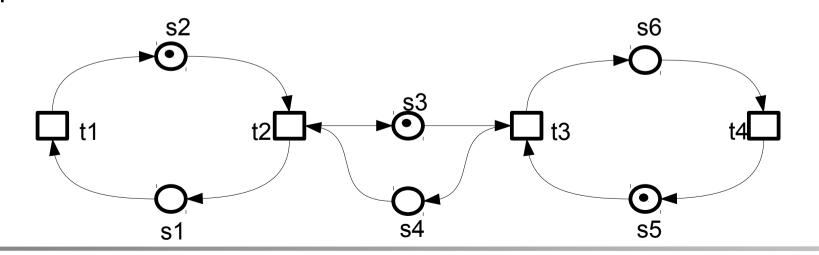


Petrinetz Ablauf: Erreichbarkeitstabelle



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	s6	Schaltungen
МО	1	0	0	1	1	0	t1> M1
M1	0	1	0	1	1	0	t2> M2
M2	1	0	1	0	1	0	t3> M3 t1> M3'
М3	1	0	0	1	0	1	t1> M4 t4> M0
M3'	0	1	1	0	1	0	t2> M5 t3> M6

M3':



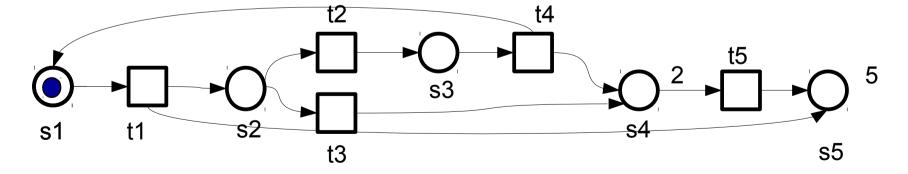
Softwarekonstruktion WS 2014/15



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
М0	1	0	0	0	0	
M1		•		•		
M2						
М3						
M4						

M0:

Nächster Zustand?

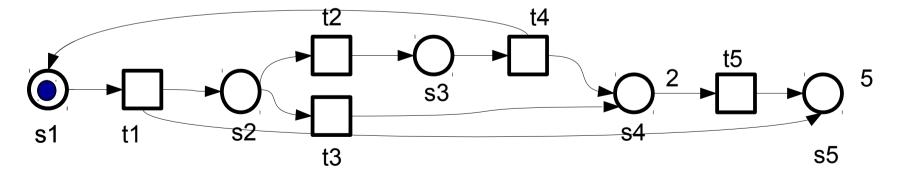


Softwarekonstruktion WS 2014/15

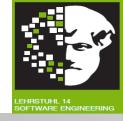


Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
МО	1	0	0	0	0	t1->M1
M1	0	1	0	0	1	
M2		•	•	•	•	•
М3						
M4						

M1: Nächster Zustand?

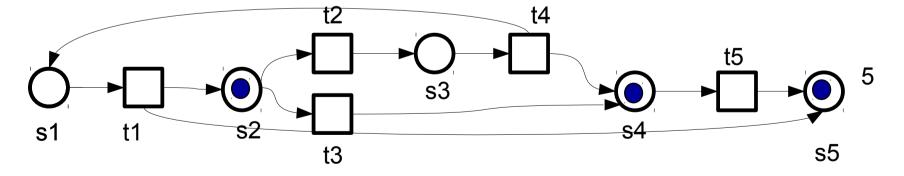


Softwarekonstruktion WS 2014/15



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
M0	1	0	0	0	0	t1->M1
M1	0	1	0	0	1	t3->M2
M2	0	0	0	1	1	
М3		1		ı		
M4						

M2: Nächster Zustand?



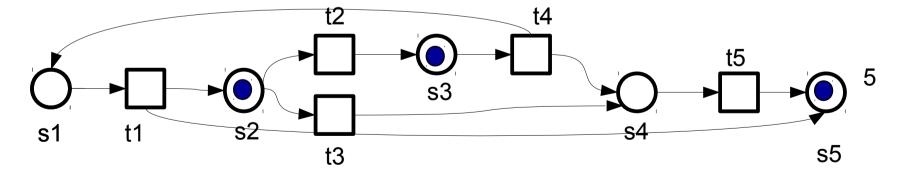
Softwarekonstruktion WS 2014/15



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
M0	1	0	0	0	0	t1->M1
M1	0	1	0	0	1	t3->M2
M2	0	0	0	1	1	t2->M3
М3	0	0	1	0	1	
M4		ı	ı	ı	i	1

M3:

Nächster Zustand?



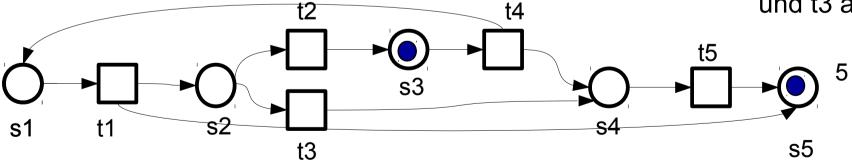
Softwarekonstruktion WS 2014/15



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
MO	1	0	0	0	0	t1->M1
M1	0	1	0	0	0	t2->M2
M2	0	0	1	0	1	t3->M3
М3	0	0	0	1	1	t4->M4
M4	1	0	0	1	1	t5->M5 t1->M1

M4:

Was fällt bzgl. der Ausführung von t2 und t3 auf?

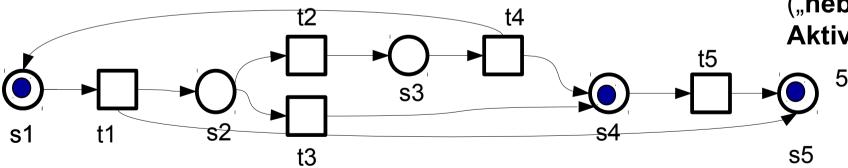


Softwarekonstruktion WS 2014/15



Nr.	s1	s2	s3	s4	s5	Schaltungen
МО	1	0	0	0	0	t1->M1
M1	0	1	0	0	1	t2->M2
M2	0	0	1	0	1	t3->M3
М3	0	0	0	1	1	t4->M4
M4	1	0	0	1	1	t5->M5 t1->M1

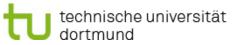
M4:



t2 und t4 können in beliebiger Reihenfolge ausgeführt werden und resultieren in denselben Zustand!

("nebenläufige Aktivierung")



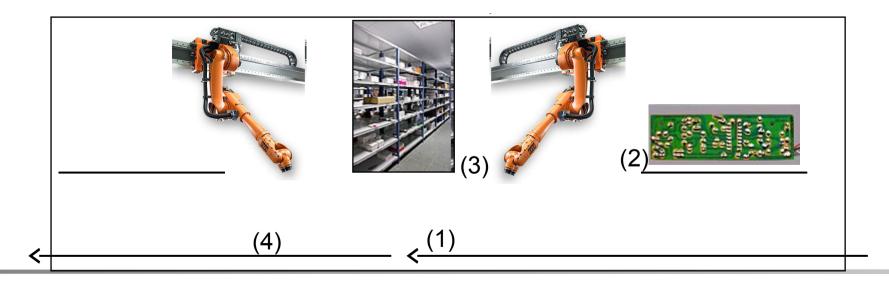


Softwarekonstruktion WS 2014/15



Zwei Roboter bestücken Leiterplatten mit elektronischen Bauelementen:

- Leiterplatten auf Fließband antransportiert (1).
- Freier Roboter nimmt Leiterplatte vom Fließband (2).
- Beide Roboter frei: nichtdeterministisch entschieden, wer Leiterplatte nimmt.
- Jeweils ein Roboter darf auf Bauelemente-Magazin zugreifen (3), um Leiterplatte mit Bauelementen zu bestücken.
- Jeweils eine Leiterplatte zu einem Zeitpunkt abtransportierbar (4).



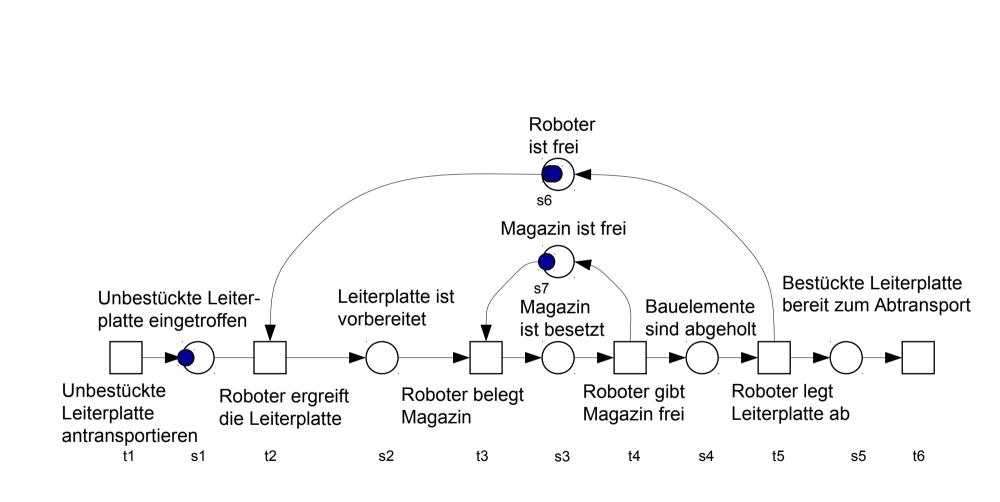




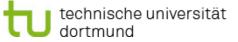
Beispiel: Bestückungsroboter (M0)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





Welche Transition(en) aktiviert?

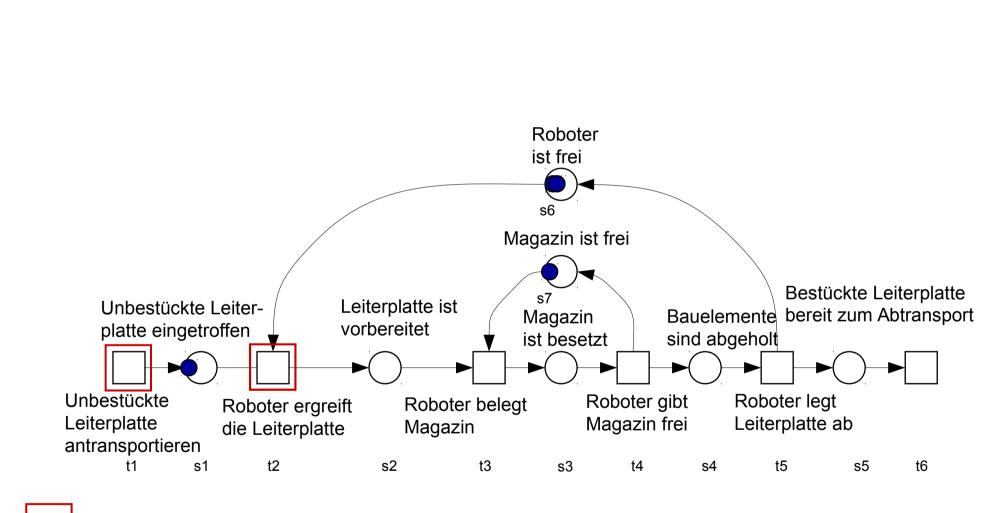




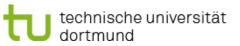
Beispiel: Bestückungsroboter (M0)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





bezeichnet aktivierte Transitionen. Möglicher nächster Zustand?

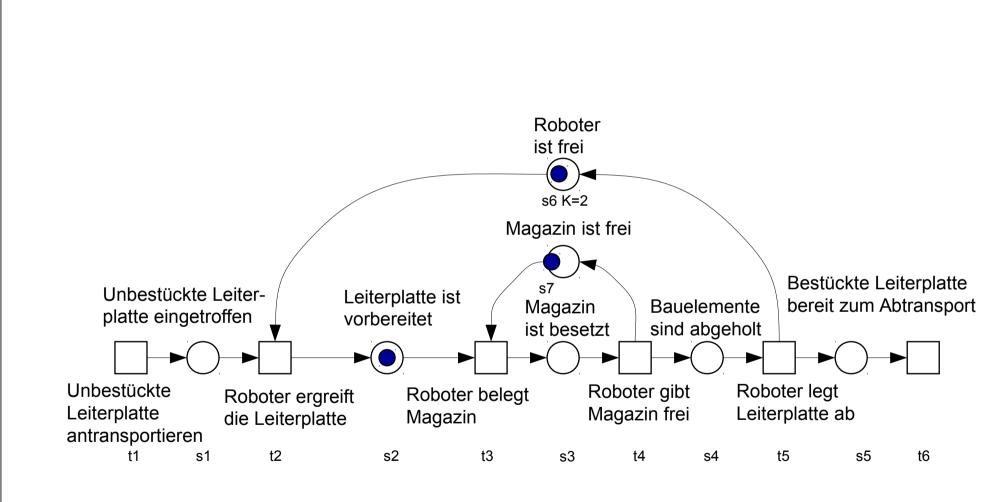




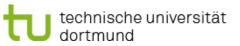
Beispiel: Bestückungsroboter (M1)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





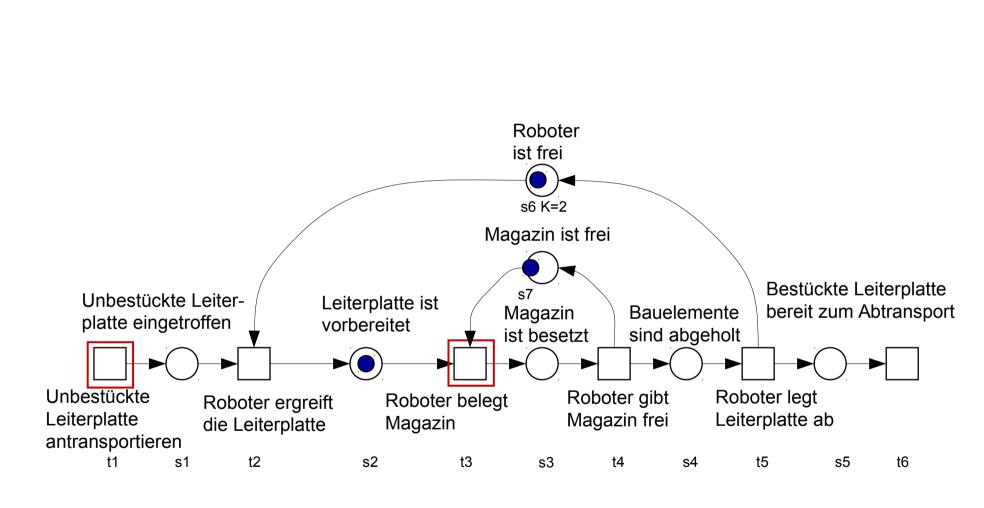
Welche Transition(en) aktiviert?



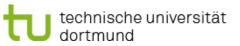
Beispiel: Bestückungsroboter (M1)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





Möglicher nächster Zustand?

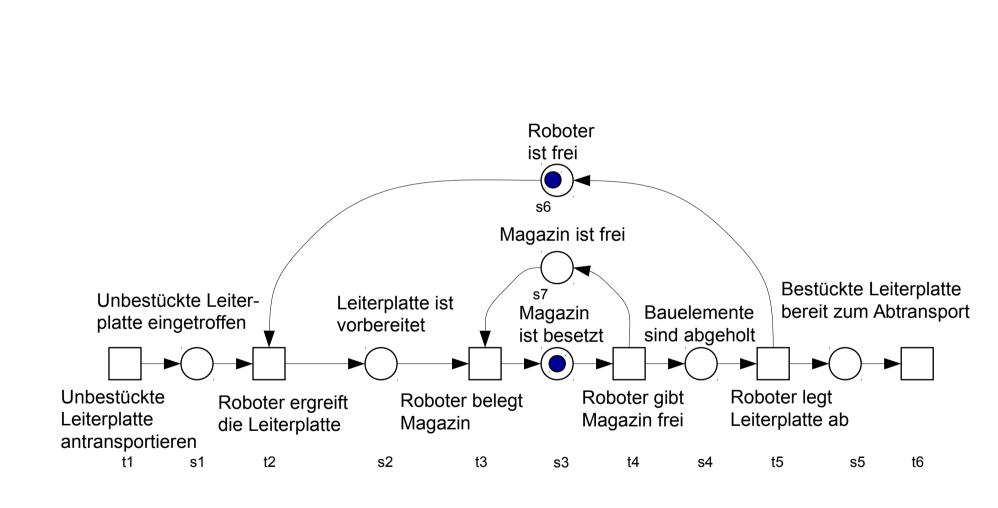




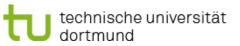
Beispiel: Bestückungsroboter (M2)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





Welche Transition(en) aktiviert?

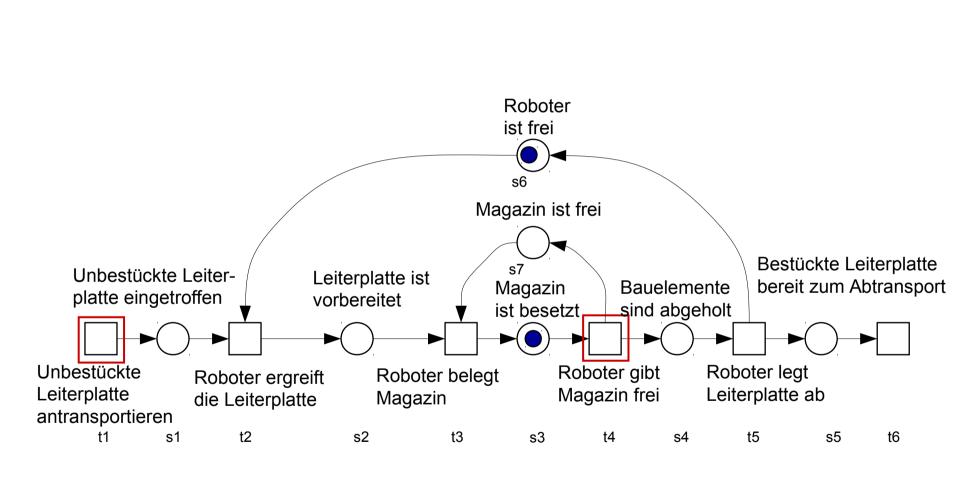




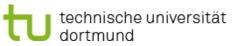
Beispiel: Bestückungsroboter (M2)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





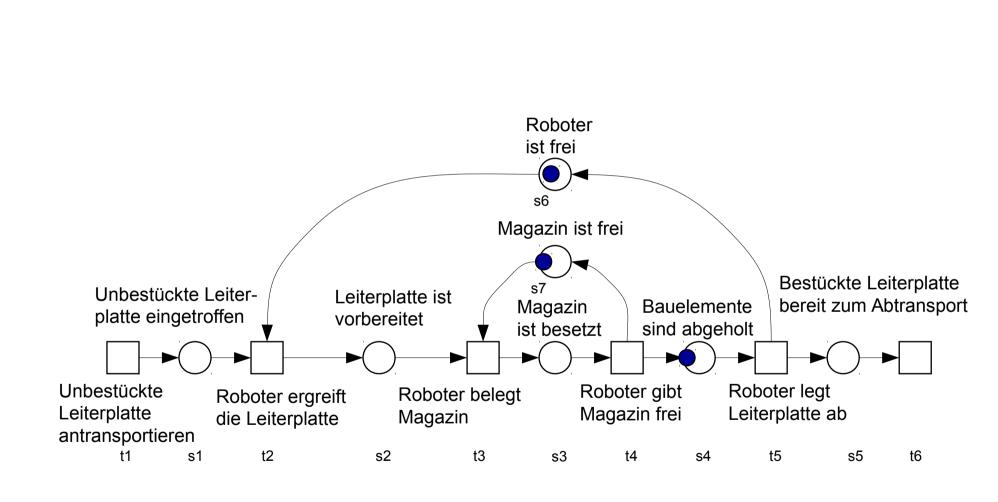
Möglicher nächster Zustand?



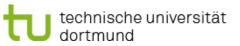
Beispiel: Bestückungsroboter (M3)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





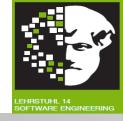
Welche Transition(en) aktiviert?

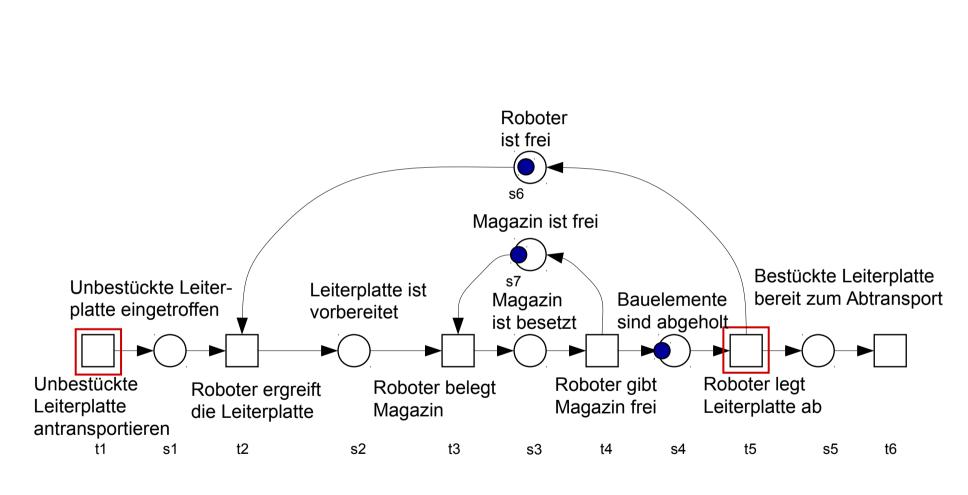




Beispiel: Bestückungsroboter (M3)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





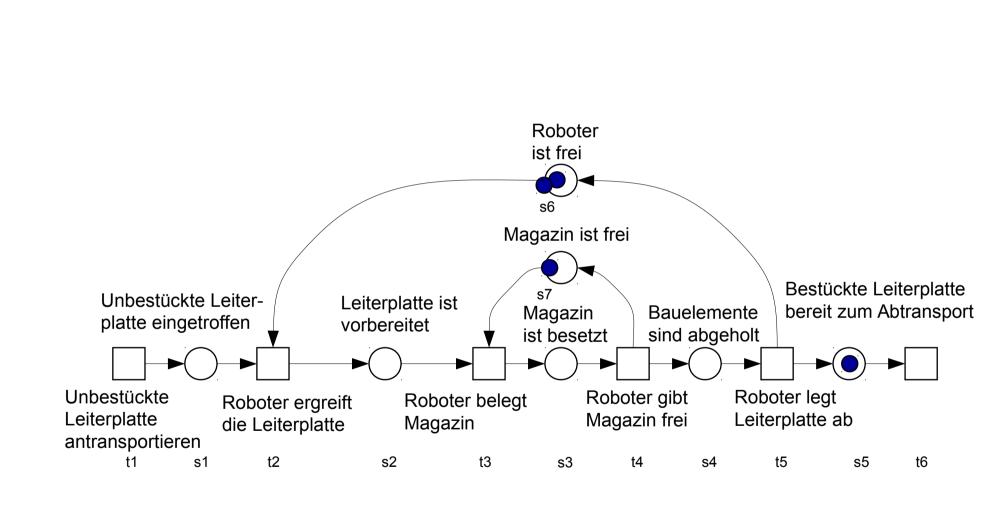
Möglicher nächster Zustand?



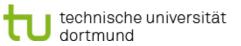
Beispiel: Bestückungsroboter (M4)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





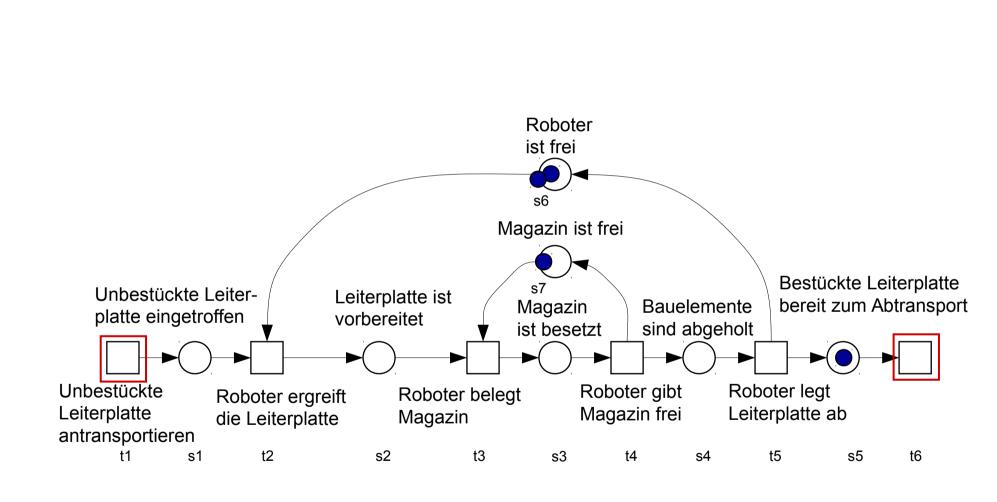
Welche Transition(en) aktiviert?



Beispiel: Bestückungsroboter (M4)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





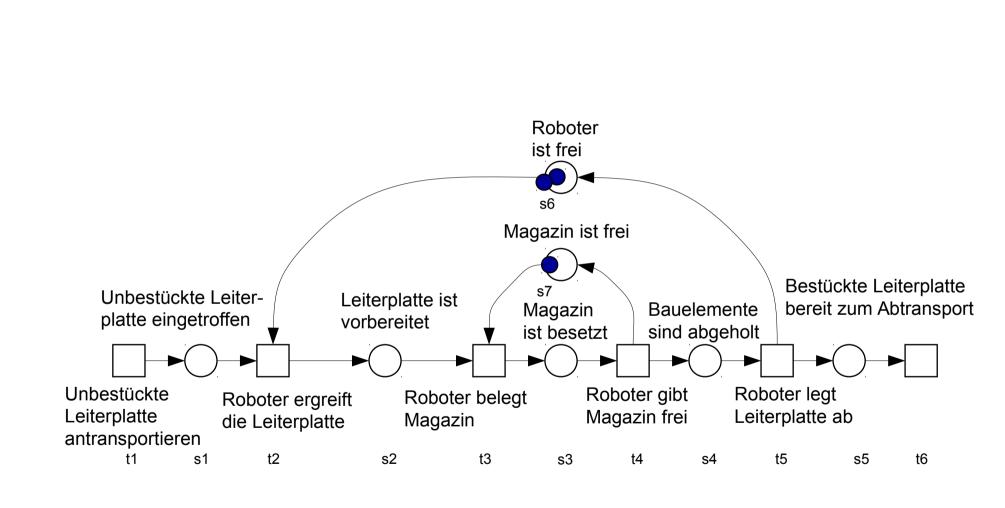
Möglicher nächster Zustand?



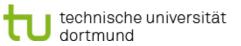
Beispiel: Bestückungsroboter (M5)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





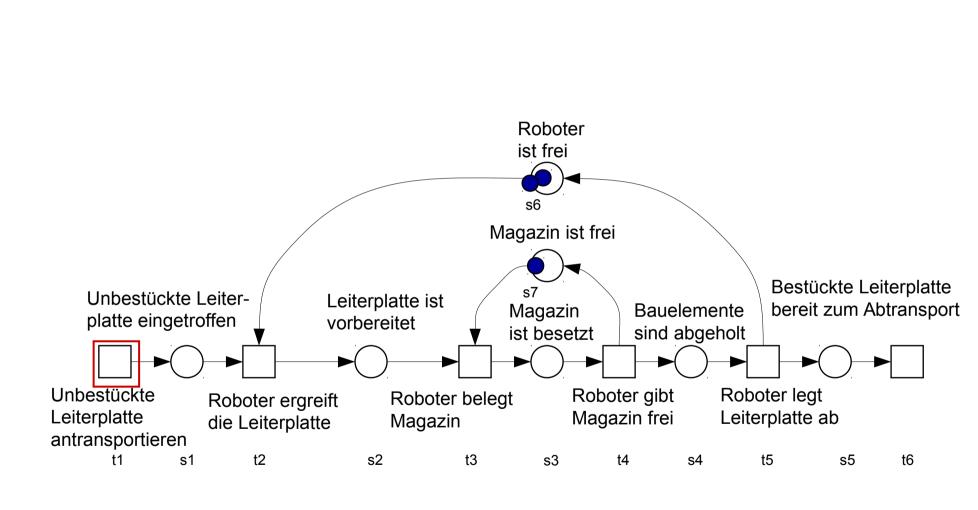
Welche Transition(en) aktiviert?



Beispiel: Bestückungsroboter (M5)

Softwarekonstruktion WS 2014/15





Usw. ...





- K: S → N ∪ {∞} erklärt eine (möglicherweise unbeschränkte)
 Kapazität für jede Stelle.
- Markierungen M: S → N₀ müssen Kapazitäten respektieren,
 d.h. für jede Stelle s∈ S gilt: M(s) ≤ K(s).
- Transitionen sind bei Verwendung von Kapazitäten nur dann aktiviert, wenn Folgemarkierung Kapazitäten respektiert.

Definition Netz: Beispiel



Nachrichten-Queue: Netz (S,T,F) mit

- S = {empfangsbereit, Bereit Queue zu füllen, Queue gefüllt, Queue leer,
 Bereit zur Verarbeitung, Bereit zur Nachrichtenentnahme}
- T = {Nachricht annehmen, Queue füllen, Nachricht entnehmen, Nachricht verarbeiten}
- **F** = {(empfangsbereit, Nachricht annehmen), (Nachricht annehmen, Bereit Queue zu füllen), (Bereit Queue zu füllen, Queue füllen), (Queue füllen, empfangsbereit), (Queue füllen, Queue gefüllt), (Queue gefüllt, Nachricht entnehmen), (Nachricht entnehmen, Queue leer), (Queue leer, Queue füllen), (Bereit zur Nachrichtenentnahme, Nachricht entnehmen), (Nachricht entnehmen, Bereit zur Verarbeitung), (Bereit zur Verarbeitung, Nachricht verarbeiten), (Nachricht verarbeiten, Bereit zur Nachrichtenentnahme)}

112



Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.

- Zwei Ampeln an einer Kreuzung
- Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel
- Abbieger-Ampel vernachlässigen wir
- Folgende Stellen gibt es:
 - Rot
 - Rot/Gelb
 - Gelb
 - Grün

Beispiel: Ampelschaltung

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.

- Zwei Ampeln an einer Kreuzung
- Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel
- Abbieger-Ampel vernachlässigen wir
- Folgende Stellen gibt es:
 - Rot
 - Rot/Gelb
 - Gelb
 - Grün



Rot/Gelb

Gelb

Grün

Nord-West Ampel

114

Beispiel: Ampelschaltung

Softwarekonstruktion WS 2014/15



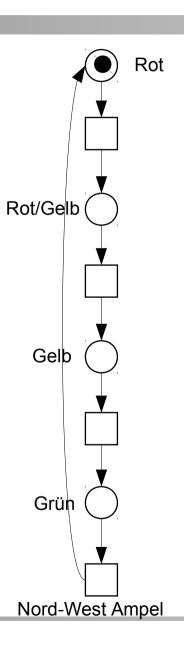
Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.	Rot	
 Zwei Ampeln an einer Kreuzung 		
 Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel 	Rot/Gelb	
 Abbieger-Ampel vernachlässigen wir 		
Folgende Stellen gibt es:Rot		
Rot/Gelb	Gelb	
• Gelb		
• Grün		
	Grün ()	
	Nord-West Ampel	

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.

- Zwei Ampeln an einer Kreuzung
- Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel
- Abbieger-Ampel vernachlässigen wir
- Folgende Stellen gibt es:
 - Rot
 - Rot/Gelb
 - Gelb
 - Grün



116

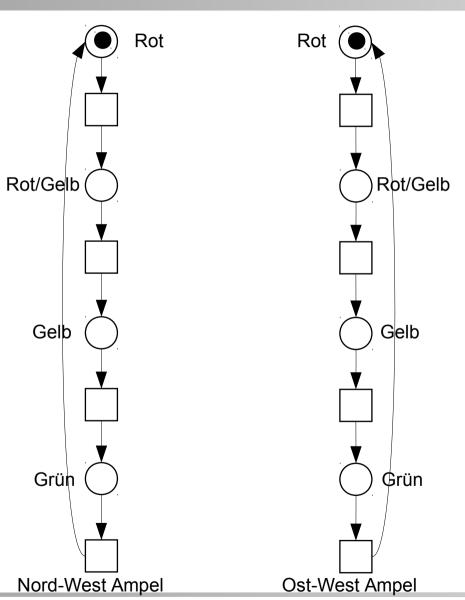
Beispiel: Ampelschaltung

Softwarekonstruktion WS 2014/15



Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.

- Zwei Ampeln an einer Kreuzung
- Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel
- Abbieger-Ampel vernachlässigen wir
- Folgende Stellen gibt es:
 - Rot
 - Rot/Gelb
 - Gelb
 - Grün



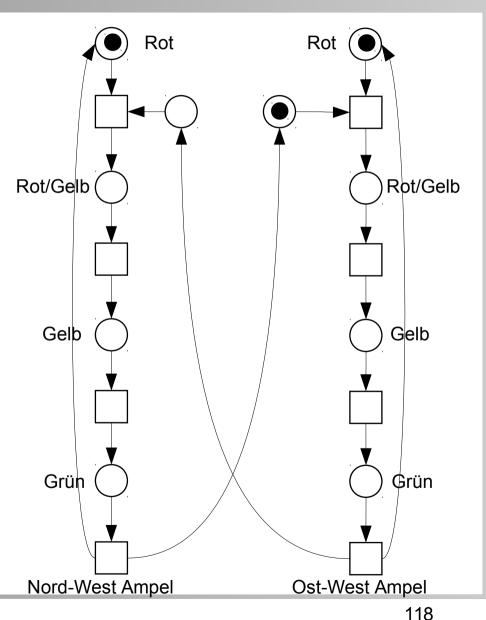


Softwarekonstruktion WS 2014/15



Wir wollen eine Ampelschaltung modellieren.

- Zwei Ampeln an einer Kreuzung
- Nord-Süd-Ampel und Ost-West-Ampel
- Abbieger-Ampel vernachlässigen wir
- Folgende Stellen gibt es:
 - Rot
 - Rot/Gelb
 - Gelb
 - Grün

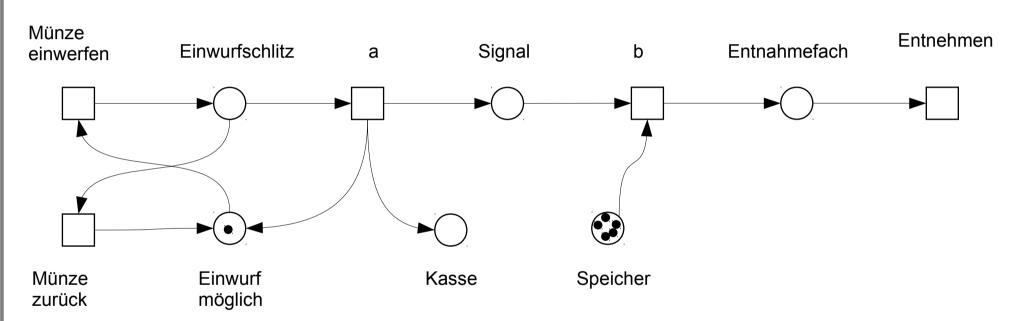






Was könnte folgendes Petri-Netz modellieren?

Was könnten die einzelnen Token repräsentieren?

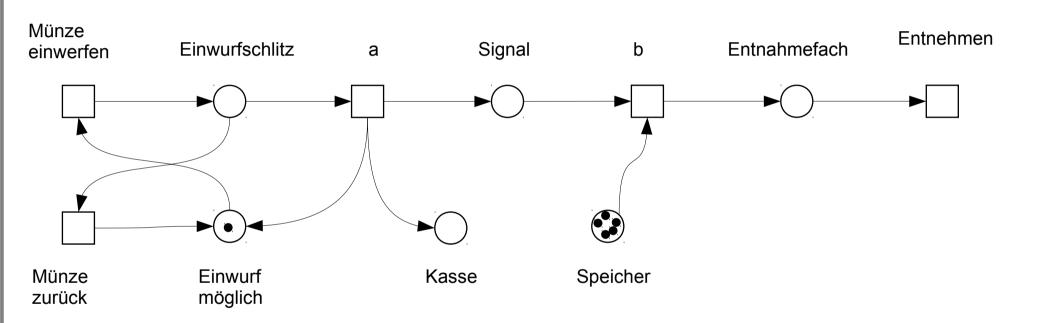


Softwarekonstruktion WS 2014/15



Was könnte folgendes Petri-Netz modellieren?

Was könnten die einzelnen Token repräsentieren?



Antwort:

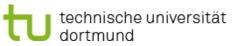
Es könnte sich z.B. um einen Getränkeautomaten handeln. Dabei können die Token einerseits "Münzen" oder auch "Getränkeflaschen" repräsentieren.



Kein Standard zu Erstellung von Petri-Netzen vorhanden.

Vorgeschlagenes Vorgehen (aus [Bal00]):

- Stellen und Transitionen auf hohem Abstraktionsniveau identifizieren.
- 2. Beziehungen ermitteln.
- 3. Verfeinerung und Ergänzung.
- 4. Festlegung der Objekte.
- 5. Schaltregeln identifizieren.
- 6. Netztyp festlegen.
- 7. Anfangsmarkierung festlegen.
- 8. Analyse, Simulation.



Performanzanalyse, z.B.: Simulation in BPM|one

Softwarekonstruktion WS 2014/15



